شبیهسازی خواص الاستیک نانو کامپوزیت Al-SiC با استفاده از روش دینامیک مولکولی

رضا اسماعیلی و محمدرضا دشت بیاض<sup>\*</sup> بخش مهندسی مکانیک، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه شهید باهنر کرمان

(دریافت مقاله: ۱۳۹۰/۱۲/۰۳ – دریافت نسخه نهایی: ۱۳۹۱/۱۲/۱۴)



# Simulation of mechanical properties of AI-SiC nanocomposite using molecular dynamics method

R. Esmaeili and M.R. Dashtbayazi

Mechanical Engineering Department, Faculty of Engineering, Shahid Bahonar University of Kerman

**Abstract:** In the present work, molecular dynamics simulation method was used for determining Young's modulus, Shear modulus and Poisson's ratio of Al-SiC nanocomposites, with different volume fractions of the reinforcements. For simulation, the open source package, LAMMPS, was used. After putting Aluminum and Silicon Carbide atoms in their initial positions, interatomic potentials between them were defined. EAM potential was used for Aluminum atoms, Morse potential was used for Al-C and Al-Si, and for C-C, Si-C, and Si-Si Tersoff potential was used. According to the elastic bounding principal, and the comparison between the simulations results and Voigt, Ruess and Halpin-Tsai micromechanical models showed that the results were close to the upper bound Voigt model.

Keywords: elastic properties, molecular dynamics simulation, nanocomposite, aluminum-silicon carbid.

\* : مسئول مكاتبات، پست الكترونيكي: dashtbayazi@uk.ac.ir

۱– مقدمه

نانوكامپوزيتها به دليل ارائمي خواص مكانيكي برتر نسبت به مواد سنتی تک فازی دارای پتانـسیل.هـای کـاربردی زیادی همستند. در مواردی که استحکام بالا به همراه انعطاف پذیری کافی نیاز باشد نانوکامپوزیتهای پایه فلـزی از اهمیت برخوردارند. آلیاژهای آلومینیوم به دلیل وزن کم و بالا بودن نسبت استحکام به وزن، مواد برگزیده برای استفاده در صنایع هواپیماسازی و خودروسازی هستند [۱]. این آلیاژها به صورت وسیعی برای ترکیب با ذرات سرامیکی مختلف با اندازه نانومتری به عنوان تقویت کننده، به کار برده شدهاند [۲]. همچنین، نانوذرات سرامیکی به دلیل مزایایشان، نسبت به همتایان درشت ذرهی سنتی خود مورد توجه قرار گرفتهاند که از میان آنها یکی از پر کاربردترینها سیلیکون کارباید (SiC) است [۳]. نانوکامپوزیت های تقویت شده با ذرات نانومتری سیلیکون کارباید به خاطر خواص مکانیکی عالی و قیمت ساخت مناسب مورد توجه ويـ ژه محققان و صنايع مختلف قرار دارند [۴ و ۵].

از جمله چالشهایی که پیش روی محققان وجود دارد پیش بینی خواص این نوع از مواد است، زیرا ساخت و بررسی تجربی خواص این مواد باعث صرف هزینه و وقت فراوان می شود. بدین منظور محققان از روش های شبیه سازی رایانه ای استفاده می کنند. یکی از روش های شبیه سازی مورد استفاده، شبیه سازی دینامیک مولکولی است که در سال های اخیر در شبیه سازی دینامیک مولکولی است که در سال های اخیر در نابی سازی دینامیک مولکولی است که در سال های اخیر در نابی موزیت های تقویت شده با نابولول ههای کربنی [٦ و ۷]، نابو کامپوزیت های مختلف دیگر [۱۰ و ۱۱] به وفور استفاده شده است.

با مطالعه تحقیقات انجام گرفته در رابطه با پیشبینی خواص مکانیکی نانوکامپوزیتهای زمینه آلومینیوم با استفاده از روش شبیهسازی دینامیک مولکولی و متون علمی موجود در این رابطه، متوجه میشویم که تحقیقات گستردهای در این

رابطه انجام نپذیرفته است. بدین منظور در تحقیق حاضر خواص الاستیک نانوکامپوزیت زمینه آلومینیوم تقویت ده با ذرات نانومتری سیلیکون کارباید به روش دینامیک مولکولی شبیه سازی شده اند. همچنین اثر تغییر درصد کسر حجمی ذرات نانومتری تقویت کننده سیلیکون کارباید بر خواص الاستیک نانوکامپوزیت، مورد بررسی قرار گرفته است. پس از پیش بینی خواص الاستیک ماده نانوکامپوزیت، برای درصدهای مختلف تقویت کننده مدلی ارائه شده است و با مدلهای سنتی میکرومکانیکی موجود مانند مدل فگت ، مدل روس و مدل هالپین – تسای مقایسه ای برای تصدیق نتایج انجام شده است.

