

تحلیل سه بعدی هیدرودینامیکی و گرمایی در محاسبه مقاومت گرمایی مبدل میکرو کانالی با سیال غیر نیوتونی

محمد سفید^{*} و علی اصغر رستمی
دانشکده مهندسی مکانیک ، دانشگاه یزد
دانشکده مهندسی مکانیک ، دانشگاه صنعتی اصفهان

(دریافت مقاله: ۱۱/۹/۸۰ - دریافت نسخه نهایی: ۸/۸/۸)

چکیده - مبدل میکرو کانالی و سیلهایی است که برای کنترل دمای قطعات الکترونیکی با شار گرمایی بالا مورد استفاده قرار می‌گیرد. یک تحلیل گرمایی جامع برای میکرومبدل بایستی شامل تحلیل هدایت سه بعدی در بدنه جامد همزمان با تحلیل سه بعدی جریان در حال توسعه از نظر هیدرودینامیکی و گرمایی در بخش سیال باشد. در این مقاله با مد نظر قرار دادن طول ورودی گرمایی و طول ورودی هیدرودینامیکی به تحلیل جامع مسئله پرداخته شده است و از مدل پاور لا^۱ برای توصیف نوع سیال استفاده شده است تا در برگیرنده سیالات نیوتونی و غیر نیوتونی باشد. در گستره سازی معادلات ناویراستوکس از روش اختلاف محدود مبتنی بر حجم معیار در شبکه جابه جا شده سیمپل استفاده شده است و جملات جا به جایی با استفاده از متدهای کوییک تقریب زده شده است. نتایج نشان می‌دهد که نادیده انگاشتن طولهای ورودی گرمایی و هیدرودینامیکی در بعضی موارد خطای فاحشی را به دنبال خواهد داشت.

واژگان کلیدی: اختلاف محدود، سه بعدی، مبدل میکرو کانالی، مقاومت گرمایی، سیال غیر نیوتونی

Determination of Thermal Resistance in Three-Dimensional Analysis of Micro-Channel Heat Sink with Non-Newtonian Fluids

M. Sefid and A. A. Rostami

Department of Mechanical Engineering, University of Yazd.
Department of Mechanical Engineering, Isfahan University of Technology, Isfahan.

Abstract: Micro-Channel Heat Sink is a heat exchanger which is used to control the temperature of electronic devices with high heat flux. A comprehensive thermal model for the micro-channels should include three dimensional conduction analysis in the solid body together with three dimensional developing fluid flow as well as heat transfer analyses in the fluid section. This paper reports on a research aimed at finding a solution to the problem. Hydrodynamical and thermal entrance lengths were two parameters considered in this solution. The power law model was used which includes both newtonion and non-newtonion fluids.

** - استاد

* - دانشجوی دکترا

Finite difference based on control volume with staggered grid with SIMPLE algorithm was applied in which convection terms were estimated using QUICK method. The results showed that the two entrance length parameters are critical in the estimation of Nusselt number.

Keywords: 3-dimensional, Non-Newtonian, Micro channel, Heat Sink, Thermal Resistance

فهرست علائم

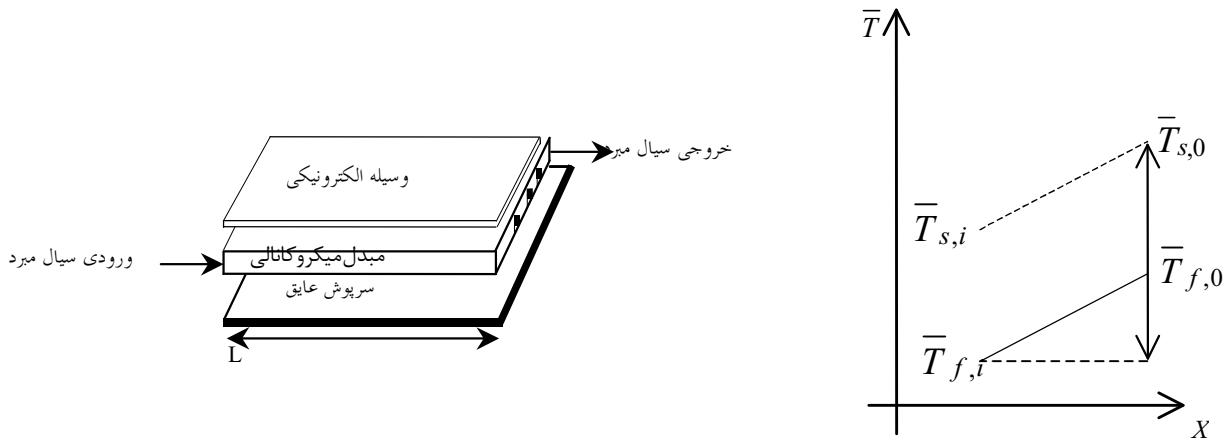
عدد رینولدز	R_e	سطح مقطع کanal	A
دماي سطح جامد در تماس با سیال	T_s	کل سطح مبادله کننده گرما	A_{fin}
دماي سیال	T_f, T	قطر هیدرولیکی	D_h
نسبت ضخامت سقف به نصف ضخامت دیواره	TT	کل ارتفاع مبدل	H
دماي متوسط سیال	\bar{T}	ارتفاع کanal	h_c
نسبت ضخامت سقف کanal به نصف عرض دیواره	TW	نسبت ارتفاع کanal به نصف عرض کanal	HW
سرعت متوسط	\bar{V}	ضریب هدایت گرمایی سیال	K_f
سرعت ورودی	V_i	ضریب هدایت گرمایی بدنه	K_s
مؤلفه سرعت بدون بعد در جهت Y	V^+	طول کanal	L
مؤلفه سرعت سیال در جهت Y	V	نسبت طول کanal به نصف عرض کanal	LW
مؤلفه سرعت بدون بعد در جهت Z	W^+	تعداد کanal در میکرومبدل	m
نسبت نصف عرض کanal به نصف عرض دیواره	WW	نسبت بدون بعد $\Delta z / \Delta y$	n_1
مؤلفه سرعت سیال در جهت Z	W	نسبت بدون بعد $\Delta z / \Delta x$	n_2
مختصه مکان در جهت X	X_1	مشخصه سیال Power Law	N
مختصه مکان در جهت Y	X_2	عدد نوسلت	NU
مختصه مکان در جهت Z	X_3	عدد نوسلت موضعی در طول x	NU_x
مختصه بدون بعد مکان در جهت X	X^+	فشار سیال	P
مختصه بدون بعد مکان در جهت Y	y^+	عدد پرانتل	Pr
مختصه بدون بعد مکان در جهت Z	z^+	عدد پکلت	P_e
مقاومت گرمایی کل	θ	فشار بدون بعد	P^+
دماي بدون بعد	θ^+	نرخ انتقال گرما	q°

به جريان آرام ندارد.

مقاله منتشر شده توسط تاکرمن و پيز [۱] در سال ۱۹۸۱ به عنوان مقاله مادر در زمينه مبدلهاي ميكروني شناخته مى شود. به دنبال آنان مقالات بسيار زيادي در زمينه عملکرد اين مبدلها طي دو دهه انتشار یافت که از جمله مى توان به مقالات تاکرمن [۲] و مونديگر [۳] و فيليپس [۴] اشاره کرد. اين مقالات عمدتاً بر اساس كارهای تجربی است. آن دسته از مقالات که مبنای تحلیلی دارند، از جمله تاکرمن و پيز [۵] و نايت [۶] فرضياتی در آنها

۱- مقدمه

مبدل گرمایی ميكروکanalی MCHS^۲ وسیله‌ای برای ثابت نگه داشتن دماي قطعه الکترونیکی با شار گرمایی بالاست. ساخت اين مبدلها متکی بر تکنولوژی اچینگ^۳ یعنی طراحی بر روی فلز یا شیشه به وسیله اسید است. به واسطه کوچک بودن قطر هیدرولیکی ميكروکanal ضریب انتقال گرمای جا به جايی h بسیار بزرگ است به گونه‌ای که جريان مغشوش مزیتی نسبت



شکل ۱- نمایی از یک میکرومبدل همراه با توزیع دمای متوسط سیال و دیواره جامد

۲- تئوری و معادلات حاکم

در شکل‌های (۱) و (۲) مبدل به همراه نمودار تغییرات دمای متوسط سیال و دمای سطح دیواره در طول کanal نشان داده شده است.

