

کمینه‌سازی هزینه توقف خط مونتاژ با استفاده از الگوریتم ژنتیک

رضا توکلی مقدم^{*}، مسعود ربانی^{*} و محمدعلی بهشتی^{**}

گروه مهندسی صنایع، دانشکده فنی، دانشگاه تهران

گروه مهندسی صنایع، دانشگاه علوم و فنون مازندران

(دریافت مقاله: ۱۹/۷/۸۴ - دریافت نسخه نهایی: ۹/۱۰/۸)

چکیده - در این مقاله، یک مدل برنامه‌ریزی غیرخطی عدد صحیح ترکیبی با هدف کاهش هزینه توقف خط در خطوط مونتاژ چند مدلی ارایه می‌شود. امروزه با توجه به دلیل تنوع زیاد محصولات برای پاسخگویی سریع به تقاضاهای متنوع مشتریان، اکثر شرکتهای تولیدی از خطوط مونتاژ چند مدلی استفاده می‌کنند. از آنجا که معمولاً زمان مونتاژ، ترکیب و مقدار قطعات مورد نیاز برای هر مدل متفاوت است، حداقل کردن توقف خط یک عامل عمدی که در تعیین توالی پردازش محصولات مطرح می‌شود. توقف خط موجب بیکاری اپراتورها، بیکاری ماشینها، کاهش تولید و افزایش هزینه سربار و در نهایت کاهش بهره‌وری می‌شود. به علت پیچیدگی این مدل که جزو خانواده مسائل NP-hard است، یک روش فراابتکاری بر اساس الگوریتم ژنتیک برای به دست آوردن حل‌های نزدیک به بهینه در ابعاد بزرگ و در زمان معقول طراحی و پیشنهاد می‌شود. برای نشان دادن کارایی این الگوریتم پیشنهادی، نتایج محاسباتی با حل‌های به دست آمده از نرم‌افزار لینگو مقایسه شده است.

واژگان کلیدی : خط مونتاژ چند مدلی، هزینه توقف، الگوریتم ژنتیک

Minimizing Stoppage Cost of an Assembly Line Using Genetic Algorithm

R. Tavakkoli-Moghaddam, M. Rabbani, and M.A. Beheshti

Department of Industrial Engineering, Faculty of Engineering, University of Tehran

Department of Industrial Engineering, Mazandaran University of Science and Technology

Abstract: This paper presents a nonlinear mixed-integer programming model to minimize the stoppage cost of mixed-model assembly lines. Nowadays, most manufacturing firms employ this type of line due to the increasing varieties of products in their attempts to quickly respond to diversified customer demands. Advancement of new technologies, competitiveness, diversification of products, and large customer demand have encouraged practitioners to use different methods of improving production lines. Minimizing line stoppage is regarded as a main factor in determining the sequence of processing products. Line stoppage results

** - کارشناس ارشد * - دانشیار

in idleness of operators and machines, reduced throughput, increased overhead costs, and decreased overall productivity. Due to the complexity of the model proposed, which belongs to a class of NP-hard problems, a meta-heuristic method based on a genetic algorithm (GA) is proposed to obtain near-optimal solutions in reasonable time, especially for large-scale problems. To show the efficiency of the proposed GA, the computational results are compared with those obtained by the Lingo software.

Keywords: Mixed-model assembly lines, Stoppage cost, GA.

مدلها، زمان عملیات هر مدل، مشخصات قطعات و میزان مصرف آنها در مدل‌های مختلف، سیستم مونتاژ دارای پیچیدگی بیشتری نسبت به حالت تک مدلی است [۲۱و۲]. سیستم تولید به موقع^۳ (JIT)، ابتدا در شرکت تویوتا با عنوان سیستم تولیدی تویوتا مطرح و مورد استفاده قرار گرفت. ایده اصلی سیستم تولیدی تویوتا برقراری یک جریان پیوسته محصولات در کارخانه‌ها به منظور انعطاف‌پذیری برای تطابق با تغییرات تقاضای بازار است. تحقق این ایده از طریق JIT و اطمینان از کیفیت میسر است. تولید JIT به این معنی است که اقلام لازم را به مقدار لازم و در زمان لازم تولید کنیم. به عنوان مثال در فرایند مونتاژ اتومبیل، انواع زیر مونتاژ‌های مورد نیاز باید در زمان لازم و به مقدار لازم از فرایندهای قبلی به خط مونتاژ وارد شوند. اگر JIT در تمام بخش‌های شرکت انجام شود آن گاه موجودی زائد در کارخانه تقریباً به طور کامل حذف می‌شود و به دنبال آن لزوم وجود انبارهای زائد نیز حذف خواهد شد، هزینه‌های نگهداری موجودی حداقل می‌شود و نرخ برگشت سرمایه افزایش خواهد یافت [۲].

۲- ادبیات موضوع

مسئله تعیین توالی خط مونتاژ چندمدلی، از دهه ۱۹۶۰ مطرح شد. فعالیتهای محققان را می‌توان به دو بخش عمده تحقیقات قبل و پس از ظهور سیستم تولیدی JIT تقسیم کرد. در بخش اول، مسئله تعیین توالی تنها با توجه به معیار بازدهی خط تعریف می‌شدند. بخش دوم بیشتر تحقیقات متوجه معیار بازدهی تولید قطعات‌اند. مقالاتی در زمینه بازدهی خط مونتاژ و یا هر دو معیار فوق الذکر نیز وجود دارد که تحقیقات مرتبط در ادامه ارائه می‌شود.

۱- مقدمه

در این مقاله، هدف اصلی نشان دادن کارایی الگوریتم ژنتیک در مقایسه با حل بهینه برای مسئله خط مونتاژ چندمدلی در اندازه کوچک است. ابتدا مدلی برای مسئله مورد نظر با هدف تعیین توالی خط مونتاژ چندمدلی بر اساس حداقل کردن توقفات خط مونتاژ در سیستم تولید به موقع در نظر گرفته می‌شود. سپس رویه حل بر اساس الگوریتم ژنتیک ارائه می‌شود و جوابهای به دست آمده با حل بهینه مقایسه خواهد شد. محصولات، از مونتاژ قسمتهای مختلف یک سیستم تولیدی تشکیل می‌شوند. مونتاژ دادن دو یا چند قطعه مجزا و تشکیل یک نهاد جدید است. خط مونتاژ، که یک نوع سیستم مونتاژ با جریان کار است، برای تولید با حجم زیاد و نگهداری موجودی کم استفاده می‌شود. کار می‌تواند به فعالیتهای کوچک به نام عناصر کاری تقسیم شود و امکان تخصیص فعالیتها به ایستگاهها روی خط وجود دارد، یک خط مونتاژ شامل دو عنصر اصلی است: یکی انجام‌دهنده عملیات یا اپراتور^۱ و دیگری سیستم انتقال مواد^۲.