## ۲– روش حل مسئله

دینامیک مولکولی، شبیهسازی رایانهای حرکات فیزیکی اتمها و مولکولهاست. اتمها و مولکولها برای یک دوره از زمان اثر متقابل دارند و در این دوره حرکت اتـمهـا بررسـی می شود. در این روش مسیر حرکت مولکول ها و اتم ها با حل عددی معادلات حرکت نیوتن برای یک سیستم از ذرات با اثر متقابل به دست میآید. نیروهای بین ذرات و انرژی پتانسیل توسط میدان،های نیروی مکانیکی مولکولی تعیین میشود. روش دینامیک مولکولی بـرای اولـین بـار در اواخـر سال ۱۹۵۰ برای مطالعه اثر متقابل ذرات کروی سخت معرفی شده است [۱۲ و ۱۳] که باعث فهم بهتر رفتار مایعات ساده شد. پیشرفت مهم بعدی در سال ۱۹۶۴ بود، زمانی که رحمان شبیهسازی را با استفاده از پتانسیلهای واقعی برای آرگون مايع انجام داد [۱۴]. اولين شبيهسازي ديناميک مولکولي يک سیستم واقعی در سال ۱۹۷۴ توسط رحمان و استلینگر روی آب مايع انجام گرفت [16]. در دهه گذشته به طور وسيع از روش دینامیک مولکولی برای شبیهسازی بسیاری از پدیدههای فیزیکی مانند انواع خواص مکانیکی و انواع فرایندهای تولیدی و متالورژیکی استفاده شده است [۱۶]. در ادامه به تشریح ساختارهای بلوری دو ماده Al و SiC پرداخته می شود.

Al SiC Curdia	
AI SIC Curre	
تحکام تسلیم (MPa) ندارد ۷–۱۱	است
ول الاستيک (GPa) ۷۰ ۲۹۲-۶۹۴ دول الاستيک	مدو
یت شبکه (Å) ۴/۳۵۹۶ (Å)	ثابت
اختار بلوری FCC (β) 3C-SiC	ساخ

جدول ۱- برخی از خواص اجزای نانوکامپوزیت Al/SiC

a

شکل ۱– ساختار آلومینیوم به صورت FCC



شکل ۲- ساختار بلوری سیلیکون کارباید 3C-SiC (β) از منظرهای مختلف (گلولههای قهوه ای اتمهای سیلیکون و گلولههای زرد اتمهای کربن هستند)

۲–۱– ساختار بلوری آلومینیوم

آلومینیـوم یـک فلـز نـرم، بـادوام، سـبک، شـکلپـذیر و چکشخوار است که رنگش از نقرهای تا خاکستری تیره متغیر است. آلومینیوم خاصیت مغناطیسی ندارد و به راحتی اشـتعال نمـیپـذیرد و در شـرایط معمـولی در آب حـل نمـیشـود.

مواد پیشرفته در مهندسی، سال ۳۲، شمارهٔ ۲، پاییز ۱۳۹۲

آلومینیوم سومین عنصر فراوان (بعد از اکسیژن و سیلیکون)، و فراوان ترین فلز در پوسته ی زمین به شمار می آید و حدود ۸ درصد از وزن قسمت جامد زمین را تشکیل می دهد. آلومینیوم به دلیل چگالی پایین و مقاومت در مقابل خوردگی، فلز قابل توجهی است که به همراه آلیاژهایش در صنایع هوا فضا و خودرو به کار می رود. برخی از خواص آلومینیوم در جدول (۱) نشان داده شده است. ساختار آلومینیوم به صورت FCC در شکل (۱) نشان داده شده است.

### ۲-۲– ساختار بلوری سیلیکون کارباید

سیلیکون کارباید، کـه همچنـین بـه عنـوان کربورانـدوم ٔ شناخته می شود، ترکیبی از سیلیکون و کربن با فرمول شیمیایی SiC است و در طبیعت به صورت کانی مویسانیت<sup>6</sup> به ندرت یافت می شود [۱۷]. پودر سیلیکون کارباید به صورت انبوه و برای استفاده به عنوان ساینده تولید میشود. یکی از کاربردهای فراوان سیلیکون کارباید تولید سرامیکهاست که در کاربردهای نیازمند به استحکام سایشی بالا مانند ترمز ماشین، کلاچ خودرو و جلیقههای ضد گلوله استفاده می شود [١٨]. سیلیکون کارباید با ۲۵۰ شکل بلوری مختلف شیناخته شده است [۱۹]. یکی از ساختارهای رایج سیلیکون کارباید، ساختار 3C-SiC (β) است که در کار حاضر از این ساختار استفاده شده است [٢٠]. شکل (٢) ساختار بلوری سیلیکون کارباید را از منظرهای مختلف نشان میدهد. ۱۴ اتم سیلیکون در ساختار FCC قرار دارند و ۴ اتم کربن در درون سلول واحد وجود دارند. با در نظر گرفتن بردارهای قائم به عنوان بردارهای پایه، سلول واحد اولیه شامل ۴ اتم سیلیکون و ۴ اتم کربن خواهد بود که مختصاتشان در جدول (۲) آمده است. بعضی از خواص SiC در جدول (۱) نشان داده شدهاند.

