

تحلیل و ساخت آنتن ریز نوار با کوپلینگ روزنه ای به همراه یک لایه عایقی با استفاده از فرم بسته توابع گرین حوزه مکان

مسعود کهریزی^{*}، عباسعلی حیدری مزرعه آخوند^{**} و مسعود کیوانفر^{***}

دانشکده فنی و مهندسی دانشگاه تربیت مدرس

پژوهشگاه علوم و تکنولوژی

(دریافت مقاله: ۱۳۷۵/۹/۲۵ - دریافت نسخه نهایی: ۱۳۷۶/۴/۷)

چکیده - در این مقاله آنتن ریز نوار با کوپلینگ روزنه ای که یک لایه عایقی به نام روبنا^۱ نیز روی هادی آنتن قرار دارد، تحلیل می شود. برای تحلیل آنتن، از روش ممان تمام موج در حوزه مکان^۲ استفاده می شود و در آن هر دو مؤلفه جریان الکتریکی روی هادی آنتن در نظر گرفته شده است. برای محاسبه توابع گرین حوزه مکان، از فرم بسته توابع گرین استفاده شده و در آن تمهیداتی برای دقت بیشتر صورت گرفته است. این روش با داشتن دقت مناسب، سرعت محاسبات را افزایش می دهد. پس از محاسبه جریانهای الکتریکی روی هادی آنتن، نماد تشعشعی^۳ با استفاده از شکل مجذوبی انتگرالهای سامرفلد محاسبه می شود. امپدانس ورودی آنتن نیز با استفاده از توزیع جریان الکتریکی روی خط تغذیه و از روش GPOF^۴ به دست آمده است. ضمناً از آنچه که پارامترهای آنتن به عنوان پارامتر ثانویه محاسبه شده اند، امکان بینش فیزیکی بیشتری در نتایج ایجاد می شود. با مقایسه نتایج حاصل و نتیجه تجربی و نتایجی که قبلاً انتشار یافته، از درستی روش و برنامه ها اطمینان حاصل شده است. همچنین تأثیر روبنا بر روی امپدانس ورودی آنتن و نماد تشعشعی آن بررسی شده است.

Analysis of Aperture Coupled Microstrip Patch Antennas with a Superstrate Using the Space Domain Closed-Form Green's Functions

M. Kahrizi, A. Heidary and M. Kyvanfar

Department of Electrical Engineering, Tarbiat Modarres University Science and Technology Research Center

ABSTRACT- Analysis of aperture-coupled microstrip antennas with a superstrate using space domain

* استادیار ** کارشناسی ارشد *** محقق

فهرست علامت

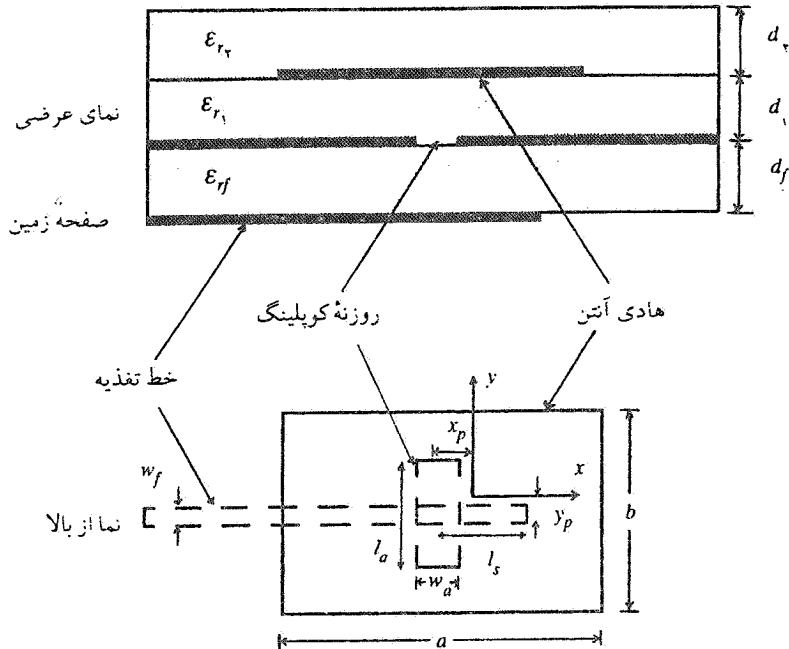
پهنهای خط زیر نوار	w_f	تابع هنکل مرتبه n درجه دو	$H_n^{(2)}(0)$	طول آتن	a
طول موج فضای آزاد	λ_0	چگالی جریان الکتریکی	J	پتانسیل مغناطیسی برداری	\bar{A}
فاصله شعاعی	ρ	ثابت انتشار فضای آزاد	k_0	پهنهای آتن	b
ثابت عایقی محیط i ام	ϵ_{ri}	ثابت انتشار محیط i ام	k_i	ضخامت لایه i ام	d_i
دبورژانس	∇	طول شکاف	l_a	شدت میدان الکتریکی	E
کانولوشن	*	طول خط بعد از شکاف	l_s	تابع گرین	G
		پهنهای شکاف	w_a	شدت میدان مغناطیسی	\bar{H}

closed form Green's functions is presented. Integral equations are derived from applying the boudary conditions on the radiating patch, across the aperture, and on the microstrip feedline. The computation of space domain green's functions is performed using the closed-form. The solution of the integral equations is based on the method of moments. The information about the input impedance of the antenna is extracted from the electric current distribution on the microstrip feedline using the matrix pencil technique. The radiation pattern is obtained from the electric current distribution on the antenna's patch utilizing the asymptotic forms of Sommerfeld integrals. The effect of considering a superstrate for different thicknesses and dielectric constants are examined. Numerical results are compared with other published and experimental results. The results show good agreement with prerions data.

جاروب^۶، روی زیر بنایی با ثابت عایقی پایین ساخته می‌شوند. از دیگر مزایای این آتنها، سادگی تحلیل و ساخت آنها در مقایسه با آتنهایی است که به وسیله پروبهای کواکسیال تغذیه می‌شوند [۲]. این آتنها به دلیل مزایایی که دارند، کاربرد فراوانی در ساخت آرایه‌های فعال^۷ پیدا کرده‌اند.