یک خط مونتاژ شامل چند ایستگاه کاری است که اپراتورها در آنها عملیات روی قطعه کار را انجام می‌دهند. محصول در حین انجام عملیات ممکن است به مصرف قطعه یا قطعاتی نیاز داشته باشد. سیستم انتقال مواد معمولاً به صورت نقاله متحرک است که جریان کار بین ایستگاهها را انجام می‌دهد. قطعه کار در هر ایستگاه کاملتر شده و در نهایت به صورت محصول تکمیل شده از خط خارج می‌شود [۱].

در خط مونتاژ چند مدلی، چند نوع مدل از یک نوع محصول تولید می‌شود. بنابراین در این حالت علی‌رغم وجود تشابه فرایند هر مدل در خط مونتاژ به علت تفاوت مشخصات

خط را با توجه به وضعیت ایستگاه تعريف می‌کند. کوتیر و دارل [۶] برای حالت خط مونتاژ پیوسته، مدل‌هایی را در دو حالت جداگانه ایستگاههای باز و بسته ارائه می‌کنند. هدف مدل آنها این است که برای یک تقاضای مشخص، ترتیبی به دست آورند که طول خط مونتاژ حداقل شود. سپس الگوریتمهای فرابتکاری را برای حل مدلها ارائه می‌کنند.

خیابو و اونو [۷و۸] با ارائه دو مقاله به فاصله سه سال از هم در مورد توقف خط بحث می‌کنند. آنها در مقاله اول با استفاده از روش شاخه و کران، می‌خواهند ترتیب بهینه‌ای بیانند که کل زمان توقف خط را حداقل کند و در مقاله دوم با بیان مجدد الگوریتم شاخه و کران که تنها برای مسایل کوچک می‌توان استفاده کرد، استفاده از روش SA^۹ برای به دست آوردن حل‌های تقریباً بهینه برای مسایل بزرگ را مفید می‌دانند.

بولات و همکاران [۹] یکی از مسایل خطوط مونتاژ چند مدلی را پیدا کردن ترتیب بهینه‌ای که هزینه‌های ناشی از ناکارایی ایستگاهها را حداقل کند، معرفی می‌کنند. آنها این ناکارایی را ناشی از آماده سازیها^۵ و مطلوبیت کارها^۶ می‌دانند. آنها مسئله را به صورت یک برنامه‌ریزی ریاضی عدد صحیح مختلط فرموله کرده و در ادامه از الگوریتم شاخه و کران برای حل آن استفاده کرده‌اند. آنها با توجه به محدودیت الگوریتم شاخه و کران از نظر محاسبات، دو الگوریتم فرابتکاری برای حل مسایل واقعی با زمان محاسبه قابل قبولی ایجاد کرده‌اند.

توكلی مقدم و رحیمی واحد [۱۰] بیان می‌کنند که خطوط مونتاژ چند مدلی نوعی از خطوط مونتاژ هستند که مدل‌های مختلف محصولات با مشخصات مشابه در سیستم تولیدی JIT مونتاژ می‌شوند. آنها سه هدف را به طور همزمان بررسی کردند که این سه هدف عبارت اند از : کل هزینه کار مفید، کل هزینه انحراف نرخ تولید و کل هزینه آماده‌سازی. سپس این سه هدف را بر اساس اهمیت وابستگی وزن‌دهی کردند و مدل ریاضی جدیدی ارائه کردند. برای حل این مدل و تعیین توالی مناسب الگوریتم ممتیک^۷ (MA) را پیشنهاد کرده و کارایی روش MA پیشنهادی را با نرم‌افزار لینگو^۶ مقایسه کرده‌اند. تعداد مسایل

ماندن [۲] علاوه بر بیان روش‌های Goal-Chasing که تنها به بازدهی تولید قطعات می‌پردازند، به روش شرکت تویوتا برای درنظر گرفتن معیار بازدهی خط مونتاژ در تعیین توالی محصولات نیز اشاره می‌کند. در سیستم تولیدی تویوتا، تعادل خط به صورتی انجام می‌شود که مدل اتومبیلی که دارای زمان مونتاژ کل بزرگتری است همیشه دارای زمان عملیات بیشتری در هر فرایند (ایستگاه) خط است. برای رفع امکان ایجاد ترتیبهای متوالی از محصولاتی با زمانهای بزرگ، تمام اتومبیلها براساس زمان کل مونتاژ به سه طبقه بزرگ، متوسط و کوچک تقسیم می‌شوند. یک محصول از بین این سه طبقه طوری انتخاب می‌شود که تعدیل در زمانهای مونتاژ کل در طول افق برنامه‌ریزی ایجاد شود یا به عبارت دیگر سرعت ثابت خط حفظ شود.

یاماشینا و اوکامورا [۳] در حالت خط مونتاژ پیوسته فرمولبندی جدیدی با هدف حداقل کردن هزینه توقف نوار نقاله ارائه می‌کنند و سپس یک روش فرابتکاری کارایی را برای مسائل با مقیاس بالا معرفی می‌کنند. در این مدل برای حداقل کردن هزینه توقف نوار نقاله سعی می‌شود که حداقل نقطه اتمام عملیات محصولات روی ایستگاهها حداقل شود. آنها ادعا می‌کنند که اگر حداقل نقطه ابتدای عملیات مدلها روی ایستگاهها نیز حداقل شود آن گاه جواب یکسانی با حالت قبل وجود خواهد داشت. در روش فرابتکاری آنها، ابتدا یک ترتیب اولیه تهیه می‌شود و مقدار فوق به دست می‌آید. سپس با تعویض محصولات در ترتیب سعی می‌شود که این مقدار کاهش یابد.

بارد و همکاران [۴] در حالت خط مونتاژ پیوسته با توجه به مشخصه‌های مهم طراحی خط، چند مدل بهینه‌سازی تعیین توالی را ارائه می‌کنند. آنها از ترکیب این مشخصات و دو هدف طراحی شامل حداقل کردن طول خط و حداقل کردن مدت زمان اتمام کل تولید چند مدل بهینه‌سازی ارائه می‌کنند. تامپولس [۵] برای خط مونتاژ پیوسته، مدلی را ارائه می‌دهد. در این مدل، ترکیبی از چهار نوع وضعیت بسته، باز، بسته به راست و باز به چپ، بسته به چپ و باز به راست برای ایستگاهها در نظر گرفته می‌شود. چهار نوع معیار عدم کارایی

دلیل دara بودن فضای شدنی بسیار بزرگ و تعداد زیاد جوابهای بهینه موضعی به دست آمده، جزو مسائل ترکیبی مشکل به حساب می‌آیند. آنها یک الگوریتم ژنتیک چند هدفه را به عنوان یک الگوریتم هوشمند برای برنامه زمانبندی خط مونتاژ چند مدلی ارائه کردند. روش رتبه‌دهی پارتو و روش پراکنده‌گی فاصله‌ای را برای ارزیابی برآنشدگی استفاده کردند. نتایج محاسباتی نشان می‌دهد که الگوریتم ژنتیک چند هدفه پیشنهادی، کاراست.