## ۳– تشریح روند شبیهسازی

شبیهسازی دینامیک مولکولی متشکل از حل عددی گام به گام معادلات حرکت کلاسیک است. برای این منظور باید

$$\begin{split} U(\mathbf{r}_{1},\mathbf{r}_{2}...,\mathbf{r}_{N}) = &\sum_{i} V_{1} + (\mathbf{r}_{i}) + \sum_{i,j>1} V_{2}(\mathbf{r}_{i},\mathbf{r}_{j}) \\ &+ \sum_{i,j>I,k>j} V_{3}(\mathbf{r}_{i},\mathbf{r}_{j},\mathbf{r}_{k}) + \dots \end{split} \tag{1}$$

T بردار موقعیت ذرات است و تابع  $V_m$  پتانسیل m-ذرهای نامیده می شود. عبارت اول در معادله (۱) نشان دهنده ی انرژی حاصله از یک میدان نیروی خارجی مانند گرانش و یا الکترواستاتیک است. عبارت دوم نشان دهنده ی انرژی پتانسیل دوگانه بین ذرات است؛ و همچنین عبارت سوم مربوط به پتانسیل سه ذرهای است. بر این اساس تابع  $V_i$ پتانسیل خارجی،  $V_2$ ، پتانسیل جفتی و m V (2 < m)پتانسیل چندذرهای نامیده می شوند. به منظور کاهش حجم پتانسیل می شود و تاثیر پتانسیل های چندذرهای با مرفنظر می شود و تاثیر پتانسیل های چندذرهای با مرفرجات مناسبی از دقت در پتانسیل های جفتی گنجانده می شود. متذکر می شویم که اتم ها به صورت کروی در نظر گرفته شدهاند.

#### ۳–۱– مکان اولیه اتمها و پتانسیلهای بین اتمی

آلومینیوم در ساختار FCC با ثابت شبکهی ۴/۰۴۹۴ آنگستروم و سیلیکون کارباید در ساختار مکعبی با ثابت شبکهی ۴/۳۵۹۶ آنگستروم قرار دارند. جرمهای اتمی آلومینیوم، سیلیکون و کربن در جدول (۳) نشان داده شدهاند. در شبیهسازی دینامیک مولکولی باید برای همهی برهمکنشهای موجود بین همهی اتمها پتانسیل تعریف شود. بنابراین سه نوع پتانسیل در شبیهسازی حاضر استفاده شده است. پتانسیل اول برای اتمهای آلومینیوم در زمینه، پتانسیل دوم برای اتمهای سیلیکون و کربن درون فاز تقویتکننده، و تقویتکننده. برای اتمهای آلومینیوم از پتانسیل (۲۲] پتانسیل سوم برای فصل مشترک<sup>7</sup> بین فاز زمینه و برای اتمهای سیلیکون کارباید از پتانسیل Med برای اتمهای سیلیکون کارباید از پتانسیل Med برای پتانسیل حاکم بین زمینه و تقویتکننده از پتانسیل برای پتانسیل حاکم بین زمینه و تقویتکننده از پتانسیل ایمهای مختلف در جدول (۴) نشان داده شدهاند.

جدول۲- مختصات اتمهای پایهی سیلیکون کارباید

سيليكون	كربن
(صفر ، صفر ، صفر)	(a/4, a/4, a/4)
( , a/۲, a/۲ , صفر )	$(a/4, \pi a/4, \pi a/4)$
(a/۲ ، صفر ، a/۲)	("a/f , a/f , "a/f)
(صفر ، ۵/۲ ، a/۲)	("a/f , "a/f , a/f)

جدول۳- جرم عناصر موجود در شبیهسازی

جرم(g/mole)	عنصر
76/91	آلومينيوم
۲۸/ • ΛΛ۵	سيليكون
١٢	كربن

جدول ۴- پتانسیل های بین اتمی

پتانسيل	تعامل
EAM	Al-Al
Morse	Al-Si
	Al-C
Tersoff	Si-Si
	Si-C
	C-C

نیروهای وارد بر اتمها محاسبه شوند. این نیروها از مشتق انرژی پتانسیل به دست می آیند. تابع پتانسیل هنگامی که نمایش دقیقی از فعل و انفعالات اتمی در داخل سیستم مورد نیاز است، می تواند بسیار پیچیده باشد. طبیعت پیچیدهی در حال فعل و انفعالات به علت اثرات کوانتومی پیچیدهی در حال وقوع در سطوح زیر اتمی است. به منظور به دست آوردن نتایج قابل قبول در شبیه سازی های رایانه ای دینامیک مولکولی، پتانسیل های بین اتمی کلاسیک باید به صورت قابل قبولی اثرات کوانتومی را نمایش دهند. به طور معمول، تابع پتانسیل، تابع مشاهدات تجربی به دست آمده، و همچنین مدل سازی و شبیه سازی در مقیاس کوانتومی است [ ۲۱ و ۲۲]. تابع پتانسیل برای انواع خاص سیستم های اتمی مورد بحث فراوان قرار گرفته است. ساختار کلی این تابع را می توان به شکل زیر



شکل ۳– نانو کامپوزیت Al-10%SiC (تصویر توسط نرم افزار VMD تولید شده است).