۲- تحلیل تمام موج
برای تحلیل آتن شکل (۱)، روش ممان حوزه مکان با استفاده از شکل بسته توابع گرین را به کار می‌بریم. تاکنون تحلیل این آتن بدون روبنا در حوزه طیفی و با استفاده از توابع گرین حوزه طیفی صورت گرفته است. در این مقاله برای محاسبه توابع گرین حوزه مکان و به منظور افزایش سرعت محاسبات، از شکل بسته توابع گرین [۴ و ۵] استفاده می‌شود. صفحه زمین و عایقهای درجهای X و Z [۶ و ۷] استفاده می‌شود. هر دو مؤلفه جریان الکتریکی را روی هادی آتن در نظر گرفته ایم. اما به دلیل کوچک بودن عرض روزنے کوپلینگ و خط تغذیه، میدان الکتریکی در محل روزنے و جریان الکتریکی روی خط تغذیه فقط در جهت X فرض شده‌اند. با استفاده از اصل هم ارزی می‌توانیم روزنے را با صفحه زمین بیندیم و به جای

۱- مقدمه
ساختمان یک آتن ریز نوار با کوپلینگ روزنے ای به همراه یک لایه عایقی روی هادی آتن در شکل (۱) مشاهده می‌شود. این ساختار تغذیه برای نخستین بار توسط پوزار [۱] و با استفاده از شکاف دایره ای به عنوان روزنۀ کوپلینگ پیشنهاد شد و سپس سولیوان و شوابرت [۲] از روزنۀ مستطیلی برای بهبود بازده کوپلینگ استفاده کردند. المان تشبعش کننده و خط تغذیه در دو طرف صفحه زمین قرار می‌گیرند و بنابراین کنش متقابل بین این دو قسمت به دلیل جداسازی صفحه زمین، کاسته می‌شود. خط تغذیه یک خط ریز نوار مدار باز است و المان تشبعش کننده یک هادی مستطیلی است و از طریق یک روزنۀ کوپلینگ که در صفحه زمین قرار دارد، تحریک می‌شود. مدارهای فعال مانند اسیلاتورها، تقویت کننده‌ها و ... در یک طرف صفحه زمین ساخته می‌شوند و هادی آتن در طرف دیگر صفحه زمین قرار می‌گیرد. بنابراین استفاده از زیر بنایی^۵ با ثابت عایقی متفاوت در دو طرف صفحه زمین امکان‌پذیر است. معمولاً برای عملکرد بهتر، مدارهای فعال روی زیر بنایی نازک و با ثابت عایقی بالا ساخته می‌شوند، اما المانهای آتن به منظور افزایش پهنهای باند، بازده تشبعش و اصلاح زاویه کور



شکل ۱ - آتن ریز نوار با کوپلینگ روزنه ای به همراه یک روپنا

$$E_y = -j\omega G_{yy}^A * J_y + \frac{1}{j\omega} (\nabla \cdot \bar{J}) \quad (3)$$

$$H_x = \frac{1}{\mu} [\frac{\partial}{\partial y} (G_{zx}^A * J_x + G_{zx}^A * J_y) - \frac{\partial}{\partial z} G_{yy}^A * J_y] \quad (4)$$

$$H_y = \frac{1}{\mu} [\frac{\partial}{\partial z} G_{xx}^A * J_x - \frac{\partial}{\partial x} (G_{zx}^A * J_x + G_{zx}^A * J_y)] \quad (5)$$

G_{xx}^A نشان دهنده تابع گرین برای پتانسیل برداری مغناطیسی در جهت x ناشی از دیپل جریان الکتریکی در جهت x است و G_{qe} تابع گرین برای پتانسیل اسکالر الکتریکی مربوط به همان جریان است. میدانهای ناشی از \bar{M}_s را می‌توان بر حسب پتانسیل برداری G_{yy}^F الکتریکی و پتانسیل اسکالر مغناطیسی G_{qm} ، به صورت روابط مشابهی بیان کرد. معادله‌های انتگرالهای کوپل شده برای یافتن جریانهای مجهول را می‌توانیم با اعمال شرایط مرزی زیر به دست آوریم:

۱- هر دو مؤلفه مماسی میدان الکتریکی E_x و E_y روی هادی آتن صفر است.

۲- میدان مغناطیسی H_y در محل روزنه بیوسته است.

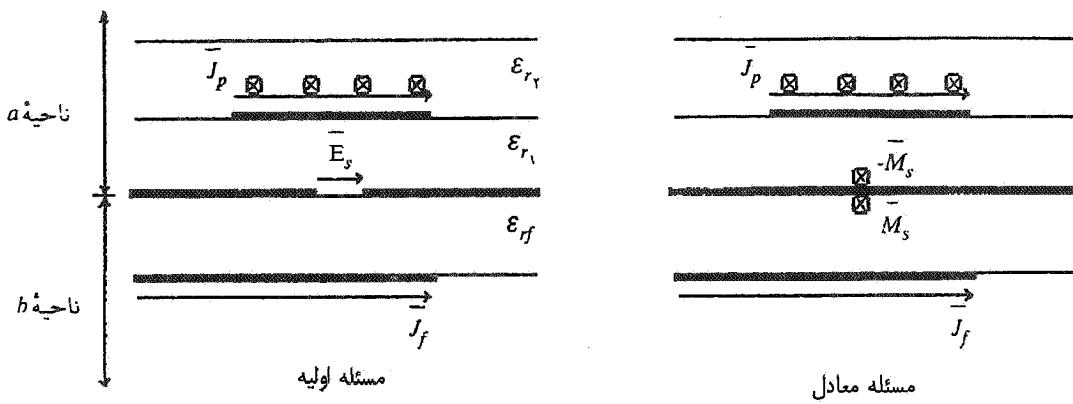
۳- میدان الکتریکی E_x روی خط ریز نوار صفر است.

آن جریان مغناطیسی معادل \bar{M}_s را در زیر صفحه زمین و جریان \bar{M}_s - را بالای صفحه زمین در نظر بگیریم (شکل ۲). معادله زیر جریان \bar{M}_s - را به میدان الکتریکی مجهول \bar{E}_s - در شکاف مربوط می‌کند.

$$\bar{M}_s = \hat{z} \times \bar{E}_s \quad (1)$$

به این ترتیب مسئله به دو قسمت جداگانه تقسیم می‌شود (شکل ۲):
 ۱- مسئله a ($z > 0$) که منابع تولید میدان در این ناحیه، جریان مغناطیسی \bar{M}_s - و جریان مجهول \bar{J} روی هادی آتن هستند.
 ۲- مسئله b ($z < 0$) که منابع تولید میدان در این ناحیه، جریان مغناطیسی \bar{M}_s و جریان مجهول \bar{J} روی خط زیرنوار هستند.
 مسئله a و مسئله b به وسیله جریان مغناطیسی \bar{M}_s به هم کوپل شده‌اند. میدانهای تولید شده در هر یک از این نواحی، با استفاده از توابع گرین بر حسب جریانها بیان می‌شوند. با انتخاب پتانسیلهای برداری و اسکالر به عنوان توابع گرین، میدانهای ناشی از جریان الکتریکی $\bar{J} = \hat{x} \bar{J}_x + \hat{y} \bar{J}_y$ به صورت زیر بیان می‌شوند.