سیماریا و ولارینهو [۱۴] یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی و یک رویه الگوریتم ژنتیک تکرارشونده برای مسئله تعادل خط مونتاژ چند مدلی در ایستگاههای کاری موازی را ارائه کردند، که در آن هدف حداکثر کردن نرخ تولید خط با تعداد اپراتورهای معین است. مسئله مذکور، در مورد برخی مسائل مربوط به محدودیتهای عملیاتی خطوط مونتاژ در دنیای واقعی، همانند محدودیتهای منطقه‌بندی و بالانس بارکاری نیز صادق است. همچنین به تصمیم‌گیرنده اجازه می‌دهد که ایجاد ایستگاههای کاری موازی را تحت کنترل خود درآورد.

منصوری [۱۵] یک الگوریتم ژنتیک چند هدفه با نگرش بر مشکل توالی سیستم JIT را ارائه کرد، که در آن انحراف نرخ تولید و تعداد آماده‌سازیها به طور همزمان بهینه می‌شوند. این دو هدف به نوعی ارتباط معکوس با یکدیگر دارند، بنابراین بهینه‌سازی همزمان هر دو آنها مشکل است. این نوع مسئله جزو مسائل NP-hard بوده و دستیابی به راه حل برنامه‌ریزی خطی، برنامه‌ریزی عدد صحیح یا به وسیله راه حل TE^{۱۰} محاسباتی، مشکل است. در جایی که حداقل سازی انحرافات نرخ تولید و تعداد آماده‌سازیها به طور همزمان مورد نظر باشد، روش الگوریتم ژنتیک چند هدفه برای یافتن بهینه موضعی پارتو به کار می‌رود. کارایی الگوریتم ژنتیک چند هدفه پیشنهادی، در مقابل روش TE برای مسائل کوچک و همچنین در مقابل سه روش جستجوی ابتکاری برای مسائل کوچک، متوسط و بزرگ مقایسه شده است. نتایج عملی نشان می‌دهد که کارایی الگوریتم ژنتیک چند هدفه در مقایسه با TE، بسیار

آزمایشی اجرا شده، توانایی خوب MA پیشنهادی را با توجه به زمان محاسبات و کیفیت جوابها تایید می‌کند. نتایج محاسباتی نشان می‌دهد که MA، نتایج رضایت‌بخشی را به خصوص در مسائل با ابعاد بزرگ ارائه می‌دهد.

رحیمی واحد و همکاران [۱۱] توالی تولید برای خط مونتاژ چند مدلی در سیستمهای JIT با توجه به مدل چند هدفه ارائه کردند. این مدل، سه هدف اصلی را به طور همزمان حداقل می‌کند: کل کار مفید، کل انحراف نرخ تولید و کل هزینه آماده‌سازی. به علت اینکه مسئله مورد نظر جزو مسائل NP-hard است، لذا یک روش جدید بر اساس MOPS^۸ برای جستجوی موضعی مرز بهینه پارتو طراحی کردند. برای اعتباردهی کارایی الگوریتم پیشنهادی، مسائل آزمایشی مختلف حل شده‌اند و قابلیت اطمینان الگوریتم پیشنهادی بر اساس برخی استانداردهای مقایسه‌ای، با سه الگوریتم ژنتیک چند هدفه متمایز SPEA-II، NSGA-II و PS-NC GA مقایسه شد. مقایسه‌ها نشان می‌دهد که MOPS نتایج بهتری نسبت به الگوریتمهای ژنتیک چند هدفه ارائه می‌کند.

رحیمی واحد و همکاران [۱۲] سه هدف را به طور همزمان بررسی کردند که این اهداف عبارت‌اند از: حداقل کردن کل کار مفید، انحراف کل نرخ تولید و کل هزینه آماده‌سازی. یک مسئله توالی چند هدفه و فرمولبندی آن را تشریح کردند. از آنجایی که مسئله مورد نظر جزو مسائل NP-hard است، لذا یک روش جدید بر اساس MOSS^۹ برای جستجوی موضعی مرز بهینه پارتو برای مسئله طراحی کردند. برای اعتباردهی کارایی الگوریتم پیشنهاد شده بر حسب کیفیت جواب و تنوع سطح، مسائل آزمایشی مختلف ساخته شده‌اند و قابلیت اطمینان الگوریتم پیشنهادی بر اساس برخی استانداردهای مقایسه‌ای، با سه الگوریتم ژنتیک چند هدفه مهم یعنی SPEA-II، NSGA-II، PS-NC GA مقایسه شد. نتایج محاسباتی نشان می‌دهد که MOSS کارایی بیش از انتظار نسبت به الگوریتمهای ژنتیک موجود به خصوص برای مسائل با ابعاد بزرگ، ارائه می‌کند.

جیانفنگ و همکاران [۱۳] مسائل برنامه‌ریزی زمانبندی به

چندمدلی بیان کرده‌اند. آنها تعریفی برای اجزای قطعات و توالی ماندگاری قطعات در نظر گرفتند و ارتباط آنها را با مقدار تابع هدف مربوط به جوابهای بهینه، تجزیه و تحلیل کردند. آنها یک الگوریتم ابتکاری جدیدی به نام "الگوریتم واریانس" ایجاد کردند. آزمایشات عددی نشان می‌دهند که الگوریتم جدید می‌تواند جوابهای بهتری را با محاسبات اضافی کمتر ارائه دهد. با کچین و راینویچ [۱۹] یک فرض عمومی در ادبیات بالانس خط مونتاژ چند مدلی آن است که یک فعالیت مشترک در مدل‌های گوناگون، باید به یک ایستگاه تخصیص یابد. آنها این محدودیت را برداشتند، و به یک فعالیت مشترک اجازه می‌دهند که به ایستگاه‌های مختلف برای مدل‌های گوناگون تخصیص یابد. آنها به دنبال حداقل‌سازی مجموع هزینه‌های ایستگاهها و فعالیت تکراری‌اند. سپس یک روش حل بهینه بر پایه الگوریتم شاخه و کران برگشتی ایجاد می‌کنند و کارایی آن را به وسیله مجموعه‌ای از آزمایشات بزرگ مورد ارزیابی قرار می‌دهند. سپس یک روش ابتکاری بر پایه روش شاخه و کران برای حل مسایل با ابعاد بزرگ بسط داده شده است. جوابهای ابتكاری با یک حد پایین مقایسه شده و آزمایشات نشان می‌دهند که روش‌های ابتكاری حل‌های خیلی بهتری نسبت به روش‌های سنتی ارائه می‌دهند.