#### ۲-۳- اجرای شبیهسازی

در این تحقیق از بستهی نرمافزاری متن باز LAMMPS ^ که برای شبیهسازی دینامیک مولکولی استفاده می شود و در محيط برنامهنويسي C توسعه داده شده، استفاده شده است. نرمافزار LAMMPS قادر به شبیهسازی مدلهای اتملی و شبیهسازی ذرات به صورت موازی در مقیاس اتملی است و در حوزهی فیزیک مادهی چگال، نانوفناوری و لایه نازک به کار رفته است [۲۷]. در این تحقیق برای انجام شبیهسازی یک المان حجمي نمونه از مادهي نانوكامپوزيت Al-SiC براي كسرهاى مختلف حجمي تقويتكننده (سيليكون كاربايد) انتخاب شده است. این نمونه به صورت یک مکعب از جـنس آلومینیوم در نظر گرفته شده است که درون آن مکعبی از سيليكون كاربايد قرار داده شده است. سلول واحد ألومينيوم و سیلیکون کارباید هر دو مکعبی هستند ولی دارای اندازه ثوابت شبکه متفاوتاند. از آنجا کـه خـواص الاسـتیک مـواد، جـزو خواص شدتی ۱۰ آن و مستقل از حجم، اندازه و غیرحساس به عیوب ریزساختاری مواد است و متناسب بـا مـشتق دوم انرژی پتانسیل'' پیوند بین اتمهاست [۲۸] و با فرض اینکه ساختار بلوری نانوکامپوزیت به صورت کامل و بدون عیب<sup>۱۲</sup> ساخته شده باشد مي توان با تقريب خـوبي خـواص الاسـتيک مكعب و يا همان المان حجمي نمونهي مدل شده را به ابعاد بزرگ تعمیم داد. ابعاد این دو مکعب (مکعب درونی از جنس

SiC و مکعب محاط از جنس آلومینیوم) با توجه به درصدهای مختلف تنظیم شدهاند. شکل (۳) تصویر سه بعدی این مکعب، برای نانوکامپوزیت با ده درصد تقویتکننده را نشان میدهد. ابعاد مکعب شبیهسازی شده ۱۰۱/۲۵ نانومتر و اندازهی مش ۴۰۵۵ نانومتر بوده است. ثابت شبکهی آلومینیوم در ساختار FCC، بوده است.

هدف از شبیهسازی خواص الاستیک نانوکامپوزیت Al-Sic، محاسبه ثابتهای ماتریس سفتی الاستیک<sup>۱۳</sup> است. ماتریس سفتی الاستیک بین مقادیر تنش و کرنش در یک محیط پیوسته به این نوشته می شود که در الاستیسیته خطی به قانون کلی هوک مشهور است [۲۹]:

$$\begin{bmatrix} \sigma_{1} \\ \sigma_{2} \\ \sigma_{3} \\ \tau_{23} \\ \tau_{31} \\ \tau_{12} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} C_{11} C_{12} C_{13} C_{14} C_{15} C_{16} \\ C_{21} C_{22} C_{23} C_{24} C_{25} C_{26} \\ C_{31} C_{32} C_{33} C_{34} C_{35} C_{36} \\ C_{41} C_{42} C_{43} C_{44} C_{45} C_{46} \\ C_{51} C_{52} C_{53} C_{54} C_{55} C_{56} \\ C_{61} C_{62} C_{63} C_{64} C_{65} C_{66} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varepsilon_{1} \\ \varepsilon_{2} \\ \varepsilon_{3} \\ \gamma_{23} \\ \gamma_{31} \\ \gamma_{12} \end{bmatrix}$$
(Y)

در رابطه (۲)، آرایه سمت چپ عناصر تانسور تنش و در سمت راست، ماتریس سفتی (C<sub>ij</sub> ها) و عناصر تانسور کرنش نشان داده شدهاند. در حالت کلی ماتریس سفتی دارای ۲۱ ثابت مستقل است. پس از قرار دادن اتمها در جای خود در نرمافزار LAMMPS ، مكعب نمونه را در سه جهت x ،y ، z و سه صفحه، xz ،yz و xy به ترتيب مورد تغيير شکل هاي عمودی و برشی قرار داده شده است. این تغییر شکلها در شکل های (۴) و (۵) نشان داده شدهاند. پس از اعمال تنش در جهات مربوطه، روش حداقل انرژی بر روی سیستم اعمال شده است تا سیستم به حالت تعادل خود رسیده است. در این روش اندازه و شکل سیستم در گامهای زمانی تغییر میکننـد. بنابراین چیدمان نهایی سیستم در حالت حداقل انرژی پتانسیل اتمهاست و همچنین تانسور فشار سیستم به تانسور خارجی مشخص شده نزدیک خواهد بود. بنابراین اعمال فـشار مثبت بر سیستم معادل فشردن آن و اعمال فشار منفی بـر آن معـادل کشیدن آن است.