$$E_x = -j\omega G_{xx}^A * J_x + \frac{1}{j\omega} (\nabla \cdot \bar{J}) \quad (2)$$



شکل ۲- استفاده از اصل هم ارزی برای تحلیل آتن

$$\begin{bmatrix} [Z_{xx}^{aa}] & [Z_{xy}^{aa}] & [T_{xy}^{as}] & [\cdot] \\ [Z_{yx}^{aa}] & [Z_{yy}^{aa}] & [T_{yy}^{as}] & [\cdot] \\ [T_{yx}^{sa}] & [T_{yy}^{sa}] & [Y_{ayy}^{ss} + Y_{byy}^{ss}] & [T_{yx}^{sf}] \\ [\cdot] & [\cdot] & [T_{xy}^{fs}] & [Z_{xx}^{ff}] \end{bmatrix} \begin{bmatrix} [A] \\ [B] \\ [C] \\ [D] \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} [\cdot] \\ [\cdot] \\ [\cdot] \\ [V^i] \end{bmatrix} \quad (13)$$

روزنہ و جریان الکتریکی روی خط تغذیه را بر حسب توابع بسط با ضرایب مجهول به صورت زیر بیان می کنیم:

$$\bar{J}_p = \hat{x} \sum_{n=1}^{N_x} A_n J_n^{px} + \hat{y} \sum_{n=1}^{N_y} B_n J_n^{py} \quad (10)$$

$$\bar{M} = \hat{y} \sum_{n=1}^{N_x} C_n M_n \quad (11)$$

$$\bar{J}^f = \hat{x} \sum_{n=1}^{N_f} D_n J_n^f \quad (12)$$

مرحله بعد انتخاب توابع آزمون است. در اینجا همان توابع J_n^{px} و J_n^{py} را به عنوان توابع آزمون به کار می بریم. با ضرب داخلی توابع آزمون در معادله های شرایط مرزی (۶) تا (۹) تعداد $N_x + N_y + N_m + N_f$ معادله خطی بر حسب ضرایب مجهول به دست خواهد آمد که به شکل ماتریسی (۱۳) بیان می شوند. در رابطه فرق بالانویسهای a و s و f به ترتیب نشان دهنده محاسبه کوپلینگ بین جریانهای روی آتن، روزنہ و خط تغذیه هستند و زیر نویسهای x و y جهت این جریانها را نشان می دهند. عناصر ماتریس از روابط زیر محاسبه می شوند:

شرایط مرزی فوق مجموعه معادله های زیر را تیجه می دهند:

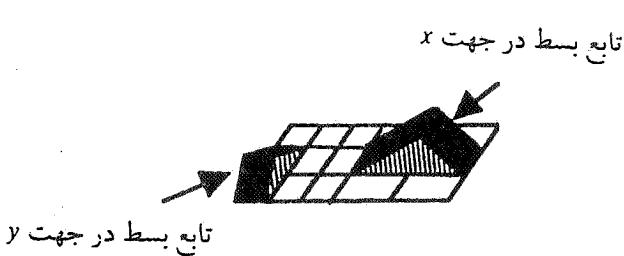
$$E_x^a(J_x^p) + E_x^a(J_y^p) + E_x^a(-M_y) = 0 \quad (6) \text{ روی هادی آتن}$$

$$E_y^a(J_x^p) + E_y^a(J_y^p) + E_y^a(-M_y) = 0 \quad (7) \text{ روی هادی آتن}$$

$$\begin{aligned} H_y^a(J_x^p) + H_y^a(J_y^p) + H_y^a(-M_y) \\ = H_y^b(J_x^f) + H_y^b(M_y) \end{aligned} \quad (8) \text{ در محل روزنہ}$$

$$E_x^b(J_x^f) + E_x^b(M_y) + E_x^{inc} = 0 \quad (9) \text{ روی خط ریز نوار}$$

E_x^{inc} میدان الکتریکی ناشی از یک منبع ولتاژ سری است که خط ریز نوار را تحریک می کند. در حالت دریافت می توان چنین عبارتی را به معادله های (۶) و (۷) افزود. به منظور اعمال روش ممان، جریانهای مجهول را بر حسب توابع پایه مناسب، که در اینجا توابع rooftop مثبتی هستند، بسط می دهیم. شکل (۳) این نوع توابع بسط را برای جریانها در جهت های x و y نشان می دهد. به این ترتیب جریان الکتریکی روی هادی آتن، جریان معادل مغناطیسی روی



شکل ۳- توابع rooftop مثلثی برای بسط جریانها در روش ممان

۳- شکل بسته توابع گرین در حوزه مکان
به منظور محاسبه عناصر ماتریسی روابط (۱۴) الی (۲۲)،
ابتدا لازم است توابع گرین را محاسبه کنیم. پس از محاسبه توابع
گرین، میدان ناشی از هر توزیع جریان توسط انتگرالی مشابه انتگرال
کانولوشن به دست خواهد آمد.

تابع گرین حوزه طیفی به شکل بسته بیان می‌شوند. اما در
روش ممان حوزه طیفی ضربهای داخلی روی دامنه بینهایت تعریف
می‌شوند و به دلیل نوسانی بودن تابع زیر انتگرال و وجود قطبهایی
در مسیر انتگرالگیری، محاسبه این انتگرالها وقتگیر و مشکل است
[۴]. در روش حوزه مکان ضربهای داخلی روی دامنه محدودی
تعریف می‌شوند. اما توابع گرین حوزه مکان را باید با استفاده از
تابع گرین حوزه طیفی به وسیله انتگرال سامرفلد [۵] به صورت
زیر محاسبه کنیم:

$$G = \frac{1}{4\pi} \int_C H_{\rho}^{(2)}(k_p \rho) \tilde{G}(k_p) k_p dk_p \quad (24)$$