مقاومت گرمایی میکروکانال θ بر اساس ماقزیم اختلاف دمای موجود بین سیال خنک‌کن و سطح جامد تعریف می‌شود.

$$\theta = \frac{\Delta T}{q} = \frac{T_{\text{Surface Outlet}} - T_{\text{Fluid Inlet}}}{q}$$

$$\theta = \frac{T_{\text{Surface Outlet}} - T_{\text{Fluid Outlet}}}{q} + \frac{T_{\text{Fluid Outlet}} - T_{\text{Fluid Inlet}}}{q}$$

$$\theta = \frac{1}{hA_{\text{fin}}} + \frac{1}{mC_p}$$

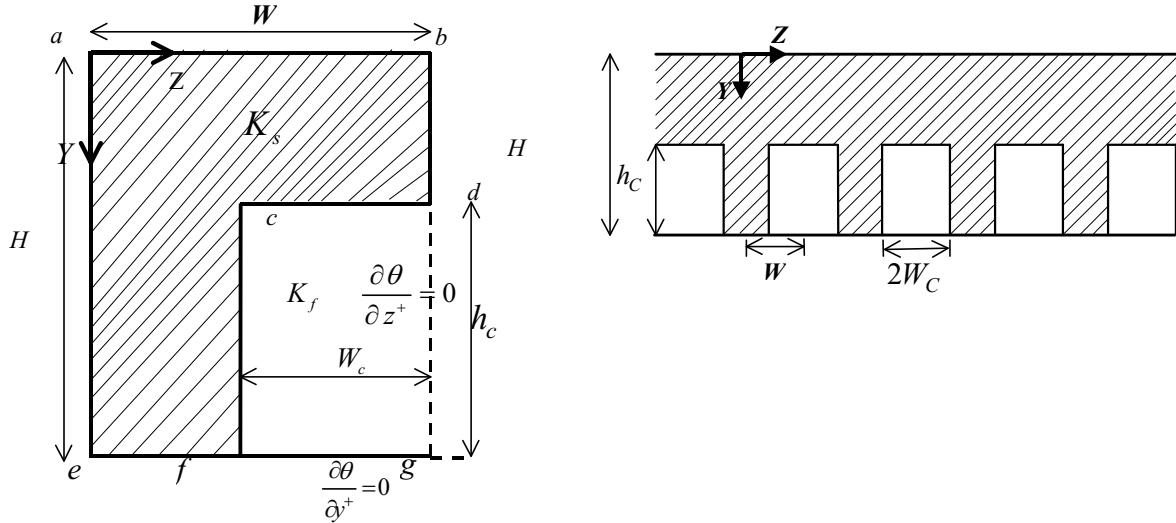
$\frac{1}{hA_{\text{fin}}}$ را مقاومت جا به جایی و $\frac{1}{mC_p}$ را مقاومت ظرفیتی می‌نامیم. با کاهش عرض کanalها h افزایش می‌یابد و در کnar آن m کاهش می‌یابد. پس باید در یک عرض بهینه‌ای θ مینیمم شود. از طرف دیگر با کاهش عرض کanal قدرت مورد نیاز برای پمپاژ سیال افزایش می‌یابد. هدف بررسی تأثیر این پارامترها بر روی یکدیگر است.

با توجه به اینکه w نصف عرض کanal و D_h قطر هیدرولیکی کanal و h ارتفاع کanal و L طول کanal می‌باشد مقاومت گرمایی بر اساس اعداد نوسلت و پکلت به شکل زیر خواهد شد.

به کار گرفته شده است که دور از واقعیت است. عملده‌ترین این فرضیات عبارت‌اند از :

- نسبت ارتفاع به عرض کanal بزرگ است و جریان مانند جریان بین دو صفحه موازی تقریب زده می‌شود.
- جریان در کل طول کanal چه از نظر هیدرودینامیکی و چه از نظر گرمایی توسعه یافته است.
- راندمان فین ثابت و تقریباً ۷۵٪ است.
- افت فشار در کل طول کanal ثابت است.
- سیال، نیوتونی است و سیال مورد مطالعه در اکثر مقالات آب است.

توصیف کامل گرمایی یک مبدل میکروکانالی با تحلیل سه بعدی هدایت گرمایی در دیواره‌های جامد و حل سه بعدی معادلات مومنت و انرژی برای سیال خنک کننده همراه است. از عملده‌ترین مشخصات حل فعلی آن است که ناحیه ورودی هیدرودینامیکی و گرمایی در حل در نظر گرفته شده است و خبری از فرض توسعه یافتنگی نیست. ثانیاً در بررسی فعلی محدودیت نیوتونی بودن سیال حذف شده است و مدل پاورلا برای سیال در نظر گرفته شده است تا سیال نیوتونی را نیز شامل شود. روش حل بر اساس اختلاف محدود مبتنی بر حجم معیار روش سیمپل است که در آن جمله‌های جا به جایی از روش کوییک تقریب زده شده‌اند.



شکل ۲ - مقطعی از یک میکرو مبدل

$$\rho \frac{Dw}{Dt} = \rho g_z + \frac{\partial \tau_{3j}}{\tau_{xj}} \quad (5)$$

$$\rho C_v \frac{DT}{Dt} = K \nabla^2 T + \tau_{ij} \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + P \operatorname{div} V \quad (6)$$

که برای سیال پاورلا با استفاده از روابط ارائه شده توسط هندبوک کو^۳ [V] می‌توان نوشت:

$$\gamma_{ij}^* = \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \quad (7)$$

$$\gamma^* = \sqrt{\frac{1}{2} \sum_i \sum_j \gamma_{ij}^* \gamma_{ij}^*} \quad (8)$$

$$\tau_{ij} = K \gamma^{N-1} \gamma_{ij}^* - P \delta_{ij} \quad (9)$$

محدوده حل شامل نصف دیواره کanal و نصف کanal با سقف آن است. و در حل فرضیات زیر مد نظر قرار گرفته است.

- شار گرمایی وارد به پایه مبدل ثابت و انتقال گرما دائم است.

- جریان آرام دائم تراکم ناپذیر و تکفازی است.
- سرپوش مبدل عایق است.
- خواص سیال ثابت است.