نورالحق و همکاران [۲۰] تولید انبوه صرفه‌جویی هزینه‌های زیادی را برای تولید کننده‌ها در صنایع گوناگون فراهم می‌آورند. با رشد روند تغییرات بیشتر و دوره عمر کوتاه‌تر محصولات، تولید انبوه سنتی با خطوط مونتاژ جایگزین می‌شود. بازار کنونی کاملاً رقابتی و مشتری محور است. خطوط مونتاژ چند مدلی در بسیاری از محیط‌های صنعتی رو به افزایش هستند. آنها به بالانس خطوط مونتاژ چند مدلی برای n مدل می‌بردازند و یک روش الگوریتم ژنتیک کلاسیک را برای حداقل‌سازی تعداد ایستگاه‌های کاری به کار می‌برند. آنها همچنین یک روش الگوریتم ژنتیک تلفیقی را به کار گرفتند، که جواب را از روش رتبه‌دهی اصلاحی برای حل‌های اولیه برای کاهش فضای جستجو نسبت به کل فضا، از راه کاهش زمان جستجو، به

خوب بوده و به طور قابل ملاحظه‌ای زمان کمتری داشته است. پونامبالام و همکاران [۱۶] کارایی الگوریتم ژنتیک را برای مسایل توالی در خطوط مونتاژ چند مدلی بررسی کردند. مسئله‌ای که در ابتدا مورد بررسی قرار گرفته، مقایسه‌ای بین الگوریتم موجود و الگوریتم ژنتیک پیشنهادی برای رسیدن به استفاده یکنواخت هر قطعه مورد استفاده در خط، با در نظر گرفتن تغییرات در چهار سطح (محصول، زیر مونتاژ، اجزا و مواد اولیه) بوده است. آنها الگوریتم پیشنهاد شده توسط میلتبرگ و سینامون در سال ۱۹۹۲ را با الگوریتم ژنتیک پیشنهادی به کار برده شده برای خط مونتاژ چند مدلی مقایسه کرده‌اند. نتایج ارزیابی نشان می‌دهد که کارایی الگوریتم ژنتیک در بیش از ۲۵ مسئله از ۴۰ مسئله بررسی شده، بهتر است. مسئله حل شده دیگر، مسئله توالی چند هدفه در خطوط مونتاژ چند مدلی است. سه هدف مهم کاربردی عبارت‌اند از: حداقل‌سازی کل کار مفید با حفظ نرخ یکنواخت مصرف قطعات، حداقل‌سازی تغییرپذیری در مصرف قطعات و حداقل‌سازی هزینه آماده‌سازی کل. آنها کارایی مکانیزم‌های انتخاب سطح معمر پارتو و انتخاب بر پایه مقدار تابع برآش عددی با توجه به اهداف حداقل‌سازی انحراف مصرف قطعات، حداقل‌سازی کل کار مفید و حداقل‌سازی کل هزینه آماده‌سازی را با هم مقایسه کرده‌اند. نتایج ارزیابی نشان می‌دهد که الگوریتم ژنتیک که از رویه سطح معمر پارتو استفاده کرده، کارایی بهتری نسبت به الگوریتم ژنتیک که از مکانیزم‌های انتخاب دیگر استفاده می‌کنند، دارد.

ارdal ارل و همکاران [۱۷] از یک روش ^{۱۱} BS برای حل مسئله توالی مدل در خطوط مونتاژ چند مدلی استفاده می‌کنند. به ویژه، آنها روی شش الگوریتم BS برای انحراف مصرف قطعات و سنجش کارایی تسطیح بار کار کردند. نتایج محاسباتی آزمایشها نشان می‌دهد که روش‌های پیشنهادی BS با روش‌های ابتكاری قابل رقابت‌اند.

مینگزو جین و دیوید وو [۱۸] روش ^{۱۲} GS را یک الگوریتم عمومی در سیستم JIT برای مسئله بالانس خط مونتاژ

نظر ماندن مبنی بر جلوگیری از وقوع توالی محصولات با زمانهای عملیاتی نسبتاً بزرگ استفاده می‌شود.

یاماشینا و اوکومورا [۳] نیز مدلی را برای حداقل کردن هزینه توقف خط ارائه می‌کنند و روش حل فرالبتکاری آنها در جهت کاهش حداقل نقطه اتمام عملیات محصولات یا کاهش حداقل نقطه شروع عملیات در ایستگاهها عمل می‌کند. مؤلفان روشهایی را برای یافتن ترتیبهای اولیه و تعداد آنها برای دستیابی به ترتیب بهینه با یک فاصله اطمینان مشخص و همچنین نحوه تعویض محصولات در ترتیب را نیز ارائه می‌دهند.

۲-۴- فرضیات مدل

فرضیات در نظر گرفته شده برای مدل عبارت‌اند از:

- خط انتقال به صورت پیوسته عمل می‌کند.
- خط دارای نرخ تغذیه ثابت است.
- قبل تعادل خط مونتاژ صورت گرفته است.
- زمان آماده‌سازی صفر است و ترتیب محصولات، تاثیری در زمانهای عملیاتی ندارد.
- در هر ایستگاه، یک اپراتور یا یک گروه اپراتور که به‌طور همزمان روی یک محصول عمل می‌کنند وجود دارد.
- هزینه اپراتور و هزینه‌های خط مونتاژ در نظر گرفته نمی‌شوند.

۳-۱- تعریف علائم

علائم مورد استفاده در مدل عبارت‌اند از:

$M =$ تعداد ایستگاهها

$I =$ تعداد مدل‌های محصول

$i =$ شمارنده نوع مدل ($i=1,2,\dots,I$)

$m =$ شمارنده ایستگاه ($m=1,2,\dots,M$)

$d_i =$ تقاضای تولید مدل i

$$Q = \sum_{i=1}^I d_i \quad Q = \text{کل تقاضای تولید}$$

$k =$ شمارنده موقعیت یک مدل در توالی.

$t_{im} =$ زمان عملیات یک واحد از مدل i در ایستگاه m

$\alpha'_m =$ ضریب تفاوت ایستگاهها در وقوع توقف خط

دست می‌آورد. این رویه در قالب چندین مثال نشان داده شده است. نرم افزار مورد استفاده برای برنامه‌نویسی این رویه، زبان C++ است.