در هر جهتی که تغییر شکل اعمال شده است، تـنش.هـای

مواد پیشرفته در مهندسی، سال ۳۲، شمارهٔ ۲، پاییز ۱۳۹۲



شکل۴- نحوهی تغییر شکلهای عمودی اعمال شده بر نمونهی

نانوکامپوزیت در سه راستای y ،x و z



شکل ۵- نحوهی تغییر شکلهای برشی اعمال شده بر نمونهی نانوکامپوزیت در سه صفحهی xz ، xy و yz

وارده بر نمونه توسط نرمافزار اندازه گیری شدهاند. نرمافزار LAMMPS قادر است در هر لحظه مؤلفه های تانسور تنش را محاسبه و فراخوانی کند. سپس با تقسیم کردن ماتریس تنش بر کرنش اعمال شده، ثوابت ماتریس سفتی در یک ستون محاسبه شدهاند. بدین ترتیب با هر شش بار تغییر شکل، شش مستون ماتریس سفتی محاسبه شدهاند. به عنوان مثال برای جهت x، رابطهی (۲) به شکل زیر به صورت خلاصه نوشته میشود:

$$\begin{bmatrix} \sigma_{1} \\ \sigma_{2} \\ \sigma_{3} \\ \tau_{23} \\ \tau_{31} \\ \tau_{12} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} C_{11} \\ C_{21} \dots \\ C_{31} \dots \\ C_{41} \dots \\ C_{51} \\ C_{61} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varepsilon_{1} \\ \varepsilon_{2} \\ \varepsilon_{3} \\ \gamma_{23} \\ \gamma_{31} \\ \gamma_{12} \end{bmatrix}$$
(7)

بنابراین پس از اعمال کرنش در جهت x، ۶ تنش موجـود بـر روی نمونه اندازهگیری شدهاند و ثوابـت سـتون اول مـاتریس سفتی به شکل زیر محاسبه شدهاند:

$$\begin{split} C_{11} &= \sigma_{1} / \epsilon_{1} \\ C_{21} &= \sigma_{2} / \epsilon_{1} \\ C_{31} &= \sigma_{3} / \epsilon_{1} \\ C_{41} &= \tau_{23} / \epsilon_{1} \\ C_{51} &= \tau_{31} / \epsilon_{1} \\ C_{61} &= \tau_{12} / \epsilon_{1} \\ \ddots & \vdots \\ \ddots & \vdots \\ \ddots & \vdots \\ szew & Z dem & Leis & mean and a dem an$$

بعد از محاسبه عناصر ماتریس عکس سفتی، با توجه به اینکه ثوابت این ماتریس وابسته به مدول الاستیک (E)، مدول برشی (G) و ضریب پواسون (v)هستند میتوان این خواص الاستیک را برای نمونه نانوکامپوزیت محاسبه کرد. رابطهی زیر ارتباط ماتریس عکس سفتی یک مادهی اورتوتروپیک<sup>۱۵</sup> را با ثوابت الاستیک آن نشان میدهد [۲۹]: (۶)

$$\mathbf{E}_{1} - \mathbf{E}_{2} - \mathbf{E}_{3} - \mathbf{E}$$
  
$$\mathbf{G}_{23} = \mathbf{G}_{31} = \mathbf{G}_{12} = \mathbf{G}$$
 (V)

 $\mathbf{E} = \mathbf{E} = \mathbf{E} = \mathbf{E}$ 

v <sub>21</sub> = v <sub>12</sub> = v <sub>31</sub> = v <sub>13</sub> = v <sub>23</sub> = v <sub>23</sub> = v این حالت، حالتی خاص از مواد به نام ارتوتروپیک مکعبی<sup>۱۶</sup> است. بنابراین رابطهی (۷) به شکل زیر نوشته می شود [۲۹]:

مواد پیشرفته در مهندسی، سال ۳۲، شمارهٔ ۲، پاییز ۱۳۹۲



شکل ٦- پیشبینی ثوابت ماتریس سفتی با استفاده از شبیهسازی دینامیک مولکولی در برابر تغییرات کسر حجمی تقویتکننده SiC

$$[S] = \begin{bmatrix} 1/E - v/E - v/E & 0 & 0 & 0 \\ -v/E & 1/E & -v/E & 0 & 0 & 0 \\ -v/E - v/E & 1/E & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1/G & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1/G & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1/G \end{bmatrix}$$
(A)  
we conclude the set of the set of

برای انجام شبیهسازی با استفاده از سرم افزار LAMIMPS مدلی ایجاد شده است که کد آن در مرجع [۳۰] آمده است. سخت افزار مورد استفاده Intel® Core<sup>TM</sup>2 Duo بوده است و زمان حل مسئله به درصد تقویتکننده وابسته و متغیر بوده است.

#### ۴– نتایج و بحث

نتایج شبیه سازی انجام شده با استفاده از مدل ایجاد شده برای سه ثابت ماتریس سفتی C<sub>11</sub>، c<sub>11</sub> و C<sub>44</sub> در شکل (۶) نشان داده شدهاند. همان گونه که در شکل (۶) مشاهده می شود تغییرات C<sub>12</sub> نسبت به تغییرات کسر حجمی ماده تقریبا ناچیز

است. این تغییرات ناچیز نشان می دهد که با افزایش کسر حجمی تقویت کننده و بارگذاری در جهت شماره ۱، کاهش ضخامت در جهت عمود بر آن ناچیز خواهد بود. ۲۱۱ با افزایش کسر حجمی تقویت کننده افزایش می یابد که با توجه به اینکه ۲۱۱ در حالتی اندازه گیری شده است که فقط مکعب نمونه در جهت ۱ کشیده و فشار داده شده است، این افزایش نشان دهنده ی افزایش سفتی ماده در جهت طولی است که ناشی از افزایش توان تحمل نانو کامپوزیت در اثر افزایش میزان تحمل بار توسط SiC است و با افزایش مدول الاستیک نسبت به افزایش کسر حجمی تقویت کننده تطابق دارد.