- از انتقال گرما طبیعی و تشعشعی صرف نظر می‌شود. با فرضیات فوق شرایط مرزی روی سطوح مختلف بدین ترتیب است.

$$\theta = \left(\frac{1}{NU} + \frac{1}{P_e} \cdot \frac{A_{fin}}{2nW_c h_c} \right) \frac{D_h}{K_f \cdot A_{fin}} \quad (1)$$

که در آن A_{fin} کل سطحی است که ضریب جابه جایی h برای آن وجود دارد.

$$D_h = \frac{4A}{P} = \frac{4W_c h_c}{2W_c + h_c}, \quad \frac{W_c}{D_h} = \frac{0.5}{h_c / W_c} + 0.25,$$

$$\frac{h_c}{D_h} = 0.5 + 0.25 \frac{h_c}{W_c}, \quad A_{fin} = mL(2h_c + 2W_c)$$

که در آن m تعداد کانالهای مبدل است. در آن صورت θ^* مقاومت گرمایی بی بعد بدین شکل تعریف می‌شود.

$$\theta^* = K_f \cdot L \cdot \theta = \left[\frac{1}{NU} + \frac{L / W_c}{P_e} \left(1 + \frac{1}{h_c / W_c} \right) \right] \left[\frac{1}{m \left(1.5 + 0.5 \frac{h_c}{W_c} + \frac{1}{h_c / W_c} \right)} \right] \quad (2)$$

برای تعیین NU بایستی معادلات مومتم و انرژی به صورت سه بعدی با در نظر گرفتن طول ورودی هیدرودینامیکی و طول ورودی گرمایی حل کرد.

$$\rho \frac{Du}{Dt} = \rho g_x + \frac{\partial \tau_{1j}}{\tau_{xj}} \quad (3)$$

$$\rho \frac{Dv}{Dt} = \rho g_y + \frac{\partial \tau_{2j}}{\tau_{xj}} \quad (4)$$

زده می‌شود. نتیجه کار معادلات حجیمی خواهد شد که به

عنوان مثال معادله مومنتم در جهت x را در زیر آورده می‌شود.

$$\begin{aligned} UP * u_{i+1,j,k} &= UIP1 * u_{i+1,j,k} + UIM1 * u_{i-1,j,k} \\ &+ UIP2 * u_{i+2,j,k} + UIM2 * u_{i-2,j,k} \\ &+ UJP1 * u_{i,j+1,k} + UJM1 * u_{i,j-1,k} \\ &+ UJP2 * u_{i,j+2,k} + UJM2 * u_{i,j-2,k} \\ &+ UKP1 * u_{i,j,k+1} + UKM1 * u_{i,j,k-1} \\ &+ UKP2 * u_{i,j,k+2} + UKM2 * u_{i,j,k-2} \end{aligned} \quad (12)$$

$$\begin{aligned} UP &= \Delta y \Delta z (6a_1^+ + 3a_1^- - 3b_1^+ - 6b_1^-) + \\ \Delta x \Delta z (6c_1^+ + 3c_1^- - 3d_1^+ - 6d_1^-) + \\ \Delta x \Delta y (6e_1^+ + 3e_1^- - 3f_1^+ - 6f_1^-) + \end{aligned}$$

$$\frac{2}{R_e} * F^{\frac{N-1}{2}} \left(\frac{\Delta y \Delta z}{\Delta x} + \frac{\Delta x \Delta z}{\Delta y} + \frac{\Delta x \Delta y}{\Delta z} \right)$$

$$\begin{aligned} UIM1 &= \Delta y \Delta z (a_1^+ + 6b_1^+ + 3b_1^-) + \\ \frac{1}{R_e} F^{\frac{N-1}{2}} \cdot \frac{\Delta y \Delta z}{\Delta x} - \frac{1}{R_e} \left(\frac{N-1}{2} \right) F^{\frac{N-3}{2}} \cdot \frac{\partial F}{\partial x_1} \cdot \Delta y \cdot \Delta z \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} UIP1 &= -\Delta y \Delta z (3a_1^+ + 6a_1^- + 3b_1^-) + \frac{1}{R_e} F^{\frac{N-1}{2}} \left(\frac{\Delta y \Delta z}{\Delta x} \right) \\ &+ \frac{1}{R_e} \left(\frac{N-1}{2} \right) F^{\frac{N-3}{2}} \cdot \frac{\partial F}{\partial x_1} \cdot \Delta x \Delta z \end{aligned}$$

$$UIP2 = \Delta y \Delta z a_1^-$$

$$UIM2 = -\Delta y \Delta z b_1^+$$

$$\begin{aligned} UJP1 &= -\Delta x \Delta z (3C_1^+ + 6C_1^- + d_1^-) + \\ \frac{1}{R_e} F^{\frac{n-1}{2}} \cdot \frac{\Delta x \Delta z}{\Delta y} + \frac{1}{2R_e} \left(\frac{N-1}{2} \right) F^{\frac{N-3}{2}} \cdot \frac{\partial F}{\partial x_2} \Delta x \Delta z \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} UJM1 &= \Delta x \Delta z (C_1^+ + 6d_1^+ + 3d_1^-) + \\ \frac{1}{R_e} F^{\frac{N-1}{2}} \cdot \frac{\Delta x \Delta z}{\Delta y} - \frac{1}{2R_e} \left(\frac{N-1}{2} \right) F^{\frac{N-3}{2}} \cdot \frac{\partial F}{\partial x_2} \Delta x \Delta z \end{aligned}$$

$$UJP2 = \Delta x \Delta z c_1^-$$

$$UJM2 = -\Delta x \Delta z d_1^+$$

وروودی $u = V_0, v = 0, w = 0, T = T_0$

$$\frac{\partial u}{\partial x} = 0, \frac{\partial v}{\partial x} = 0, \frac{\partial w}{\partial x} = 0, \frac{\partial T}{\partial x} = \frac{\partial T_m}{\partial x}$$

$$a \rightarrow b \quad K_s \cdot \frac{\partial T_s}{\partial y} = q^0$$

$$c \rightarrow b \quad k_s \cdot \frac{\partial T_s}{\partial y} = k_f \frac{\partial T_s}{\partial y}, \quad T_s = T_f$$

شرط عدم لغزش $u = 0, v = 0, w = 0$

$$c \rightarrow f \quad k_s \frac{\partial T_s}{\partial z} = k_f \frac{\partial T_f}{\partial z}, \quad T_s = T_f$$

شرط عدم لغزش $u = 0, v = 0, w = 0$

$$e-f \rightarrow g \quad \frac{\partial T}{\partial y} = 0$$

شرط عدم لغزش $u = 0, v = 0, w = 0$

$$d \rightarrow g \quad \frac{\partial T}{\partial z} = 0, \quad \frac{\partial u}{\partial z} = 0, \quad w = 0$$

$$a \rightarrow e \quad \frac{\partial T}{\partial z} = 0 \quad (10)$$

ابتدا کمیات بدون بعد به شکل زیر تعریف می‌شوند.

$$\theta^+ = \frac{T - T_i}{q^0'' D_h / K_f} \quad x^+ = \frac{x}{D_h}$$

$$y^+ = \frac{y}{D_h} \quad z^+ = \frac{z}{D_h}$$

$$u^+ = \frac{u}{V} = \frac{u}{V_i} \quad v^+ = \frac{v}{V} = \frac{v}{V_i}$$

$$w^+ = \frac{w}{V_i} \quad n_1 = \frac{\Delta z}{\Delta x}$$

$$n_2 = \frac{\Delta z}{\Delta y} \quad p^+ = \frac{p}{(p \bar{V}^2 / 2)}$$

$$\eta_0 = k(D_h / V_i)^{1-n} \quad R_e = \frac{\rho V_i D_h}{\eta_0}$$

$$p_r = \frac{\eta_0 C_p}{k} \quad p_e = R_e \cdot p_r = \frac{\rho c V_i D_h}{k_f}$$

آن گاه معادلات بقا بر اساس اختلاف محدود مبتنی بر حجم معیار با استفاده از شبکه جا به جاشده استگر بر پایه مدل سیمپل گسسته‌سازی می‌شود و جملات جا به جایی با استفاده از روش کوییک با گرفتن اطلاعات از بالا دست جریان تقریب

$$\begin{aligned}
e_1^+ &= \frac{1}{32} (w_{i,j,k+1} + w_{i-1,j,k+1} + |w_{i,j,k+1} + w_{i-1,j,k+1}|) \\
e_1^- &= \frac{1}{32} (w_{i,j,k+1} + w_{i-1,j,k+1} - |w_{i,j,k+1} + w_{i-1,j,k+1}|) \\
f_1^+ &= \frac{1}{32} (w_{i,j,k} + w_{i-1,j,k} + |w_{i,j,k} + w_{i-1,j,k}|) \\
f_1^- &= \frac{1}{32} (w_{i,j,k} + w_{i-1,j,k} - |w_{i,j,k} + w_{i-1,j,k}|)
\end{aligned} \tag{15}$$

۳- بحث و بررسی

در تحلیل شبکه و بررسی اثر تعداد نقاط، بر نتایج به دست آمده از اجرای برنامه مشخص شد با انتخاب شبکه مناسب شامل حداقل پنجاه هزار نقطه می‌توان به نتایج اطمینان داشت به گونه‌ای که افزایش بیشتر تعداد نقاط بر دقت جوابهای به دست آمده تا هفت رقم اعشار تأثیری نخواهد داشت.