۳-۲- مسئله حداقل کردن توقفات خط

این مسئله در خطوط مونتاژ چند مدلی از نوع پیوسته ایجاد می‌شوند. در این حالت چون اپراتور ضمن انجام عملیات حرکت می‌کند، بنابراین عملیات در هر ایستگاه باید در محدوده ایستگاه انجام گیرد. اگر طول ایستگاه m را L_m و سرعت حرکت خط را ثابت V_c بنامیم آن گاه زمان ایستگاه (STM) یا حداقل مدت زمانی که می‌توان در طول L_m عملیاتی را انجام داد برابر است با:

$$STM = \frac{L_m}{V_c}$$

در خطوط مونتاژ چند مدلی، تمام مدل‌ها دارای زمان عملیات یکسانی در هر ایستگاه نیستند. اگر فرض کنیم که زمان عملیات تمام مدل‌ها در یک ایستگاه کوچکتر از STM باشد باز هم به علت توالی عملیات قطعه‌کارها ممکن است اپراتور نتواند در طول محدوده ایستگاه، عملیات یک قطعه کار را تکمیل کند. در این صورت یک قطعه کار ناتمام در آن ایستگاه به وجود می‌آید. این توقفات (به طور کلی وقوع قطعه کار ناتمام) سبب تاخیر در تکمیل عملیات مدل‌ها و افزایش زمان کل مونتاژ محصول می‌شود [۳ و ۴]. بنابراین مسئله ترتیب بندي محصولات روی خط مونتاژ چند مدلی بدین معناست که با چه ترتیبی محصولات روی خط مونتاژ تولید می‌شوند به نحوی که اهداف مطلوب در نظر گرفته شوند.

۳-۳- تشریح نظرات موجود با مسئله

ماندن [۲] اشاره می‌کند که برای حداقل کردن هزینه توقف خط باید از دادن چند محصول با زمانهای عملیاتی نسبتاً بزرگ به‌طور متواتی به خط پرهیز کرد و مناسب است که پس از هر محصول با زمان عملیاتی نسبتاً بزرگ، یک محصول با زمان عملیاتی نسبتاً کوچک قرار گیرد. در مدل در نظر گرفته شده از

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	1	2	1	3	3	2	2	3	2

شکل ۱- ساختار کروموزوم

تکاملی داروین الهام گرفته شده است و کارکرد آن بر اساس ژنتیک طبیعی استوار است. جواب مسئله‌ای که از طریق الگوریتم ژنتیک حل می‌شود، مرتبا بهبود می‌یابد. الگوریتم ژنتیک با مجموعه‌ای از جوابها که از طریق کرموزومها نشان داده می‌شوند شروع می‌شود. این مجموعه جواب جمعیت اولیه نام دارند. در این الگوریتم جوابهای حاصل از یک جمعیت برای تولید جمعیت بعدی استفاده می‌شوند. در این فرایند امید است که جمعیت جدید نسبت به جمعیت قبلی بهبود یابد. انتخاب بعضی از جوابها از میان کل جوابها (والدین^{۱۳}) به منظور ایجاد جوابهای جدید یا همان فرزندان^{۱۴} بر اساس مطلوبیت آنهاست. طبیعی است که جوابهای مناسبتر شناسی بیشتری برای تولید مجدد داشته باشند. این فرایند تا ارضای شروط از پیش تعیین شده (مانند تعداد جمعیت یا میزان بهبود جواب) ادامه می‌یابد.

۴- ساختار کروموزوم

کروموزوم بیانگر ساختار حل یا جواب شدنی مسئله مورد نظر در قالب ژنتیکی است. برای مسایلی که قبلاً مدل‌سازی شده‌اند، متغیرهای تصمیم می‌توانند الگوی مناسبی برای طراحی کروموزوم باشند. با توجه به ماهیت متغیر تصمیم مدل را به شده؛ می‌توان کروموزوم را به صورت یک رشته خطی با Q ژن در نظر گرفت به طوری که هر ژن می‌تواند مقداری بین ۱ تا I اختیار کند. این نحوه ارائه؛ به طور خودکار محدودیت (۱) مدل را ارضاء خواهد کرد. برای اراضی محدودیت (۲) مدل، لازم است تعداد d_i ژن از کروموزوم؛ مقدار i را اختیار کنند. این مورد باید توسط یک سایبروئین بعد از تولید هر کروموزوم کنترل شود.

شکل (۱) ساختار کروموزوم برای یک مسئله نمونه با $I=3$ و $Q=10$ به طوری که $d_1=2$, $d_2=5$ و $d_3=3$ نشان می‌دهد.

$$\alpha'_m = \frac{\text{Max}_i \{ t_{im} \}}{L_m}$$

$\bar{T}_m = \bar{T}_m$ = متوسط زمان عملیاتی یک واحد در ایستگاه

$$\bar{T}_m = \frac{\sum d_i t_{im}}{Q}$$

L_m = طول ایستگاه

X_{ik} = ۱؛ اگر یک واحد از مدل i به موقعیت ترتیب تخصیص یابد و ۰ در غیر این صورت

۴-۳- مدل پیشنهادی

مدل بهینه‌سازی در نظر گرفته شده با هدف حداقل کردن

هزینه توقف خط به صورت زیر خواهد بود:

$$\text{Min} \sum_{m=1}^M \alpha'_m \sum_{k=2}^Q \left| \sum_{i=1}^I t_{im} (X_{ik} + X_{i(k-1)}) - 2\bar{T}_m \right|$$

s.t.

$$\sum_k X_{ik} = d_i \quad i=1,2,\dots,I \quad (1)$$

$$\sum_i X_{ik} = 1 \quad k=1,2,\dots,Q \quad (2)$$

$$X_{ik} \in \{0,1\} \quad i=1,2,\dots,I ; k=1,2,\dots,Q$$

محدودیت گروه (۱)، تولید تقاضای مدلها در افق برنامه‌ریزی و محدودیت گروه (۲)، تخصیص یافتن یک واحد محصول به یک موقعیت ترتیب را تضمین می‌کنند.

۴- طراحی الگوریتم ژنتیک

الگوریتم ژنتیک روشی است که در آن از انتخاب تصادفی کدها در فضای مشخص به جواب قابل توجهی در مسایل رسیده می‌شود. الگوریتم ژنتیک یک روش آماری برای بهینه‌سازی و جستجوست که بخش محاسبات تکاملی است که خود زیر شاخه‌ای از هوش مصنوعی است. ویژگیهای خاص این الگوریتم باعث می‌شود که نتواند آن را یک جستجوگر تصادفی قلمداد کرد در واقع ایده اولیه این روش از نظریه

نقطه برش									
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	1	2	1	3	1	2	2	2	3
1	2	2	3	3	3	2	2	3	2

شکل ۳- دو فرزند حاصل از عملگر تقاطعی کلاسیک

نقطه برش									
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	1	2	1	3	3	2	2	3	2
1	2	2	3	3	1	2	2	2	3

شکل ۲- دو حل شدنی به عنوان کروموزوم های والد

تجدید نظر قرار گیرد. به عنوان نمونه؛ کروموزومهای شکل (۲) را به عنوان والد در نظر بگیرید؛ در حالت کلاسیک یک نقطه برش در طول کروموزوم به صورت تصادفی و یکنواخت انتخاب می کنیم (مثلاً نقطه ۴). سپس بخش های متناظر والدین را با یکدیگر تعویض می کنیم. بدین ترتیب فرزندان جدید به صورت شکل (۳) تولید می شوند. به وضوح مشاهده می شود که هر دو کروموزوم تولید شده در شکل (۳) نشدنی هستند زیرا هر دو کروموزوم محدودیت (۱) را نقض کرده اند. یافتن یک نقطه برش آرمانی که شدنی ماندن فرزاندن جدید را تضمین کند؛ عملای ممکن نیست. برای غلبه بر این مشکل از یک رویکرد ترتیبی و جایگزینی استفاده شده است به طوری که حتی المقدور فرزندان تولید شده؛ بیشترین خصوصیات را از والدین خود به ارث ببرند.