G و \tilde{G} به ترتیب توابع گرین حوزه مکان و حوزه طیفی هستند و
 $H_{\rho}^{(2)}$ تابع هنکل ۱۱ نوع دوم است. این انتگرال را به جز در حالات
خاص نمی‌توان به صورت تحلیلی محاسبه کرد و بنابراین برای
محاسبه این انتگرالها نیز مشکلات روش حوزه طیفی وجود دارند.
از طرف دیگر چنانچه بتوانیم \tilde{G} را با مجموعی از جملات نمایی
مختلط بیان کنیم، آنگه انتگرال (۲۴) را می‌توانیم با استفاده از رابطه
زیر (اتحاد سامرفلد) به صورت تحلیلی محاسبه کنیم:

$$\frac{e^{-jk_r}}{r} = \frac{-j}{(2)} \int_C H_{\rho}^{(2)}(k_p \rho) \frac{e^{-jk_z |z|}}{k_z} k_p dk_p \quad (25)$$

$$[Z_{xx,xy}^{aa}]_{ij} = \langle J_i^{py}, E_x^a (J_j^{px,y}) \rangle_{patch} \quad (14)$$

$$[Z_{yx,yy}^{aa}]_{ij} = \langle J_i^{py}, E_y^a (J_j^{px,y}) \rangle_{patch} \quad (15)$$

$$[T_{yx,yy}^{sa}]_{ij} = \langle M_i, H_y^a (J_j^{px,y}) \rangle_{slot} \quad (16)$$

$$[T_{xy,yy}^{as}]_{ij} = - \langle J_j^{px,y}, E_x^a (M_j) \rangle_{patch} \quad (17)$$

$$[Y_{ayy,byy}^{ss}]_{ij} = - \langle M_i, H_y^a (M_j) \rangle_{slot} \quad (18)$$

$$[T_{yx}^{sf}]_{ij} = - \langle M_i, H_y^b (J_j^f) \rangle_{slot} \quad (19)$$

$$[T_{xy}^{sf}]_{ij} = \langle J_i^f, E_x^b (M_j) \rangle_{feed} \quad (20)$$

$$[Z_{xx}^{ff}]_{ij} = \langle J_i^f, E_x^b (J_f i) \rangle_{feed} \quad (21)$$

$$[V^i]_{ii} = \langle J_i^f, E_x^{inc} \rangle_{feed} \quad (22)$$

با توجه به قضیه هم پاسخی، بعضی از زیر ماتریسها را می‌توان از
ترانهاده زیر ماتریسها دیگری به دست آورد و به این ترتیب از
حجم محاسبات کاست:

$$[Z_{xy}^{aa}] = [Z_{yx}^{aa}]^T, \quad [T_{xy}^{as}] = - [T_{yx}^{sa}]^T \quad (23)$$

$$[T_{yy}^{as}] = - [T_{yy}^{sa}]^T, \quad [T_{yx}^{sf}] = - [T_{xy}^{fs}]^T$$

با محاسبه ماتریس ضرایب در معادله ماتریسی (۱۳) و حل این
دستگاه معادلات ماتریسی، دامنه مجھول جریانها به دست می‌آیند.
به منظور حل معادله ماتریسی (۱۳) ابتدا ماتریس ضرایب
توسط روش تجزیه LU^۸ به یک ماتریس بالا مثلثی تبدیل شده
است و سپس روش جایگزینی برگشتی^۹ برای محاسبه بردار
ضرایب اعمال شده است. این روش دارای سرعت و دقت کافی برای
حل معادله های ماتریسی بزرگ است.

تابع گرین حوزه طیفی لازم برای تحلیل را می‌توان از این مرجع استخراج کرد.

۴- محاسبه مشخصات آتن

الف - محاسبه امپدانس ورودی

پس از محاسبه توزیع جریان الکتریکی روی خط ریز نوار، می‌توانیم با استفاده از روش GPOF ضریب انعکاس و امپدانس ورودی آتن را محاسبه کنیم. با این روش جریان الکتریکی (\mathbf{x}) روی خط ریز نوار را به وسیله مجموعی از تابع نمایی بیان می‌کنیم:

$$I(x) \cong \sum_{i=1}^{N_e} a_i e^{s_i x}, \quad x < L_s \quad (30)$$

که $L_s = x$ محل انتهای مدار باز خط میکرواستریپ در شکل (۱) است. N_e , s_i و a_i به ترتیب تعداد جملات نمایی، ثابت انتشار مختلط بیانگر امواج نشتی و مدهای مراتب بالترند. بسط جریان به صورت فوق معادل با جداسازی عددی موج تابش، موج بازتابش و موجهای میرا و مرتبه بالاتر است برای مدهای اصلی منتشر شونده قسمت حقیقی s_i بسیار کوچک است، زیرا در غیر این صورت این مد منتشر نخواهد شد. نحوه محاسبه N_e , s_i و a_i به طور کامل در مرجع [۶] آمده است.

ب - محاسبه نماد تشعشعی آتن

برای محاسبه میدانهای دور آتن نمی‌توان از روش شکل بسته تابع گرین حوزه مکان استفاده کرد، زیرا این روش برای محاسبه میدانها در صفحات "ثابت = z " مناسب است. از این رو برای محاسبه تابع گرین در نقاط دور باید انتگرال سامرفلد (۲۴) را روی دامنه بینهایت محاسبه کرد. برای میدانهای دور ($r \rightarrow \infty$) با استخراج شکل مجانی از روش تندترین نزول [۷]، می‌توان انتگرالهای سامرفلد را به شکل بسته تحلیلی بیان کرد. برای محاسبه میدانهای دور آتن، ابتدا پاسخ دقیق میدان ناشی از یک دیبل جریان الکتریکی در جهت \mathbf{x} با اندازه واحد و قرار گرفته در محل مبدأ مختصات را به دست می‌آوریم. انتگرالهای سامرفلدی که در روابط میدانها ظاهر می‌شوند، به شکل کلی زیر خواهند بود:

قبل از بیان تابع گرین حوزه طیفی به صورت مجموعی از جملات نمایی، می‌توان سهم جملات مستقیم [۱۲]، امواج سطحی [۱۳] و جملات شبه ساکن [۱۴] را همان گونه که در مرجع [۴] شرح داده شده، از تابع گرین خارج کرد. این کار باعث می‌شود قسمت باقیمانده تغییرات آرامی داشته باشد و سریعتر میرا شود و بنابراین بهتر می‌توان آن را به صورت جملات نمایی تقریب زد. در محاسبه مشاهده می‌شود بدون استخراج این جملات و با افزایش تعداد جملات نمایی و افزایش دامنه نمونه گیری تابع گرین حوزه طیفی، جوابها دارای دقت لازم هستند. با استفاده از روش GPOF [۶] تابع گرین حوزه طیفی \tilde{G} در لایه $z = 0$ یک ساختار چند لایه را به صورت زیر بیان می‌کنیم:

$$\tilde{G} \cong \frac{1}{k_{zi}} \sum_{m=1}^N a_m e^{-b_m k_{zi}} \quad (26)$$

اکنون با استفاده از اتحاد سامرفلد تابع گرین حوزه مکان به صورت شکل زیر بیان می‌شود:

$$G \cong \frac{1}{4\pi} \sum_{m=1}^N a_m \frac{e^{-jk_m r_m}}{r_m}, \quad r_m = (\rho^2 - b_m^2)^{1/2} \quad (27)$$