استفاده از سیال غیر نیوتونی نسبت به سیال نیوتونی با مزايا و معایب همراه است. در سیال غیر نیوتونی همان گونه که در شکلهاي (۳) و (۴) نشان داده شده است جريانهای ثانویه در گوشه‌های مقطع به وجود می‌آید. اين جريانهای ضعيف ثانویه که موجب افزایش ناچيز عدد نوصلت می‌شود از اختلاف تنشهای نرمال در سیال غیر نیوتونی ناشی می‌شوند. مراجع [۱و۲] اين مطلب را تاييد می‌کنند.

غیر صفر بودن اختلاف تنشهای نرمال را می‌توان از تعريف تنشهای نرمال در تانسور تنش دریافت:

$$\begin{aligned}
\tau_{xx} &= 2kF^{\frac{N-1}{2}} \frac{\partial u}{\partial x} - P \\
\tau_{yy} &= 2kF^{\frac{N-1}{2}} \frac{\partial v}{\partial y} - P \\
\tau_{zz} &= 2kF^{\frac{N-1}{2}} \frac{\partial w}{\partial z} - P
\end{aligned}$$

در ناحیه توسعه یافته $\frac{\partial u}{\partial x}$ برابر صفر است بنابر اين می‌توان

نوشت:

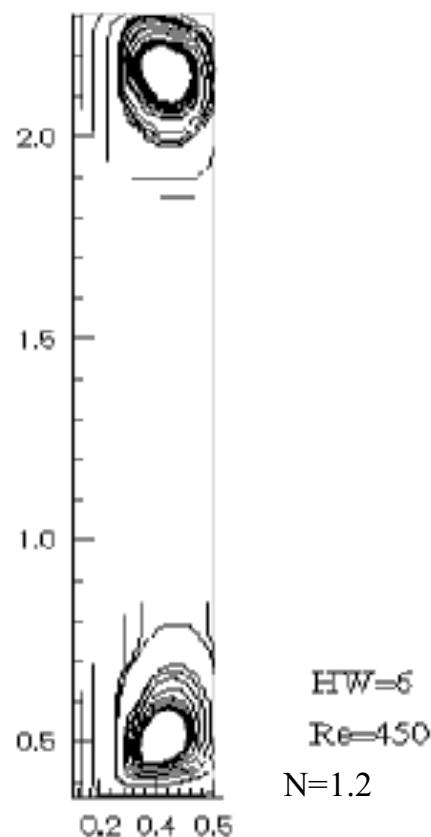
$$\begin{aligned}
UKP1 &= -\Delta x \Delta y (3e_1^+ + 6e_1^- + f_1^-) + \frac{1}{R_e} F^{\frac{N-1}{2}} \cdot \frac{\Delta x \Delta y}{\Delta z} \\
&\quad + \frac{1}{2R_e} \left(\frac{N-1}{2} \right) F^{\frac{N-3}{2}} \cdot \frac{\partial F}{\partial x_3} \Delta x \Delta y \\
UKM1 &= \Delta x \Delta y (e_1^+ + 6f_1^+ + 3f_1^-) + \\
&\quad \frac{1}{R_e} F^{\frac{N-1}{2}} \cdot \frac{\Delta x \Delta y}{\Delta z} - \frac{1}{2R_e} \left(\frac{N-1}{2} \right) F^{\frac{N-3}{2}} \cdot \frac{\partial F}{\partial x_3} \Delta x \Delta y \\
UKP2 &= -\Delta x \Delta y e_1^- \\
UKM2 &= -\Delta x \Delta y f_1^+
\end{aligned} \tag{13}$$

$$\begin{aligned}
UB &= (P_{i-1,j,k} - P_{i,j,k}) \frac{\Delta y \Delta z}{2} + \left(\frac{A_1^{++}}{R_e} + \frac{g_x D_h}{V_i^2} \right) \Delta x \Delta y \Delta z \\
A_1^{++} &= F^{\frac{N-3}{2}} \left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial F^+}{\partial x_1^+} \left(2 \frac{\partial u_1^+}{\partial x_1^+} \right) + \frac{\partial F^+}{\partial x_2^+} \left(\frac{\partial u_2^+}{\partial x_1^+} + \frac{\partial u_1^+}{\partial x_2^+} \right) \\ + \frac{\partial F^+}{\partial x_3^+} \left(\frac{\partial u_3^+}{\partial x_1^+} + \frac{\partial u_1^+}{\partial x_3^+} \right) \end{array} \right\} \left(\frac{N-1}{2} \right)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
a_1^+ &= \frac{1}{32} (u_{i+1,j,k} + u_{i,j,k} + |u_{i+1,j,k} + u_{i,j,k}|) \\
a_1^- &= \frac{1}{32} (u_{i+1,j,k} - u_{i,j,k} - |u_{i+1,j,k} + u_{i,j,k}|) \\
b_1^+ &= \frac{1}{32} (u_{i,j,k} + u_{i-1,j,k} + |u_{i,j,k} + u_{i-1,j,k}|) \\
b_1^- &= \frac{1}{32} (u_{i,j,k} + u_{i-1,j,k} - |u_{i,j,k} + u_{i-1,j,k}|) \\
c_1^+ &= \frac{1}{32} (v_{i,j+1,k} + v_{i-1,j+1,k} + |v_{i,j+1,k} + v_{i-1,j+1,k}|) \\
c_1^- &= \frac{1}{32} (v_{i,j+1,k} + v_{i-1,j+1,k} - |v_{i,j+1,k} + v_{i-1,j+1,k}|) \\
d_1^+ &= \frac{1}{32} (v_{i,j,k} + v_{i-1,j,k} + |v_{i,j,k} + v_{i-1,j,k}|) \\
d_1^- &= \frac{1}{32} (v_{i,j,k} + v_{i-1,j,k} - |v_{i,j,k} + v_{i-1,j,k}|)
\end{aligned} \tag{14}$$



شکل ۴- جریان ثانویه در مقطع کanal در ناحیه توسعه یافته



شکل ۳ - جریان ثانویه در مقطع کanal در ناحیه توسعه یافته

$$f \cdot R_e = \frac{\tau_w}{\frac{1}{2} \rho \bar{v}^2} \cdot \frac{\rho \bar{V} D}{\mu} = \left(-\frac{dp}{dx} \right) \cdot \left(\frac{D_h}{4} \right) \cdot \frac{\rho \bar{V} D_h}{\mu}$$

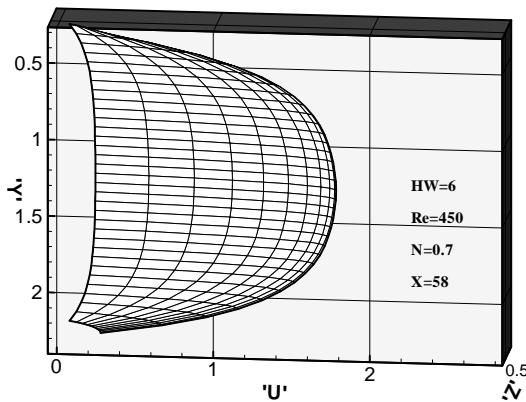
$$f \cdot R_e = -\frac{dp^+}{dx^+} \cdot \frac{R_e}{4}$$

مقایسه نتایج کار فعلی با نتایج کار شختر [۸]، چاندر اپاتلا [۹]، ویلر [۱۰]، کوزیکی [۱۱]، ژائو [۱۲] و طالبی [۱۳] در جدول (۱)، دقت کار فعلی را در تعیین ضریب اصطکاک در ناحیه توسعه یافته برای انواع سیالات نیوتنی و غیر نیوتنی مشخص می‌کند. در حالی که مرجع دقیقی برای مقایسه NU در طول کanal و نیز طول ورودی گرمایی و هیدرودینامیکی در دسترس نیست.