در این روش، ابتدا همان عملگر تقاطعی کلاسیک را بر روی والدین اعمال می کنیم. سپس مقادیر ژنی را در کروموزومهای جدید از مکان برش از چپ به راست (یا برعکس) در صورت شود. به عنوان نمونه، مجدد کروموزومهای شکل (۲) را به عنوان والد در نظر بگیرید؛ و فرض کنید نقطه برش همان مکان ۴ باشد. شکل (۴) فرزندان اصلاح شده را بعد از اعمال عملگر تقاطعی نشان می دهد. فرزندان جدید به غیر از چند ژن معدود تا حد امکان به والدین خود شبیه اند.

۲-۲-۴- عملگر جهش استاندارد
ساختار ارائه شده برای کروموزوم به گونه ای است که

نقطه برش									
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	1	2	1	3	1	3	2	2	3
1	2	2	3	3	3	2	2	3	2

شکل ۴- دو فرزند حاصل از عملگر تقاطعی اصلاح شده

۴-۲- عملگرهای ژنتیکی

برای جستجو و پیمایش فضای شدنی، نیاز به طراحی عملگرهای ژنتیکی مناسب با توجه به ساختار ارائه شده برای کروموزوم است. در این طراحی از سه عملگر تقاطعی اصلاح شده، جهش و معکوس استفاده شده است. همچنین از عملگر ترکیب مجدد^{۱۵} نیز برای استفاده از خبره ترین حلها نسل قبل استفاده شده است. در زیر به تفصیل نحوه عملکرد هر عملگر و اصلاحات آنها برای مسئله مورد بررسی آورده شده است.

۴-۱-۲- عملگر تقاطعی اصلاح شده

عملگر تقاطعی عبارت است از آمیزش دو عضو از جمعیت والد و تولید دو فرزند جدید؛ به طوری که هر فرزند نیمی از خصوصیات ژنتیکی و ساختاری والدین خود را در برداشته باشد. اعمال عملگر تقاطعی به صورت استاندارد به احتمال زیاد موجب تولید کروموزومهای نشدنی خواهد شد. چرا که رویکرد استاندارد به راحتی موجب نقض محدودیت (۱) مدل خواهد شد. در نتیجه این عملگر برای مسئله کاهش ریسک خط مورد

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	1	3	3	1	2	2	2	3	2

شکل ۶- فرزند جدید حاصل از عملگر معکوس

برازندگی هر نسل محاسبه و مقدار هر برازندگی به صورت زیر نرماییزه می شود.

$$z_i^g = \frac{f_i^g - \mu_g}{\delta_g} \in [-1, 1]$$

$$\delta_g = \left(\frac{\sum_{i=1}^K (f_i^g - \mu_g)}{K} \right)^{\frac{1}{2}}$$

نسل g		
کروموزومها	مقدار برازندگی	برازندگی نرماییزه
x_1^g	f_1^g	z_1^g
x_2^g	f_2^g	z_2^g
x_K^g	f_K^g	z_K^g
میانگین و واریانس	μ_g , δ_g	

جمعیت والد، آن دسته از کروموزومهای نسل فعلی اند که $0 \leq z_i^g \leq 1$ چرا که تابع هدف از نوع کمینه سازی است و هدف یافتن کروموزومها با برازندگی کمتر است. کروموزومهای نسل $g+1$ با استفاده از جمعیت والد و عملگرهای ژنتیکی تولید می شوند.

نسل $g+1$		
کروموزومها	مقدار برازندگی	برازندگی نرماییزه
$x_1^{(g+1)}$	$f_1^{(g+1)}$	$Z_1^{(g+1)}$
$x_2^{(g+1)}$	$f_2^{(g+1)}$	$Z_2^{(g+1)}$
$x_K^{(g+1)}$	$f_K^{(g+1)}$	$Z_K^{(g+1)}$
میانگین و واریانس	$\mu_{(g+1)}$, $\delta_{(g+1)}$	

۴-۵- معیار توقف

برای توقف الگوریتم، از معیارهای زیر استفاده شده است:

- (الف) حداقل تعداد نسلها.
- (ب) حداقل مقدار واریانس مجاز نسل.
- (ج) تساوی میانگین و واریانس دو نسل متواالی.
- (د) حداقل زمان اجرای الگوریتم.

۴-۶- گام‌های الگوریتم ژنتیک

گام ۰- پارامترهای اولیه را به صورت زیر مقداردهی کنید:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	1	2	1→2	3	3	2→1	2	3	2

شکل ۵- نحوه اعمال عملگر جهش کلاسیک

می توان از جهش استاندارد بخوبی استفاده کرد. برای این کار یک کروموزوم از جمعیت والد، مانند شکل (۲)، به تصادف انتخاب می کنیم؛ سپس دو مکان متمایز در بازه $[1, Q]$ نیز به تصادف انتخاب کرده و مقادیر ژن این دو مکان را بروی کروموزوم منتخب مانند شکل (۵) تعویض می کنیم.

۴-۲-۳- عملگر معکوس

عملگر معکوس حالت تعییم یافته‌ای از عملگر جهش است که بر روی یک زیر رشته از کروموزوم منتخب اعمال شده و مقادیر ژن زیر رشته را معکوس می کند. برای این کار یک کروموزوم از جمعیت والد، مانند شکل (۲)، به تصادف انتخاب می کنیم؛ سپس دو مکان متمایز در بازه $[1, Q]$ که معرف یک زیر رشته است، نیز به تصادف انتخاب کرده و مقادیر ژن بین این دو مکان را به روی کروموزوم منتخب تعویض می کنیم. در شکل (۶) زیر رشته بین مکانهای ۳ و ۶ معکوس شده است.