به هنگام محاسبه عددی رابطه عددی رابطه فوق در ρ های بزرگ (مثلاً $\rho > 1/5\lambda$)، تابع گرین با دقت لازم محاسبه نمی‌شود. این امر می‌تواند به دلیل خطای عددی در محاسبه $e^{-jk_m r_m}$ (به دلیل بزرگ k_m باشد و یا تقریب رابطه (۲۶) به خوبی برقرار نباشد. چنانچه رابطه (۲۷) را به جای k_m برحسب k_z بیان کنیم، می‌توانیم این مشکل را برطرف سازیم. به این منظور باید تابع گرین حوزه طیفی (رابطه (۲۶)) را به صورت زیر بیان کنیم:

$$\tilde{G} \cong \frac{1}{k_{z_0}} \sum_{m=1}^N a'_m e^{-b'_m k_{z_0}} \quad (28)$$

و بنابراین تابع گرین حوزه مکان به صورت زیر بیان می‌شود:

$$G \cong \frac{1}{4\pi} \sum_{m=1}^N a'_m \frac{e^{-jk_m r'_m}}{r'_m}, \quad r'_m = (\rho^2 - b'_m)^{1/2} \quad (29)$$

شایان ذکر است در مرجع [۵] تابع گرین حوزه طیفی در حالت کلی برای یک ساختار چند لایه ای و برای منابع مختلف ارائه شده است.

$$E_\phi = \iint [J_x(x', y') G_E^{\phi x} + J_y(x', y') G_E^{\phi y}] \times e^{ik_z(x' \cos \phi + y' \sin \phi) \sin \theta} dx' dy'$$
(۳۷)

جمله نمایی در رابطه (۳۶) و (۳۷) تأثیر ناشی از قرار گرفتن منابع در محلی به غیر از مبدأ مختصات است.

$$S_n(f) = \int_c f(k_\rho) k_\rho^{n+1} H_n^{(\gamma)}(k_\rho \rho) e^{-u_\gamma z} dk_\rho,$$
(۳۱)

$$u_1 = (k_\rho^\gamma - k_0^\gamma)^{1/\delta}$$

که n در اینجا می‌تواند یکی از مقادیر یک و یا صفر باشد. این انتگرال را می‌توان از روش تندترین نزول [۷] برای میدانهای دور $\rightarrow \infty$ به شکل بسته زیر بیان کرد:

۵- نتایج

برای تحلیل آتن، لازم است ابتدا توابع گرین حوزه طیفی محاسبه شوند و سپس با استفاده از روش GPOF به صورت مجموعی از جملات نمایی بیان شوند؛ یعنی ضرایب a_m^l و b_m^l در رابطه (۲۸)، باید به عنوان ورودی به برنامه اصلی در فایلهای موجود باشند. تمامی پارامترهای مدار، از یک فایل ورودی خوانده می‌شوند و بنابراین با تغییر هر کدام از آنها می‌توان تأثیر پارامترهای مختلف را بررسی کرد. قبل از آنکه آتن شکل (۱) تحلیل شود، مسائل ساده‌تری که حالات خاصی از آن هستند تحلیل می‌شوند. به این ترتیب از صحت روش و برنامه‌ها اطمینان حاصل می‌شوند. لازم به ذکر است که در کلیه مثالهای زیر زمان لازم برای محاسبه توابع گرین در حدود ۱۰ تا ۲۰ ثانیه است. در حالی که در روشهای عددی برای محاسبه این توابع بستگی به ساختار، این زمان در حدود چند دقیقه به بالاست.

مثال ۱- در برنامه اصلی، تعداد توابع بسط روی هادی آتن را صفر در نظر می‌گیریم. به این ترتیب می‌توان یک آتن شکافی باریک را که توسط یک خط ریز نوار تحریک می‌شود، تحلیل کرد. شکل (۴) ضریب انعکاس (یا امپدانس ورودی نرمال‌شده) یک آتن شکافی باریک با بعد $10\text{ cm} \times 10\text{ cm} \times 0.16\text{ cm}$ را نشان می‌دهد. سایر پارامترها عبارت اند از $w_f = 0.635\text{ cm}$, $w_a = 0.22\text{ cm}$, $d_s = 0.2\text{ cm}$, $\epsilon_{rf} = 2.2$, $\epsilon_r = 1$, $b = 3\text{ cm}$, $a = 4\text{ cm}$, $d_f = 0.23\text{ GHz}$ و $d_1 = 0.16\text{ cm}$. مرکز شکاف ($x = 0$) است. همان‌گونه که مشاهده می‌شود نتایج با نتایج مرجع [۸] مطابقت دارد.

مثال ۲- آتن شکل (۱) را بدون وجود لایه عایق روی هادی آتن (۱) تحلیل می‌کنیم. مشخصات آتن عبارت است از $x_p = y_p = 0$, $l_s = 1/2\text{ cm}$, $w_f = 0.44\text{ cm}$, $w_a = 0.16\text{ cm}$ (تحریک مستقران)، $l_a = 1/1$, $b = 3\text{ cm}$, $a = 4\text{ cm}$, $f = 2/23\text{ GHz}$ و $d_1 = d_f = 0.16\text{ cm}$, $\epsilon_r = \epsilon_{rf} = 2.04$.

پس از محاسبه تابع گرین برای پتانسیل برداری مغناطیسی، می‌توان تابع گرین را برای مؤلفه‌های میدان الکتریکی به دست آورد. به عنوان مثال برای مؤلفه x میدان الکتریکی ناشی از دیپل جريان الکتریکی واحد در جهت x داریم

$$G_E^{xx} = -j\omega G_A^{xx} + \frac{1}{j\omega\mu\epsilon} \frac{\partial}{\partial x} (\nabla \cdot G_A^{xx})$$
(۳۳)

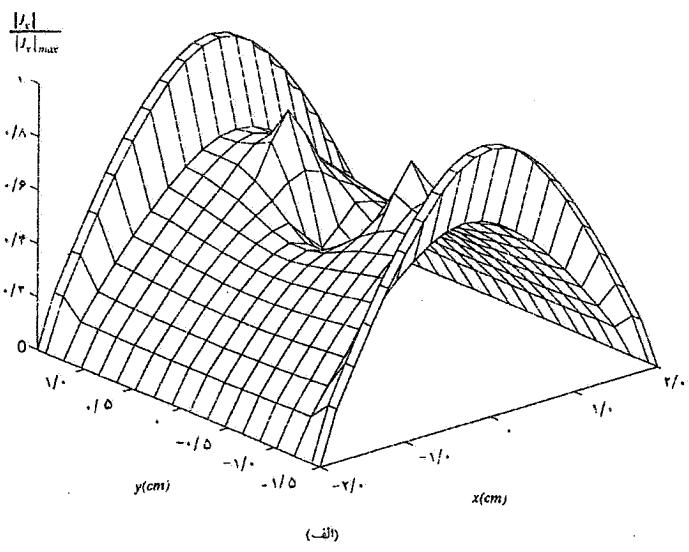
پس از استخراج مؤلفه G_E^{yy} , G_E^{zz} و G_E^{zx} , مؤلفه‌های میدان در نقاط دور و در مختصات کروی به صورت زیر محاسبه می‌شوند.