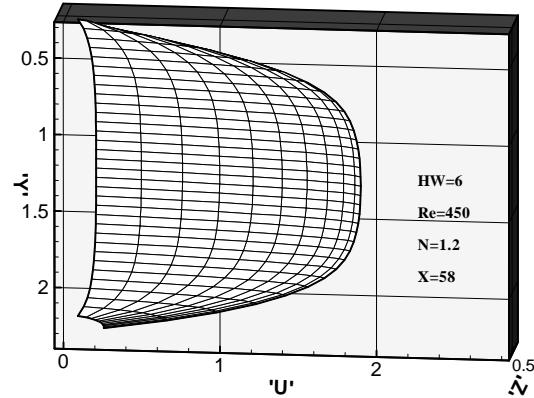
$$\tau_{yy} - \tau_{zz} = 2kF^{\frac{N-1}{2}} \left(\frac{\partial v}{\partial y} - \frac{\partial w}{\partial z} \right)$$

$$F = 2 \left(\frac{\partial u}{\partial x} \right)^2 + 2 \left(\frac{\partial v}{\partial y} \right)^2 + 2 \left(\frac{\partial w}{\partial z} \right)^2 + \left(\frac{\partial u}{\partial y} + \frac{\partial v}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial u}{\partial z} + \frac{\partial w}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial v}{\partial z} + \frac{\partial w}{\partial y} \right)^2$$

از دید فیزیکی ایجاد مؤلفه‌های نرمال غیر مساوی از نایکتواختی ساختمان مولکولی در جریان ناشی می‌شود. در ارزیابهای هیدرودینامیکی کمیت $f \cdot R_e$ مبنای مقایسه قرار گرفته است. این کمیت افت فشار را در طول کanal نشان می‌دهد. چون مرجعی برای مقایسه این کمیت در ناحیه در حال توسعه در دسترس نیست فقط به ارزیابی و مقایسه مقادیر آن در ناحیه توسعه یافته اکتفا می‌شود.



شکل ۶- پروفیل سرعت در ناحیه توسعه یافته در نصف مقطع کanal



شکل ۵- پروفیل سرعت در ناحیه توسعه یافته در نصف مقطع کanal

در نظر گرفته شده و به تحلیل دو بعدی اکتفا شده است. البته نباید از نظر دور داشت که این خطاب برای یک سیال نیوتونی ($N=1$) مثل آب قابل چشم پوشی است.

شکلهای (۱۰) تا (۱۲) تغییرات افت فشار در ناحیه توسعه یافته را برای N ها و رینولدز های مختلف نشان می دهد. بر اساس این منحنی ها با افزایش عدد N مشخصه سیال پاورلا مقدار افت فشار افزایش می یابد. ولی این افزایش افت فشار در رینولدز های پایین بسیار شدیدتر است، یعنی با افزایش رینولدز افت فشار از تغییرات N کمتر تأثیر می پذیرد.

شکلهای (۱۳) و (۱۴) کانتورهای دما ثابت را در نصف مقطع کanal شامل قسمت جامد و سیال نشان می دهد. در این شکلهای سعی شده است که مرز قسمت جامد و سیال مشخص شود. بر اساس این کانتورها دما در ناحیه فصل مشترک سقف و سیال در وسط کanal یعنی صفحه تقارن کمترین مقدار است. در حالی که در ناحیه همسایگی صفحه عایق پایین کanal دما افزایش بیشتری می یابد.

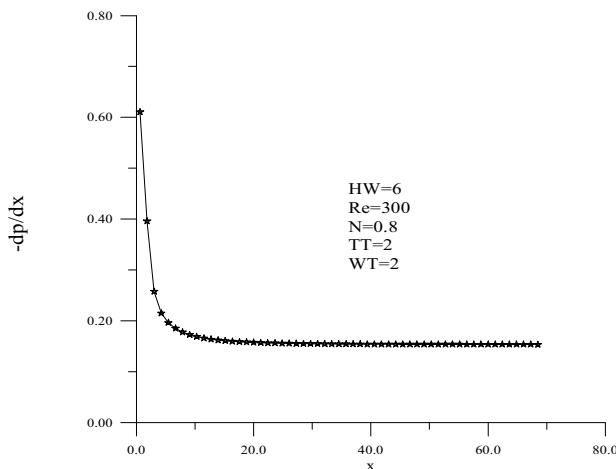
شکلهای (۱۵) و (۱۶) پروفیل سه بعدی دما را در نصف مقطع کanal در قسمت جامد و سیال برای N های مختلف در ناحیه توسعه یافته نشان می دهد. در شکلهای شکسته شدن شیب به واسطه تغییر ضریب هدایت سیال و جامد در مرز جامد و سیال کاملاً پیداست.

جدول ۱- مقایسه مقادیر fR_n بر حسب n برای کanal مربعی

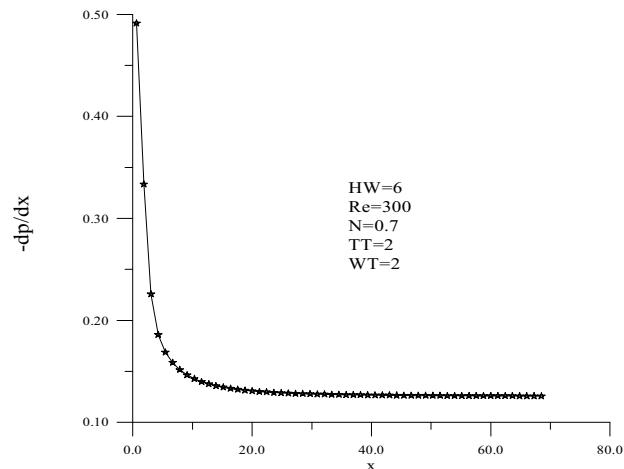
$n = 0/5$	$n = 1/75$	$n = 1$	
۵/۷۵۵	۹/۰۸۵	۱۴/۲۷	شختر [۸]
۵/۷۳۳	۹/۰۶۰	۱۴/۲۲۸	چاندر اپاتلا [۹]
۵/۷۲۳	۹/۰۵۵	۱۴/۲۲۸	ویلر [۱۰]
۵/۹۳۵	۹/۲۲۲	۱۴/۲۱۹	کوزیکی [۱۱]
۵/۷۲۳	-----	۱۴/۲۲۹	ژائو [۱۲]
۵/۷۲۱	۹/۰۵۴	۱۴/۲۲۷	طالبی [۱۳]
۵/۷۲۴	۹/۰۵۶	۱۴/۲۲۹	کار حاضر

منحنی های نشان داده شده در شکلهای (۵) و (۶) پروفیل های سرعت را در مقطع کanal در ناحیه توسعه یافته نشان می دهد. بر اساس این منحنی ها هر چه N مشخصه سیال پاورلا بزرگتر می شود پروفیل سرعت تخت تر می شود و گرادیان سرعت روی دیواره شدیدتر است و این به واسطه بزرگتر بودن مقدار تنفس برشی دیواره در N های بزرگتر است.