۴-۳- تولید جمعیت اولیه (نسل اول)

برای تولید نسل اول، با فرض ثابت بودن جمعیت در هر نسل، از یک تخصیص تصادفی ساده بر حسب توزیع یکنواخت گستته استفاده شده است. بدین ترتیب که برای هر محصول n تعداد d ژن به تصادف انتخاب و مقدار ژن آن برابر $\frac{n}{d}$ تنظیم می شود. یک سایر وظین خاص، عدم تشابه کروموزومهای تولید شده در هر نسل را بررسی می کند.

۴-۴- نحوه انتخاب جمعیت والد

برای انتخاب جمعیت والد از نسل فعلی؛ به منظور تولید نسل بعدی، از روش نرماییزه کردن برازندگی کروموزومهای نسل فعلی استفاده می شود. بدین ترتیب که میانگین و واریانس

جدول ۲- مسئله نمونه با توجه به زمان عملیات و تقاضای محصول در بازه [۱-۱۰] و طول ایستگاه در بازه [۵-۱]

مسئله نمونه							
Station (ایستگاه)	۲	۳	۴	۵	۷	۹	
Product (محصول)	۳	۴	۵	۶	۸	۱۰	
مسئله نمونه							
Station (ایستگاه)	۳	۴	۵	۶	۸	۱۰	
Product (محصول)	۲	۳	۴	۵	۷	۹	

مسایل طراحی شده را نشان می‌دهد.

۲- حل مسئله و تحلیل نتایج

در این قسمت، نتایج حل مسئله با استفاده از الگوریتم ژنتیک برای حداقل کردن توقفات خط ارایه می‌شود و برای آزمودن صحت جواب به دست آمده از الگوریتم، از نرم‌افزار Lingo استفاده شده است. سپس در جدولی زمان اجرا توسط نرم‌افزار و الگوریتم ژنتیک، مقدار تابع هدف به دست آمده از نرم‌افزار و مقدار اختلاف بهترین تابع هدف به دست آمده از نرم‌افزار و الگوریتم ژنتیک ارایه می‌شود، جداول (۳) و (۴) و نمودارهای (۱) و (۲). سپس با توجه به جداول ارایه شده، میانگین زمان اجرا و مقدار خطای الگوریتم ژنتیک با نرم‌افزار مقایسه می‌شود. در نتیجه می‌توان گفت که الگوریتم ژنتیک در زمانی قابل قبول جوابی مناسب با مقدار خطای کم را نتیجه می‌دهد. بنابراین الگوریتم پیشنهادی مناسب و کارایی آن بالا ارزیابی می‌شود.

با توجه به اطلاعات هر مسئله و جوابهای به دست آمده از الگوریتم ژنتیک می‌توان تعداد کل عملگرهای استفاده شده در الگوریتم ژنتیک را مشاهده کرد، جداول (۵) و (۶) و نمودارهای (۳) و (۴).

۳- تحلیل و بررسی جواب مسئله

چندین بار مسئله با توجه به پارامتر تعریف شده اجرا شده است که نتایج آنها به صورت جداولی ارائه شد. حال به مقایسه

جدول ۱- مسئله نمونه با توجه به زمان عملیات، تقاضای محصول و طول ایستگاه در بازه [۵-۱]

مسئله نمونه							
Station (ایستگاه)	۲	۳	۴	۵	۷	۹	
Product (محصول)	۳	۴	۵	۶	۸	۱۰	
مسئله نمونه							
Station (ایستگاه)	۳	۴	۵	۶	۸	۱۰	
Product (محصول)	۲	۳	۴	۵	۷	۹	

K : تعداد جمعیت در هر نسل.

G : حداقل تعداد نسلهای مجاز.

δ : حداقل واریانس مجاز برای هر نسل.

r_i : نرخ انتخاب عملگر نوع i.

- شمارندها:

g : شمارنده نسل $G = 1, 2, \dots, G$

گام ۱- قرار دهید $g = 1$ و جمعیت اولیه را طبق بند ۳-۴ تولید کنید.

گام ۲- جمعیت والد را طبق بند ۴-۴ تولید کنید.

گام ۳- با استفاده از کروموزومهای جمعیت والد و انتخاب تصادفی عملگرها با نرخ معین، تعداد K فرزند تولید و در نسل جدید قرار دهید. $g + 1 = G$ را قرار دهید و میانگین و واریانس نسل جدید را محاسبه کنید. اگر یکی از معیارهای بند ۵-۴ ارضاء شده است توقف کرده و بهترین جواب نسل آخر را به خروجی بفرست در غیر این صورت به گام ۲ بروید.

۵- نتایج محاسباتی

۱- طراحی مسائل نمونه

در این مقاله، برای نشان دادن کارایی الگوریتم ژنتیک در مسئله حداقل کردن توقفات خط باید مسایلی طراحی شود تا توانایی و نقاط ضعف این الگوریتم را نشان دهد و همچنین برای سنجش کارایی الگوریتم ژنتیک، با استفاده از مقادیر مختلف، مسئله مورد بررسی قرار می‌گیرد. جداول (۱) و (۲)

جدول ۳- نتایج حل مسئله با توجه به زمان عملیات، تقاضای محصول و طول ایستگاه در بازه [۱-۵]