$$G_E^{\theta x} = (G_E^{xx} \cos \phi + G_E^{yx} \sin \phi) \cos \theta - G_E^{zx} \sin \theta$$
(۳۴)

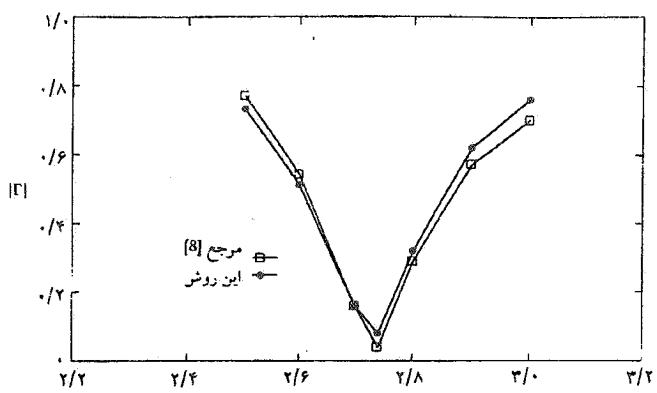
$$G_E^{\phi x} = -G_E^{xx} \sin \phi + G_E^{yx} \cos \phi$$
(۳۵)

G_E^{yx} در نقاط دور صفر خواهد شد. بالاترین x در $G_E^{\theta x}$ و $G_E^{\phi x}$ نشان می‌دهد که این میدانها از دیپلی که در جهت x قرار دارد تولید شده‌اند. با استفاده از تقارن، میدانهای ناشی از یک دیپل در جهت y ($G_E^{\phi y}$ و $G_E^{\theta y}$) را می‌توانیم با تغییر ϕ به $\frac{\pi}{2} - \phi$ در روابط (۳۴) و (۳۵) به دست آوریم. در نهایت، برای توزیع جریان دلخواه ($\bar{J}(x, y) = \hat{x}J_x(x, y) + \hat{y}J_y(x, y)$) میدانهای دور را می‌توان از $G_E^{\phi y}$, $G_E^{\theta y}$, $G_E^{\phi x}$ و $G_E^{\theta x}$ با تالگرال‌گیری روی توزیع جریان به صورت زیر محاسبه کرد.

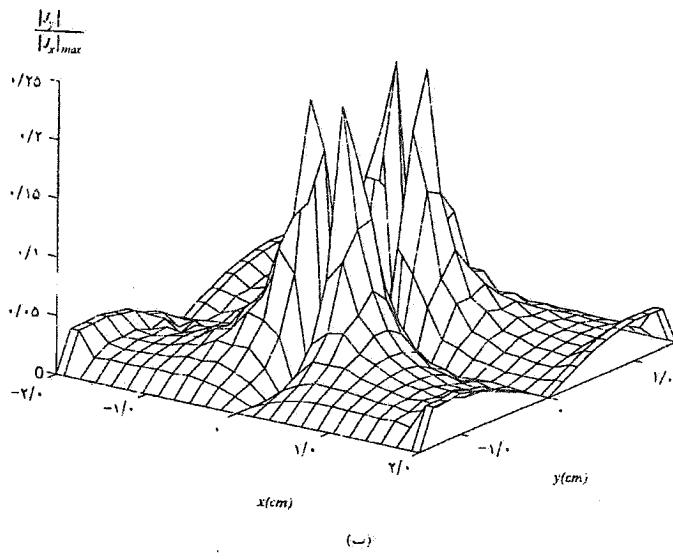
$$E_\theta = \iint [J_x(x', y') G_E^{\theta x} + J_y(x', y') G_E^{\phi y}] \times e^{ik_z(x' \cos \phi + y' \sin \phi) \sin \theta} dx' dy'$$
(۳۶)



(الف)



شکل ۴- تغییرات ضریب انعکاس آنتن شکافی مثال (۱) بر حسب فرکانس ابعاد شکاف $w_f = 0/635\text{cm} \times 0/1016\text{cm} \times 0/40\text{cm}$ ، $d_f = 0/203\text{cm}$ ، $\epsilon_{rf} = 2/2$ ، $l_s = 0/22\text{cm}$



(ب)

شکل ۵- توزیع جریان روی آنتن، $d_a = 1/1$ ، $b = 3\text{cm}$ ، $a = 4\text{cm}$ ، $x_p = y_p = 0$ ، $d_s = 1/2\text{cm}$ ، $w_f = 0/44\text{cm}$ ، $w_a = 0/16\text{cm}$ ، $f = 2/23\text{GHz}$ ، $\epsilon_{rf} = \epsilon_{ff} = 2/54$ و $d_1 = d_f = 0/16\text{cm}$ (تحریک مستقارن)، (الف) - مؤلفه α (ب) - مؤلفه γ

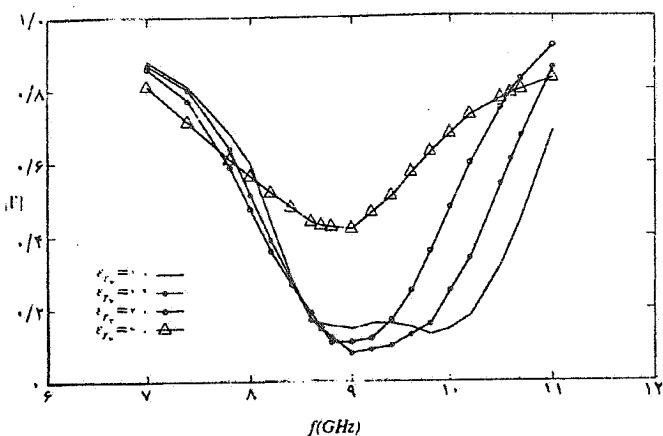
نشان می دهد. شکل (۸) تغییرات ضریب انعکاس این آنتن را به ازای مقادیر مختلف Γ نشان می دهد. با افزایش Γ پهنای باند کم شده و ضریب انعکاس نیز افزایش می یابد. زمان لازم برای محاسبه تابع گرین برای تحلیل این ساختمان در هر فرکانس ۱۴ ثانیه بوده است در حالی که با استفاده از روشهای انگرالگیری حدود ۱۲ دقیقه وقت لازم بود.