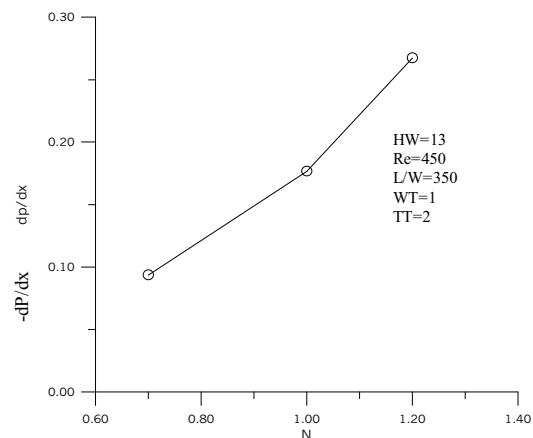
شکلهای (۷) تا (۹) تغییرات موضعی افت فشار را در طول کanal نشان می دهند. بر اساس این منحنی ها گاه تا ۲۰٪ طول کanal حالت توسعه یافته وجود ندارد ($HW=6$, $N=0.7$). این در حالی است که در حل های دیگران کل طول کanal توسعه یافته



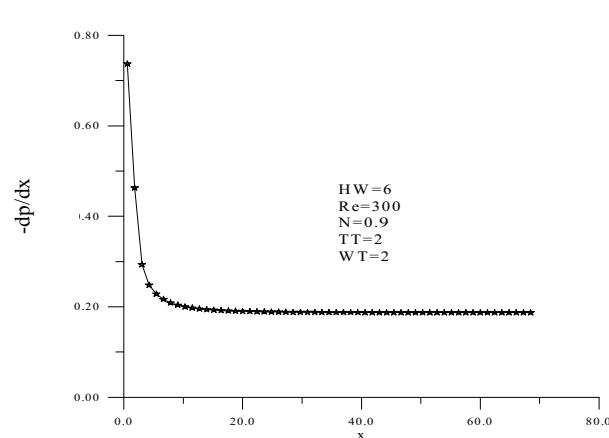
شکل ۸- توزیع افت فشار در طول کanal



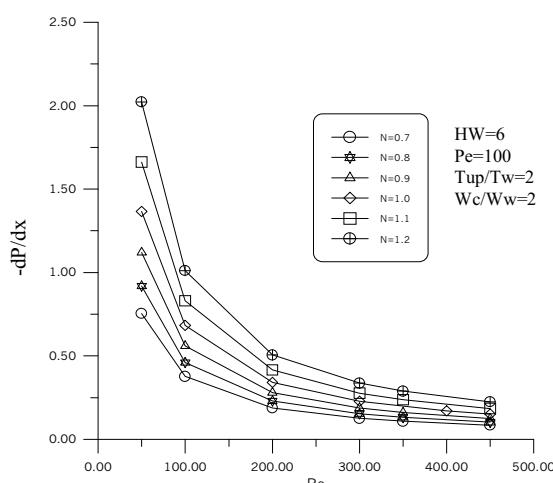
شکل ۷- توزیع افت فشار در طول کanal



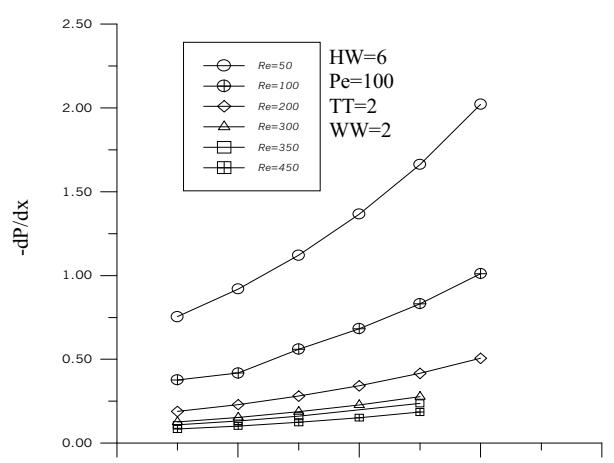
شکل ۱۰- تغییرات افت فشار بر حسب N مشخصه سیال



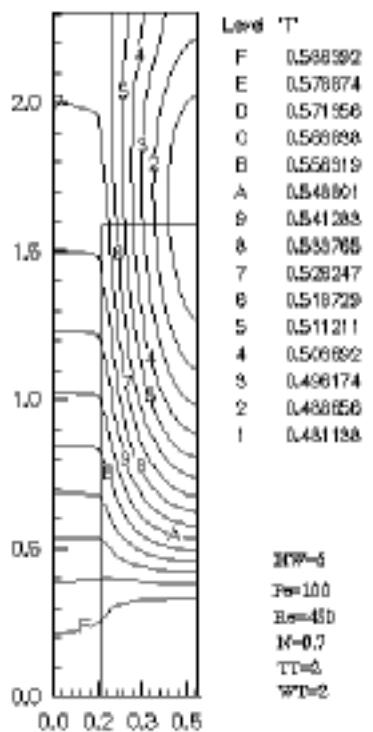
شکل ۹- توزیع افت فشار در طول کanal



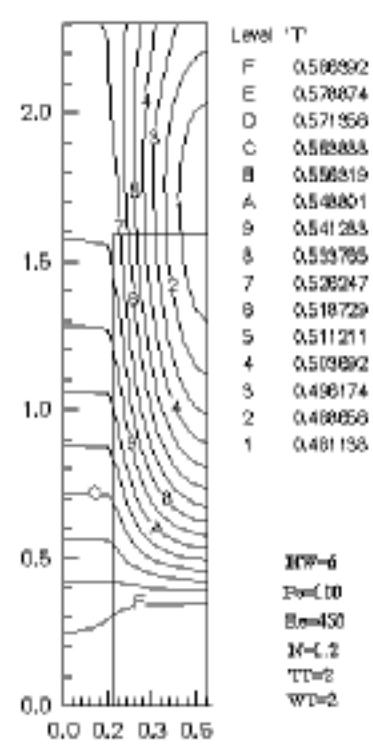
شکل ۱۲- منحنی تغییرات افت فشار بر حسب رینولدز برای N های مختلف



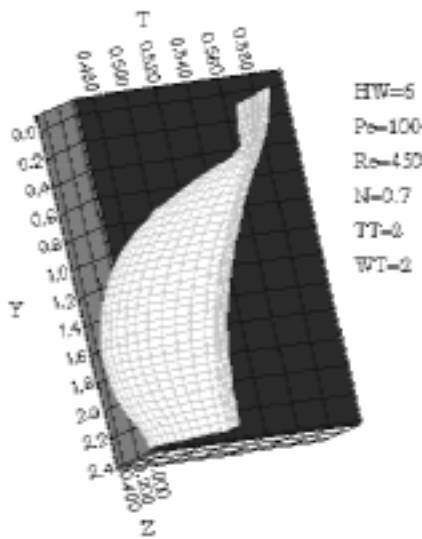
شکل ۱۱- منحنی تغییرات افت فشار بر حسب N برای رینولدزهای مختلف



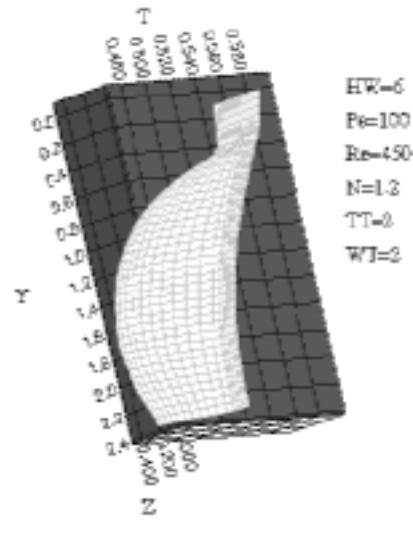
شکل ۱۴- کانتور دما در مقطع $x^+ = 68$



شکل ۱۵- کانتور دما در مقطع $x^+ = 68$



شکل ۱۶- پروفیل توزیع دما در مقطع $x^+ = 68$



شکل ۱۷- پروفیل توزیع دما در مقطع $x^+ = 68$

$$-k_f A \left. \frac{\partial T}{\partial Z} \right|_{\text{مرز سیال}} = h A (T_{wm} - T_b)$$

$$\frac{h}{k_f} = \left. \frac{-\frac{\partial T}{\partial Z}}{T_{wm} - T_b} \right|_{wm} = \frac{\frac{\partial \theta}{\partial Z}}{\theta_{wm} - \theta_b}$$

عدد نوسلت عمدتاً به دو صورت نوسلت موضعی (متوسط محیطی) NU_x و نوسلت متوسط (متوسط طولی) NU_m تعریف می‌شود. در مورد تبادل گرما بین سطح جامد و سیال جاری می‌توان نوشت:

استفاده کرده‌اند و در کنار آن از فرض توسعه یافته‌گی در کل طول کanal بهره گرفته‌اند.