همچنین از نمودار شکل (۶) مشاهده می شود که C44 با افزایش کسر حجمی تقویتکننده افزایش می یابد. ثابت C44 در حالتی که المان مکعب نمونه در جهت برشی yz تغییر شکل داده شده به دست آمده است. این افزایش نشان دهندهی افزایش سفتی ماده در جهت برشی است که با افزایش مدول برشی نسبت به افزایش کسر حجمی تقویتکننده مطابق است. در مواد مرکب سنتی به دلیل عدم انطباق زمینه و تقویتکننده تنش به خوبی از زمینه به

مواد پیشرفته در مهندسی، سال ۳۲، شمارهٔ ۲، پاییز ۱۳۹۲



شکل ۷– مقایسه ی مدول الاستیک تخمین زده شده توسط شبیهسازی مولکولی با مدلهای میکرومکانیکی فگت، روس و هالپین-تسای

مشترک این دو انتقال تنش در نانوکامپوزیت ها به صورت موثرتری انجام می پذیرد، در نتیجه این مواد، موادی مستحکمتر از لحاظ انتقال تنش برشی هستند. این قابلیت در کاربردهای با استحکام برشی بالا استفاده می شود.

در ادامه به بررسی یک محدودیت ترمودینامیکی برای ثوابت الاستیک مواد در حالت کلی غیر همسانگرد<sup>۱۷</sup> بر اساس تعریف انرژی کرنش می پردازیم [۳۱]. این بررسی صحت نتایج به دست آمده برای ثوابت الاستیک به دست آمده را نشان می دهد. رابطه انرژی کرنشی را می توان به صورت زیر نوشت:

$$U = \frac{1}{2}\sigma_{ij}\varepsilon_{ij} = \frac{1}{2}C_{ij}\varepsilon_{i}\varepsilon_{j} = \frac{1}{2}S_{ij}\sigma_{i}\sigma_{j} \qquad (1 \circ)$$

بر اساس اصول اولیه ترمودینامیک مواد الاستیک، می بایست مقدار انرژی کرنشی ماده در هر حالت بارگذاری مثبت باشد، به عبارت دیگر 0 ≤ U، به گونهای که حالت انرژی کرنشی صفر، وقتی اتفاق میافتد که تنش یا کرنش نداشته باشیم. این نتیجه بیان میکند که ماتریسهای عکس سفتی(iS) و سفتی نتیجه بیان میکند که ماتریسهای عکس سفتی(iS) و سفتی میتوان نشان داد در صورتی یک ماتریس، مثبت معین است، که هر مؤلفه روی قطر اصلی آن مثبت باشد. با توجه به اینکه

نمونه مدل شده ارتوتروپیک مکعبی است C<sub>11</sub> = C<sub>22</sub> = C<sub>33</sub> و C<sub>66</sub> = C<sub>55</sub> = C<sub>64</sub>، بنابر این با دقت در نمودار شکل (۶) و مشاهدهی مثبت بودن C<sub>11</sub> و C<sub>44</sub> نتیجه می گیریم که ماتریس سفتی مثبت معین است.

پس از معکوس گیری و محاسبهی مؤلفههای ماتریس عکس سفتی، ثوابت G، E و ۷برای نانو کامپوزیت با درصدهای مختلف تقویتکننده به دست آمدهاند. شکل (۷) نتایج محاسبه مدول الاستیک حاصل از شبیهسازی دینامیک مولکولی را به همراه نتایج ناشی از مدلهای روس، فگت و هالپین – تسای در یک نمودار نمایش میدهد. مقایسه نتایج سه مدل سنتی و نتایج شبیهسازی مولکولی در این نمودار، سه مدل سنتی و نتایج شبیهسازی مولکولی در این نمودار، نسبت به مدلهای سنتی نشان میدهد. این مقایسه در واقع مقایسهای بین نانو کامپوزیت و کامپوزیتهای سنتی است. نشان میدهند که مدل فگت حد بالایی برای مواد کامپوزیت نشان میدند که مدل فگت حد بالایی برای مواد کامپوزیت سنتی و چه نانو بین یک حد بالا (مدل فگت) و یک حد سنتی و چه نانو بین یک حد بالا (مدل فگت) و یک حد





مي شود كه مدول الاستيك نانوكاميوزيت حاصل از شبيهسازي دینامیک مولکولی، به مدل فگت نزدیکتر است. هر چه نسبت حجمی تقویتکننده SiC به کل نانوکامپوزیت بیشتر شود زمینه و تقویتکننده سطح تماس بیشتری دارند و تقویتکننده SiC به دلیل داشتن استحکام بیشتر نسبت به زمينه آلومينيوم مي تواند نقش موثرتري در افزايش سفتي الاستيك نانوكامپوزيت داشته باشد. همچنين پتانسيل اتمي فصل مشترک آلومینیوم و سیلیکون کارباید، نقـش مهمـی در بیان ارتباط بین زمینه و تقویت کننده دارند (در اینجا از پتانسیل Morse استفاده شده است). همچنین نتایج شکل (۷) برتری و انعطاف پذیری مدل هالپین- تسای را نسبت به سایر مدلها نیز نشان میدهد. به عبارت دیگر با تغییر ضرایب مدل هالپین- تسای می توانیم نتایج این مدل را به نتایج شبیهسازی ویا نتایج واقعی آزمایشگاهی نزدیکتر کنیم. در ایـن مرحلـه مدل ديناميک مولکولي براي تخمين مدول الاستيک به صورت زیر به دست آمده است:

E = 2.108x + 73.14(11)

x درصد حجمی تقویت کننده است. شکل (۸) مدول برشی حاصل از شبیه سازی و همچنین مدلهای سنتی موجود را برای مقایسه نشان میدهد. همان گونه که در نمودار شکل (۸) مشاهده می شود مدل فگت، به نتایج مدل شبیه سازی دینامیک مولکولی نزدیک تر است و یکدیگر را تایید می کنند. در ادامه مدل دینامیک مولکولی برای پیشبینی مدول برشی نانو کامپوزیت Al-SiC به صورت زیر بیان شده است:

$$G = 1.777x + 33.19 \tag{11}$$

x درصد حجمي تقويتكننده است.

نمودار شکل (۹) نتایج محاسبه ضریب پواسون حاصل از شبیه سازی را نشان می دهد. همچنین مدل سنتی (روس) برای پیش بینی ضریب پواسون در شکل (۹) نشان داده شده است. نتایج حاصل از شبیه سازی دینامیک مولکولی، مدل عکس قانون اختلاط (مدل روس) را برای پیش بینی ضریب پواسون تایید می کنند. این نشان دهنده ی عدم توانایی مدل های نظری موجود برای تخمین ضریب پواسون نانو کامپوزیت هاست.

مواد پیشرفته در مهندسی، سال ۳۲، شمارهٔ ۲، پاییز ۱۳۹۲

۵١



Al-SiC با درصدهای مختلف تقویت کننده استفاده شد. بدین منظور، از بسته ی نرم افزاری متن باز LAMMPS برای شبیه سازی استفاده شد. از پتانسیل EAM برای اتم های آلومینیوم، و از پتانسیل Morse برای اتم های C-IA و Al-Si و از پتانسیل Tersoff برای اتم های Si-C، C-C و Si-Si استفاده شد. برای هر کدام از سه ثابت الاستیک نانوکامپوزیت شامل مدول الاستیک، مدول برشی و ضریب پواسون سه مدل از طریق شبیه سازی دینامیک مولکولی به دست آمد که نتایج تحلیل ها نشان دادند که پیش بینی این خواص به روش دینامیک مولکولی در مقایسه با روش های سانتی میکرومکانیکی به نتایج حاصل از مدل سنتی فگت نزدیک تر هستند. به این نکته در کار هسیه و همکارانش [۳۴] برای ماده ی مرکب Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>-NiAl نیز اشاره شده است. با توجه به رابطهی (۶) و همچنین با توجه به این که نمونه مدل شده ارتوتروپیک مکعبی است داریم:

۵- نتیجه گیری نهایی

در این تحقیق از روش شبیهسازی دینامیک مولکولی برای تعیـین خـواص الاسـتیک نـانو کامپوزیـت زمینـه فلـزی

#### واژەنامە

5. moissanite

6. interface

voigt model
 reuss model

halpin- tsai model
 carborundum

مواد پیشرفته در مهندسی، سال ۳۲، شمارهٔ ۲، پاییز ۱۳۹۲

۵۲

7. embedded-atom method

9. representative volume

element (RVE)

- large-scale atomic /molecular massively parallel simulator (LAMMPS)
- 10. intensive property
- 11. potential energy
- 12. defect free
- 13. elastic stiffness matrix
- 14. elastic compliance matrix
  - 15. orthotropic
- Prabhu, B., Suryanarayana, C., An L., and Vaidyanathan, R., "Synthesis and Characterization of High Volume Fraction Al–Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> Nanocomposite Powders by High-Energy Milling," *Materials Science and Engineering: A*, Vol. 425, pp. 192-200, 2006.
- Khakbiz, M., and Akhlaghi, F., "Synthesis and Structural Characterization of Al–B<sub>4</sub>C Nano-Composite Powders by Mechanical Alloying," *Journal of Alloys and Compounds*, Vol. 479, pp. 334-341, 2009.
- Khadem, S.A., Nategh, S., and Yoozbashizadeh, H., "Structural and Morphological Evaluation of Al–5 vol.%SiC Nanocomposite Powder Produced by Mechanical Milling," *Journal of Alloys and Compounds*, Vol. 509, pp. 2221-2226, 2011.
- 4. Everett, R.K., and Arsenault, R.J.; Metal Matrix Composites: Mechanisms and properties, Academic Press, 1991.
- Christman, T., Needleman, A., Nutt, S., and Suresh, S., "On Microstructural Evolution and Micromechanical Modeling of Deformation of a Whisker Reinforced Metal Matrix Composite," *Materials Science and Engineering: A*, Vol. 107, pp. 49-61, 1989.
- Zhu, R., Pan, E., and Roy, A.K., "Molecular Dynamics Study of the Stress-Strain Behavior of Carbonnanotube Reinforced Epon 862 Composites", *Materials Science and Engineering:* A, Vol. 447, pp. 51-57, 2007.
- Sun, X., and Zhao, W., "Prediction of Stiffness and Strength of Single-Walled Carbon Nanotubes by Molecular-Mechanics Based Finite Element Approach", *Materials Science and Engineering: A*, Vol. 390, pp. 366-71, 2005.
- Scarpa, F., Adhikari, S., and Phani, A.S., "Effective Elastic Mechanical Properties of Single Layer Grapheme Sheets", *Nanotechnology*, Vol. 20, p. 065709, 2009.
- Cho, J., Luo, J.J., and Danial, I.M., "Mechanical Characterization of Graphite/Epoxy Nanocomposites by Multi-Scale Analysis," *Composite Science and Technology*, Vol. 67, pp. 2399-2407, 2007.
- Ward, D. K., Curtin, W. A., and Qi, Y., "Mechanical Behavior of Aluminum–Silicon Nanocomposites: A Molecular Dynamics Study," *Acta Materialia*, Vol. 54, pp. 4441-4451, 2006.
- 11. Sen, T.Z., Sharaf, M.A., Mark, J.E., and Kloczkowski, A., "Modeling the Elastomeric