مثال ۵- روی آنتن شکافی مثال ۱، یک لایه عایقی با ضخامت

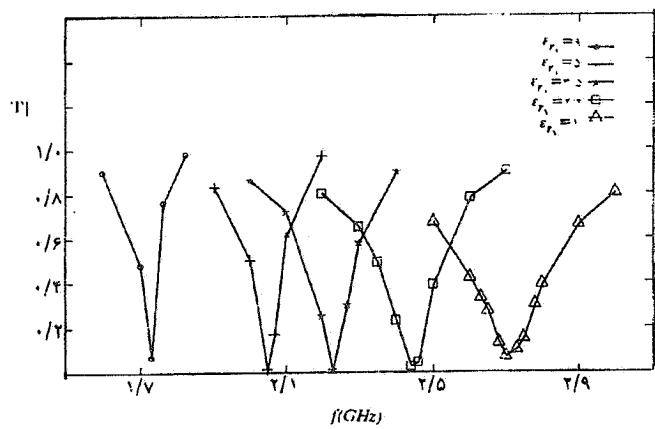
شکل (۵) دامنه جریانهای روی آنتن را نشان می دهد. حداقل اختلاف نتایج این روش با نتایج مرجع [۲] ۵٪ درصد است. با تغییر محل تحریک می توان تأثیر جایی روزنۀ تحریک را بررسی کرد.

مثال ۳- برای بررسی تأثیر روبنا بر روی امپدانس ورودی، آنتنی را با مشخصات: $d_a = 1/0\text{cm}$ ، $b = 1/4\text{cm}$ ، $a = 1\text{cm}$ ، $d_1 = 0/317\text{cm}$ ، $\epsilon_{rf} = 6/15$ ، $\epsilon_{r1} = 2/33$ ، $w_f = 0/273\text{cm}$ ، $d_f = 0/1905\text{cm}$ و $d_\gamma = 0/2\text{cm}$ ، $l_s = 0/03\text{cm}$ ، $w_a = 0/44\text{cm}$ در دو مرحله تحلیل می کنیم. در مرحله اول آن را بدون روبنا ($\epsilon_{r2} = 1/17$) و در مرحله بعد آن را با یک روبنا ($\epsilon_{r2} = 1/17$) تحلیل می کنیم. شکل (۶) $|\Gamma|$ را برای این دو مقدار ϵ_{r2} بر حسب فرکانس نشان می دهد. در این شکل پدیده جالبی مشاهده می شود؛ فرکانس تشذیب (که در آن تطبیق امپدانس وجود دارد) با اضافه کردن یک لایه عایق روی آنتن و در ازای اندکی کاهش پهنای باند، تغییر می یابد.

مثال ۴- آنتنی با مشخصات $b = 1/1\text{cm}$ ، $a = 0/7\text{cm}$ ، $w_f = 0/09\text{cm}$ ، $l_s = 0/11\text{cm}$ ، $w_a = 0/04\text{cm}$ ، $l_a = 0/75\text{cm}$ ، $d_1 = 0/317\text{cm}$ ، $\epsilon_{rf} = 6/15$ ، $d_f = 0/0614\text{cm}$ برای کار در باند X طراحی و ساخته شده است. VSWR خط تغذیه آنتن با استفاده از دستگاه تحلیل کننده مدار اندازه گیری شده و شکل (۷) آن را به همراه نتایجی که از محاسبه کامپیوتری به دست آمده،



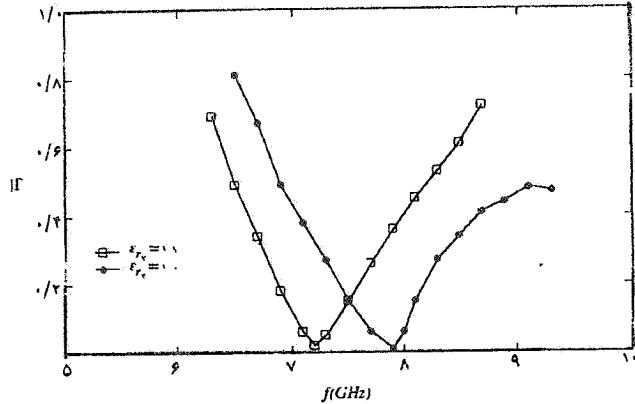
شکل ۸- تأثیر ثابت عایقی روبنا بر روی ضریب انعکاس آتن مثال (۴)



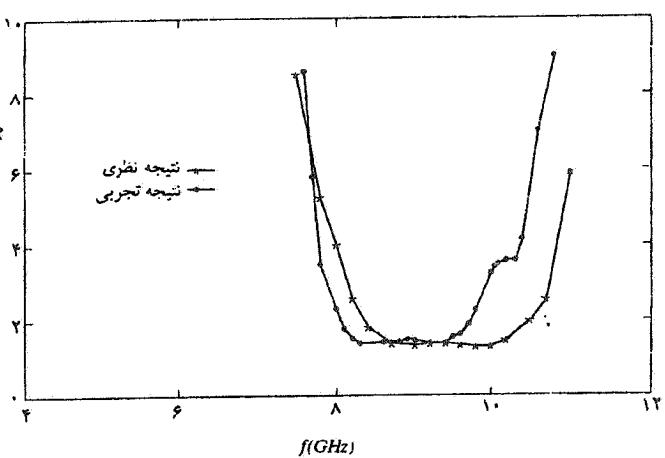
شکل ۹- تأثیر ثابت عایقی روبنا بر روی ضریب انعکاس آتن
شکافی مثال (۵)

ضخامت این لایه نیز می‌تواند فرکانس تشدید و پهنای باند آتن را تغییر دهد.

مثال ۶- نماد تشعشعی آتن مثال (۴) را برای بررسی اثر روبنا بر روی نماد تشعشعی محاسبه می‌کنیم و شکل (۱۰) نتایج آن را نشان می‌دهد. در این شکل $|E_{max}|$ ، ماکزیمم مقدار $|E|$ برای حالتی است که روبنا وجود ندارد. از شکل (۱۰-الف) مشاهده می‌شود با افزایش θ_{22} توانی که در $\theta = 0^\circ$ ارسال و یا دریافت می‌شود افزایش می‌یابد. از شکل (۱۰-الف) مشاهده می‌شود که می‌توان θ_{22} را به گونه‌ای انتخاب کرد (در اینجا $1/4$) که نماد تشعشعی بر حسب ϕ تغییراتی نداشته باشد.