آنچه مبنای مقایسه مقالات در کارهای تجربی و نظری واقع شده است حالتی است که به یک سطح به ابعاد $1\text{cm} \times 1\text{cm}$ یک شار گرمایی ثابتی اعمال کنیم. فرض عمده‌ای که در مقالات ارائه شده داریم فرض توسعه یافته بودن است که بر اساس نتایج حاصل از کار فعلی این فرض در بسیاری از موارد نمی‌تواند صحیح باشد. گاه تا بیش از ۲۰٪ طول مسیر، جریان از نظر هیدرودینامیکی در حال توسعه است و گاه کل طول مسیر از نظر گرمایی در حال توسعه است. منحنیهای ۱۵ تا ۲۰ مؤید این مطلب‌اند. علت افزایش جزیی عدد نوسلت در ناحیه توسعه یافته در یک پکلت ثابت با تغییر عدد N نسبت به سیال نیوتونی ($N=1$) وجود جریانهای ثانویه است.

شکل (۲۱) منحنی تغییرات θ بر حسب N برای رینولدزهای مختلف را نشان می‌دهد. بر اساس این منحنی با افزایش N مشخصه سیال پاورلا و نیز با کاهش عدد رینولدز مقاومت گرمایی میکرومبدل افزایش می‌یابد. از طرفی با افزایش N حساسیت مقاومت گرمایی به عدد رینولدز کاهش می‌یابد. اما در N ‌های کوچک تغییرات مقاومت گرمایی با تغییرات عدد رینولدز شدید است و برای انتخاب یک میکرومبدل با مقاومت گرمایی پایین باید از سیالی با مشخصه N کوچک در رینولدزهای بالا بهره گرفت.

شکل (۲۲) منحنی تغییرات θ را بر حسب عدد پکلت برای N ‌های مختلف نشان می‌دهد. این منحنی نشان می‌دهد که انتخاب سیال با پکلت‌های کوچکتر از 500 مقاومت گرمایی میکرومبدل را به شدت افزایش می‌دهد و در پکلت‌های بالاتر از 1500 مقاومت گرمایی تقریباً مستقل از عدد پکلت می‌شود. در ضمن بر اساس این منحنی چنانچه پکلت ثابت باشد اثربازی مقاومت گرمایی از تغییر N مشخصه سیال پاورلا ناچیز است.

$$NU_z = \frac{hD_h}{k} = \frac{\left. \frac{\partial \theta}{\partial z^+} \right|_{wm}}{\theta_{wm} - \theta_b}$$

که در آن θ_{wm} متوسط محیطی دمای سطح جامد در تماس با سیال است. θ_b دمای متوسط سیال در مقطع مورد نظر است. در محاسبه دمای موضعی سطح می‌توان از یک چندجمله‌ای بهره جست.

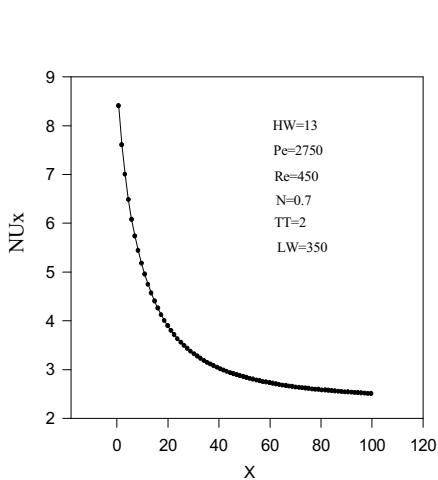
$$\theta_{wm} = \frac{1}{p} \int_p \theta_w ds$$

$$\left. \frac{\partial \theta}{\partial z^+} \right|_{wm} = \frac{1}{p} \int_p \left. \frac{\partial \theta}{\partial y^+} \right|_w$$

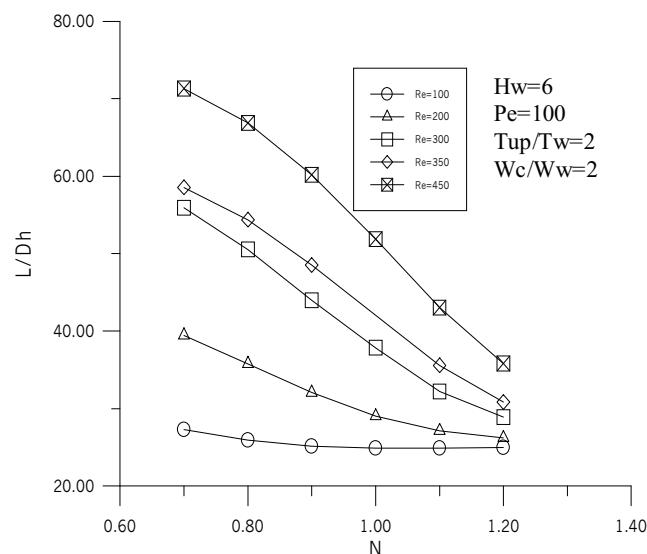
که در آنها p طول محیطی است که در آن انتقال گرما بین سیال و جامد صورت می‌گیرد.

شکل (۱۷) منحنی تغییرات طول ورودی گرمایی را بر حسب N برای رینولدزهای مختلف نشان می‌دهد. برای محاسبه طول ورودی مقدار نوسلت توسعه یافته وقتی تا پنج رقم اعشار ثابت شده است مشخص می‌شود. سپس طولی که عدد نوسلت به $1/1001$ مقدار توسعه یافته می‌رسد به عنوان طول ورودی گرمایی انتخاب می‌شود. بر اساس منحنی به دست آمده با افزایش N در یک R_e ثابت طول ورودی گرمایی کاهش می‌یابد. ولی این کاهش در رینولدزهای پایین ناچیز است. از طرفی با افزایش رینولدز طول ورودی افزایش می‌یابد ولی این افزایش در N ‌های کوچکتر، بیشتر است. به عبارت دیگر در N ‌های بزرگ طول ورودی گرمایی تا حدی مستقل از رینولدز می‌شود.