Properties of Stereoregular Polypropylenes in Nanocomposites with Spherical Fillers," *Polymer*, Vol. 46, pp. 7301-7308, 2005.

- 12. Alder, B.J., and Wainwright, T.E.J., "Phase Transition for a Hard Sphere System," *Journal of Chemical Physics*, Vol. 27, pp. 1208-1209, 1957.
- Alder, B.J., and Wainwright, T.E.J., "Studies in Molecular Dynamics. I. General Method," *Journal* of Chemical Physics, Vol. 31, pp. 459-466, 1959.
- Rahman, A., "Correlations in the Motion of Atoms in Liquid Argon," *Physical Review*, Vol. 136, pp. A405-A411, 1964.
- Stillinger, F.H., Rahman, and A., "Improved Simulation of Liquid Water by Molecular Dynamics," *The Journal of Chemical Physics*, Vol. 60, pp. 1545-1557, 1974.
- 16. Rafii-Tabar, H., "Modelling the Nano-Scale Phenomena in Condensed Matter Physics Via Computer-based Numerical Simulations," *Physics Reports*, Vol. 325, pp. 239-310, 2000.
- 17. http://www.handbookofmineralogy.Org/Pdfs/Alumin ium.pdf
- 18. http://en.wikipedia.org/wiki/Silicon\_carbide
- Rebecca, C., Silicon Carbide Microelectromechanical Systems for Harsh Environments, Imperial College Press. 2006.
- 20. Properties of Silicon Carbide (SiC), http://www.ioffe.ru/SVA/NSM/Semicond/SiC/.
- 21. Mueller, M.R., Fundamentals of Quantum Chemistry: Molecular Spectroscopy and Modern Electronic Structure Computations, Kluwer Academic/Plenum Publisher, 2001.
- 22. La Paglia S.R., *Introductory Quantum Chemistry*,. Harper and Row Publishers, New York, 1971.
- 23. Ratner, M.A., Schatz, G.C., *Introduction to Quantum Mechanics in Chemistry*. Prentice Hall, Upper Saddle River, NJ, 2001.
- 24. Mishin, Y., Farkas, D. , Mehl, M.J., and apaconstantopoulos, D.A., "Interatomic Potentials for Monoatomic Metals from Experimental Data and ab Initio Calculations," *Physical Review*. Vol. B 59, pp. 3393,1999.
- 25. Tersoff, J., "New Empirical Approach for the Structure and Energy of Covalent Systems," *Physical Review B*, Vol. 37, pp. 6991-7000, 1988.
- Cornwell, C.F., and Wille L.T., "Elastic Properties of Single-Walled Carbon Nanotubes in Compression," *Solid State Communication*, Vol. 101, pp. 555–558,

مواد پیشرفته در مهندسی، سال ۳۲، شمارهٔ ۲، پاییز ۱۳۹۲

16. cubic orthotropic17. anisotropic18. bounding elastic analysis

مراجع

1997.

- 27. http://lammps.sandia.gov/
- 28. Dieter, G.E., *Mechanical Metallurgy*, McGraw-Hill book Company, 1988.
- 29. Boresi, A.P., *Schmidt*, R.J., and Sidebottom, O.M., *Advanced Mechanics of Materials*, Wiley, 1993.

۳۰. اسماعیلی، ر. "شبیهسازی و بهینهسازی خواص مکانیکی

نانوكامپوزيت، ابا استفاده از الگوريتم هاي تكاملي "

پایاننامه کارشناسی ارشد، دانشگاه بیرجند، بیرجند، ایران،

.1890

- Sadd, M.H., *Elasticity: Theory, applications, and Numerics,.* 2nd ed. Malden, MA: Academic Press, 2009.
- Ting, T.C.T., "Positive Definiteness of Anisotropic Elastic Constants," *Mathimatics and Mechanics of Solids*, Vol. 1, pp. 301-314, 1996b.
- 33. Jones, R.M., Mechanics of Camposite Materials, Taylor and Francis, 1999.
- 34. Hsieh, C.L., Tuan, and W.H., Wu, T.T., "Elastic Behaviour of a Model Two-Phase Material," *Journal of the European Ceramic Society*, Vol. 24, pp. 3789-3793, 2004.