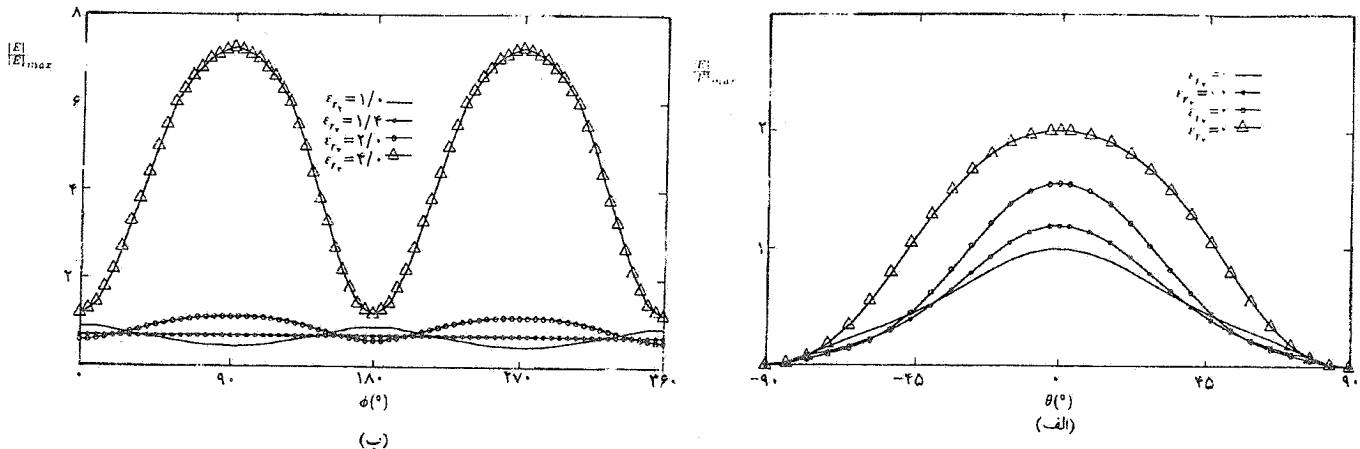


شکل ۶- تأثیر روبنا بر روی ضریب انعکاس آتن مثال (۳)
 $a=1\text{cm}$, $d_s=0/0.3\text{cm}$, $w_a=0/0.3\text{cm}$, $d_a=1/0\text{cm}$, $b=1/4\text{cm}$
 $d_1=0/317\text{cm}$, $\epsilon_{rf}=6/15$, $\epsilon_{r1}=2/33$, $w_f=0/273\text{cm}$
 $d_f=0/190.5\text{cm}$, $d_\gamma=0/2\text{cm}$



شکل ۷- نتیجه تجربی و نظری برای VSWR آتن مثال (۴)
 $w_a=0/0.4\text{cm}$, $d_a=0/75\text{cm}$, $b=1/1\text{cm}$, $a=0/7\text{cm}$, $d_1=0/317\text{cm}$, $\epsilon_{rf}=6/15$, $w_f=0/0.9\text{cm}$, $d_s=0/11\text{cm}$, $d_f=0/0.614\text{cm}$

$0/2\text{cm}$ قرار می‌دهیم. به ازای مقادیر مختلف ثابت عایقی این لایه، تغییرات اندازه ضریب انعکاس آتن بر حسب فرکانس محاسبه شده است و شکل (۹) آن را نشان می‌دهد. همان‌گونه که از شکل مشاهده می‌شود با افزایش ثابت عایقی روبنا، فرکانس تشدید تغییر می‌یابد و همراه با آن پهنای باند آتن نیز کاهش می‌یابد. چنانچه کاهش پهنای باند محدود کننده نباشد، می‌توان با اضافه کردن یک لایه عایقی روی آتن، فرکانس کار آن را به راحتی تغییر داد. افزایش



شکل ۱۰- تأثیر ثابت عایقی روپردازی بر نماد تشعشعی آنتن مثال (۶)، $f=9\text{GHz}$

(الف) در صفحه $\theta=70^\circ$ (ب) در صفحه $\phi=0^\circ$

۶- نتیجه گیری

حوزه طیفی و نتیجه تجربی مطابقت دارد. لایه روپردازی تواند فرکانس کار و امپدانس ورودی آنتن را تغییر دهد و می‌توان از آن برای اصلاح نماد تشعشعی آنتن استفاده کرد.

در این مقاله از روش ممان تمام موج حوزه مکان و شکل بسته توابع گرین حوزه مکان (برای افزایش سرعت محاسبات) برای تحلیل آنتن ریزنوار با کوپلینگ روزنه‌ای به همراه یک لایه عایق و ساختارهای مشابه استفاده شده است. نتایج به خوبی با روش ممان

واژه نامه:

1- superstrate	6- scan	12- direct terms
2- Spatial domain full wave moment method	7- active array	13- surface waves
3- radiation pattern	8- LU decomposition	14- quasi static
4- Generalized pencil of functions	9- back substitution	15- steepest descent
5- substrate	10- Sommerfeld	
	11- Hankel	

مراجع

- Pozar, D. M, "Microstrip Antenna Aperture-coupled to a Microstripline", *Electron. Lett.* Vol. 21, pp. 49-50, 1985.
- Sullivan, P. L. and Schaubert, D. H., "Analysis of an Aperture-coupled Microstrip Antenna", *IEEE Trans, Antennas propagat.*, Vol. AP-34, pp. 977-984, 1986.
- Yang, X. H. and Shafai, L., "Characteristics of Aperture Coupled Microstrip Antennas with Various Radiating patches and Coupling Apertures", *IEEE Trans. Antennas Propagat.*, Vol. Ap-43, pp. 72-78, 1995.
- Aksun, M. I. and Mitra, R., "Derivation of Closed Form Green's Functions for a General Microstrip Geometry", *IEEE Trans. Microwave Theory Tech.*, Vol. 40, pp. 2055-2062, 1992.
- Dural, G. and Aksun, M. I., "Closed-Form Green's Functions for General Sources and Stratified Media", *IEEE Trans. Microwave Theory Tech.*, Vol. 43, pp. 1545-1551, 1995.
- Hua, Y. and Sarkar, T. K., "Generalized Pencil of Function Method for Extracting Poles of an Em-

- System From its Transient Response", *IEEE Trans. Antennas Propagat.*, Vol. 37, pp. 229-234, 1989.
7. Mosig, J. R. and Gardiol, F. E., "Dynamic Radiation Model for a Microstrip Structrue" in "*Advances of Electronics and Electron Physics*", Vol. 59, P. Hawkes, Editor, NY: Academic Press, pp. 139-237.
8. Kahrizi, M., Sarkar, T. K. and Maricevic, Z. A., "Analysis of a Wide Radiating Slot in the Ground Plane of a Microstrip Line", *IEEE Trans. Microwave Theory Tech.*, Vol. 41, pp. 29-36, 1993.