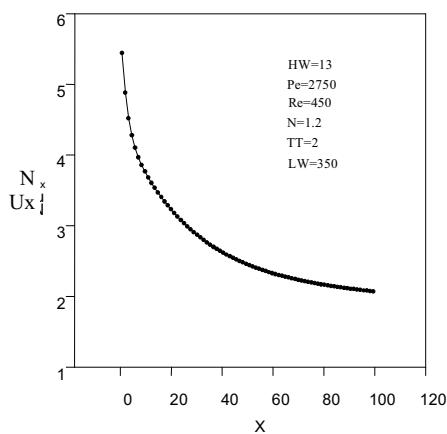
شکلهای (۱۸) تا (۲۰) مقدار نوسلت موضعی (متوسط محیطی) را در طول کanal برای حالتی مختلف نشان می‌دهند. همان گونه که از منحنیها پیداست در پکلت‌های پایین طول ورودی گرمایی ناچیز است و فرض توسعه یافته‌گی برای کل کanal خطایی در بر ندارد، ولی با افزایش عدد پکلت طول ناحیه ورودی گرمایی افزایش یافته به گونه‌ای که در $P_e = 2750$ و $N = 1/2$ کل طول کanal طول ورودی است و فرض توسعه یافته‌گی با خطای فاحش همراه است. ناگفته نماند که این همان عدد پکلتی است که اکثریت قریب به اتفاق محققان از آن



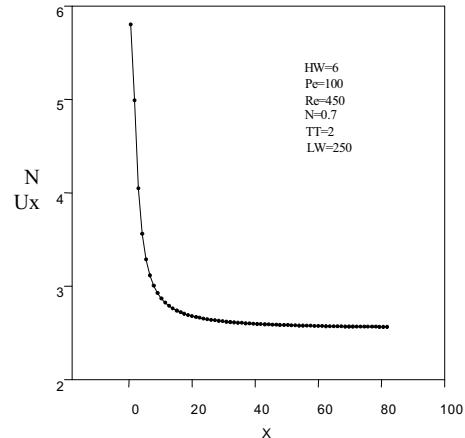
شکل ۱۸- توزیع نوسلت موضعی در طول کanal



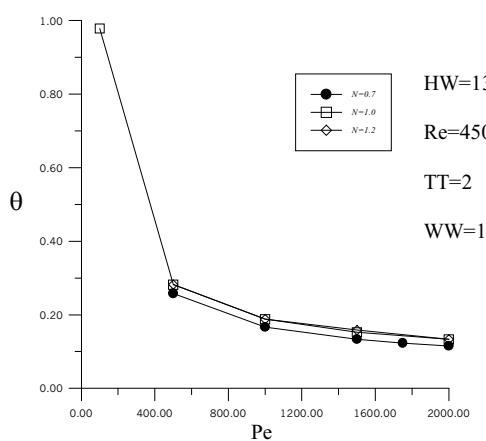
شکل ۱۷- منحنی تغییرات طول ورودی گرمایی
بر حسب N برای رینولدز های مختلف



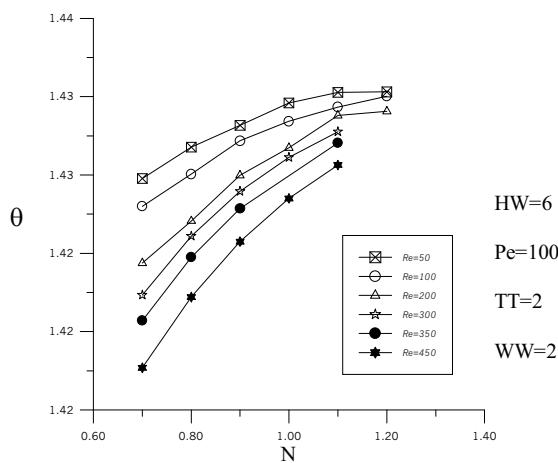
شکل ۲۰- توزیع نوسلت موضعی در طول کanal



شکل ۱۹- توزیع نوسلت موضعی در طول کanal



شکل ۲۲- منحنی مقاومت گرمایی نسبت به Pe



شکل ۲۱- منحنی مقاومت گرمایی نسبت به N

ورودی هیدرودینامیکی و گرمایی همراه با حل سه بعدی معادلات مومنتم و انرژی باشد. و فرض توسعه یافته‌گی با خطای فاحش در تعیین عدد نوسلت متوسط همراه است، به گونه‌ای که گاه این خطا بیش از ۲۵٪ است.

از طرفی از نتایج منحنیهای به دست آمده، بر می‌آید که برای دست یافتن به یک میکرو مبدل با مقاومت گرمایی پایین بايستی:

- نسبت ارتفاع به عرض کanal بالا باشد.
- عدد رینولدز بزرگ باشد.
- عدد پکلت بزرگ باشد.

- مشخصه سیال مورد استفاده N کوچک باشد.
گرچه در چنین شرایطی از پمپ قویتری باستی استفاده کرد.

معدود نتایج تجربی در دسترس‌اند که می‌توان برای حالت خاص $1 = N$ و $P_e = 2750$ و $HW = 13$ و $R_e = 450$ و $T = TT$ نتایج را مقایسه کرد. در این حالت خاص θ به دست آمده از کار فعلی $\frac{W}{C^\circ} = 115230/0.0110$ و [۹] و [۱۰] این مقدار برابر $\frac{W}{C^\circ} = 0.0110$ به دست آمده است. کار فعلی نشان می‌دهد که در همین شرایط چنانچه بتوان از سیالی با N کوچک‌تر استفاده نمود می‌توان به مقاومت گرمایی کمتری دست یافت $\theta = 0.0898$ و $N = 0.07$ ولی در عوض باستی از قدرت پمپاژ بزرگ‌تر بهره جست.

۴- نتیجه‌گیری

بر اساس نتایج به دست آمده از این پژوهش، تحلیل صحیح عملکرد یک میکرو مبدل باید در برگیرنده طولهای

واژه‌نامه

1- Power Law

2- micro-channel heat sink

3- etching

مراجع

1. Tuckerman, D. B., and Pease, R. F. W., "High - Performance Heat Sinking for VLSI," *IEEE Electron Device Letter EDL -2*, PP. 126 - 129, 1981.
2. Tuckerman, D. B., "Heat Transfer Microstructures for Integrated Circuits," P. H. D. Thesis Stanford University , Stanford, CA. , 1984.
3. Mundinger, D. C., " Micro Channel Heat Sinks for High Average Power Laser Diode Arrays," *Proceedings of the SPIE The International Society for Optical Engineering* , 20-22 January, Los Angeles, CA; Vol. 1634, PP 453-465, 1992.
4. Philips, R. J., Glicksman, L., and Larson, R., *Forced-Convection, Liquid-Cooled, Microchannel Heat Sinks for Power-Density Microelectronics*, in Cooling Technology of Electronic Equipment, W. Aung Editor, Hemisphere Publishing Corp., New York, NY, PP. 295-316, 1987.
5. Tuckerman, D. B., and Pease, R. F. W., "Ultra High Thermal Conductance Microstructures for Cooling Integrated Circuits," *Proceeding of the 32nd Electronics Components Conference*, PP 145-149, 1982
6. Knight, R.W., Heat Sink Optimization with Application to Microchannels,"*IEEE Transaction on Components Hybrids, and Manufacturing Technology*, Vol.15, No.5, PP. 832-42, 1992
7. Cho, Y. I. , and Hartnett, J. P., *Handbook of Heat Transfer Application*, McGraw-Hill , New York, 1985.
8. Schechter, R.S., "On the steady flow Non-Newtonian Fluid in Cylinder ducts," *AICheJ.*, Vol. 7,445, 1961.
9. Chandrupatha, A.R., "Analytical and Experimental Studies of Flow and Heat Transfer Characteristics of a Non-Newtonian Fluid in a Square Duct," Ph.D.

- Thesis, Indian Institute of Technology, Madras, India, 1977.
10. Wheeler, J.A., and Wissler, E.H., "The Friction Factor-Reynolds Number Relation For The Steady Flow of Pseudoplastic Fluids Through Rectangular Ducts," *AIChEJ*, Vol. 11, pp. 207-219, 1966.
11. Kosicki, W., Chou, C.H., Tiu, C. and "Non-Newtonian Flow in Ducts of Arbitrary Cross-Sectional Shape;," *Chemical Engineering Science*, Vol. 21, pp. 665-679, 1966.
12. Gao, S.X., and Hartnett, J.P., "Non-Newtonian Fluid Laminar Flow and Forced Convection Heat Transfer in Rectangular Ducts", *Int. Comm. Heat Mass Transfer*, Vol. 19, pp. 673-686, 1992.
۱۳. طالبی، ف.، "تحلیل جریان انتقال گرمای سیال ویسکوالاستیک در کاتالهای غیر مدور" ، پایان نامه دکتری، ۱۳۷۶.