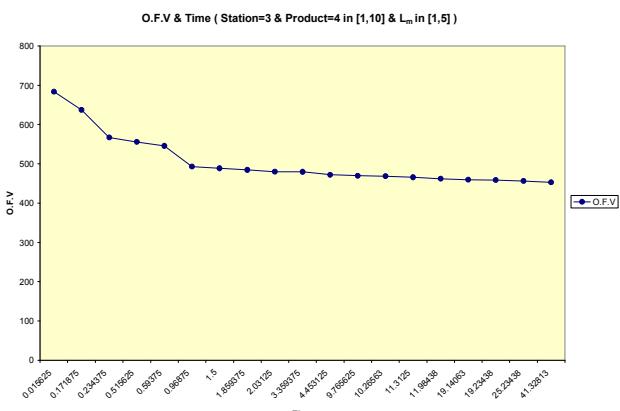
ردیف	مسئله نمونه		اطلاعات مسئله		Lingo با		GA با		Gap of OFV	T_{AVG}
	Station	Product	ΣQ	ΣL_m	OFV	CPU Time (s)	OFV	CPU Time (s)		
۱	۲	۳	۹	۵	۹/۴۴۴۴	۰	۹/۴۴۴۴	۰/۲۸۱۲	۰	۰/۱۴۰۶
۲	۳	۴	۱۵	۱۰	۴۹/۳۰۶۷	۳۱۱	۴۹/۳۰۶۷	۳/۷۳۴۴	۰	۱۵۷/۳۶۷۲
۳	۴	۵	۱۴	۱۱	-----	۳۷۱۲	۹۹/۵۷۱۴	۱۶/۳۱۲	-----	۱۵۶/۱۸۶۴
۴	۵	۶	۲۳	۱۵	-----	۳۶۹۶*	۱۸۳/۰۶۰۹	۷۵/۹۶۸۷	-----	۲۰۲۲/۴۸۴۳
۵	۷	۸	۲۲	۲۰	-----	۴۲۵۰*	۲۷۸/۱۹۶۹	۴۲/۴۳۷۰	-----	۲۱۴۶/۲۱۸۵
۶	۹	۱۰	۲۵	۲۶	-----	۴۳۲۰*	۳۲۲۲/۳۰۹۹	۲۲۲۲/۳۷۵۰	-----	۲۲۷۱/۱۸۷۵
۷	۳	۲	۵	۹	۱۷/۵۵	۱	۱۷/۵۵۰۰	۰	۰	۰/۵
۸	۴	۳	۱۰	۱۵	۴۲/۲۴	۱	۴۲/۲۳۹۹	۰/۴۳۳۶	۰/۰۰۰۱	۰/۱۶۸
۹	۵	۴	۱۱	۱۴	۶۷/۳۷۱۲	۳۱	۶۷/۳۷۱۲	۰	۰	۱۵/۵
۱۰	۶	۵	۲۱	۱۷	-----	۳۶۹۰*	۱۹۹/۸۹۵۲	۲۰/۵۱۵۶	-----	۱۸۵۵/۲۵۷۸
۱۱	۸	۷	۲۰	۲۲	-----	۳۹۰۳*	۲۸۳/۱۴۹۹	۴۱/۵۷۹۰	-----	۱۹۷۲/۲۸۹۵
۱۲	۱۰	۹	۲۲	۲۹	-----	۴۱۰۹*	۳۶۴/۶۸۱۸	۸۶/۴۸۳۹	-----	۲۰۹۷/۷۴۱۹

● تا این زمان جواب بهینه‌ای برای مسئله توسط نرم‌افزار لینگو به دست نیامده است.

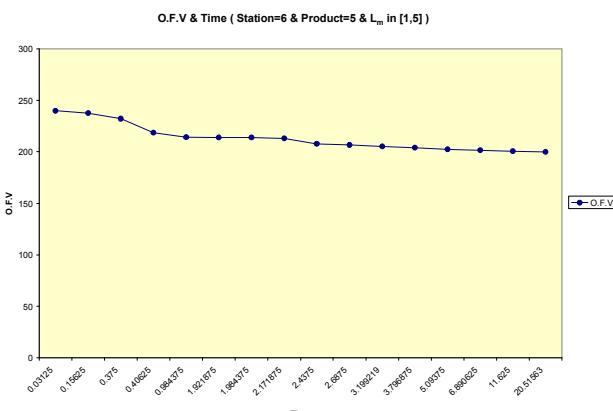
جدول ۴- نتایج حل مسئله با توجه به زمان عملیات، تقاضای محصول در بازه [۱-۱۰] و طول ایستگاه در بازه [۱-۵]

ردیف	مسئله نمونه		اطلاعات مسئله		Lingo با		GA با		Gap of OFV	T_{AVG}
	Station	Product	ΣQ	ΣL_m	OFV	CPU Time (s)	OFV	CPU Time (s)		
۱	۲	۳	۱۷	۵	۳۴/۷۵	۱	۳۴/۷۵	۰/۷۶۶۹	۰	۰/۸۹۸۴
۲	۳	۴	۳۱	۱۰	-----	۳۷۷۲*	۴۵۲/۷۱۲۹	۴۱/۳۲۸۱	-----	۱۹۰۶/۶۶۴۰
۳	۴	۵	۲۶	۱۱	-----	۳۷۰۰*	۷۸۵/۷۲۴۴	۱۸/۰۳۱۲	-----	۱۸۸۶/۵۱۵۶
۴	۵	۶	۴۴	۱۵	-----	۳۹۶۰*	۱۴۲۳/۵۷۵۸	۷۶/۶۸۷۱	-----	۲۰۱۸/۳۴۳۵
۵	۷	۸	۳۶	۲۰	-----	۴۲۹۶*	۲۰۵۱/۹۴۴۵	۱۱۹/۷۳۰۱	-----	۲۲۰۷/۸۶۷۵
۶	۹	۱۰	۴۵	۲۶	-----	۴۴۵۲*	۲۳۷۶/۴۷۹۱	۵۵۹/۳۷۵	-----	۲۵۰۵/۶۸۷۵
۷	۳	۲	۹	۹	۸۵/۷۵	۰	۸۵/۷۵۰۰	۰	۰	۰
۸	۴	۳	۲۱	۱۵	۳۵۷/۵۸۱۰	۷۸۴	۳۵۷/۵۸۰۹	۲/۴۵۳۱	۰,۰۰۰۱	۳۹۳/۲۲۶۵
۹	۵	۴	۲۱	۱۴	-----	۳۹۰۹*	۵۸۳/۱۹۰۵	۷/۸۹۰۶	-----	۱۹۵۸/۴۴۵۳
۱۰	۶	۵	۴۱	۱۷	-----	۴۰۴۵*	۱۶۱۳/۱۵۱۲	۸۲/۲۹۶۹	-----	۲۰۶۳/۶۴۸۴
۱۱	۸	۷	۳۲	۲۲	-----	۴۳۴۹*	۲۱۰۰/۲۶۵۶	۸۱/۰۴۷۱	-----	۲۲۱۵/۰۲۳۵
۱۲	۱۰	۹	۴۰	۲۹	-----	۴۴۶۷*	۳۰۰۶/۳۵۱۶	۳۰۶/۹۳۸	-----	۲۳۸۶/۹۶۹۰

● تا این زمان جواب بهینه‌ای برای مسئله توسط نرم‌افزار لینگو به دست نیامده است.



نمودار-۲- حل مسئله نمونه توسط GA با توجه به زمان عملیات، تقاضای محصول در بازه [۱-۱۰] و طول ایستگاه در بازه [۱-۵]



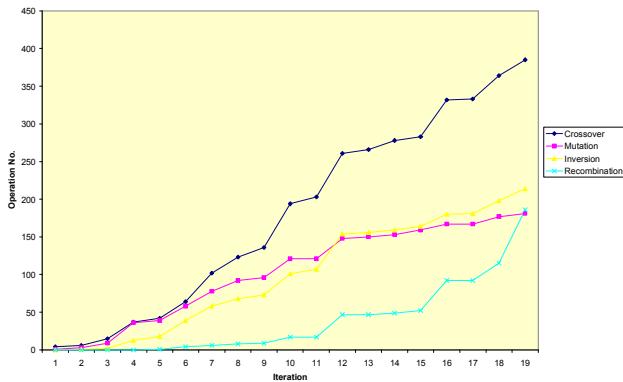
نمودار-۱- حل مسئله نمونه توسط GA با توجه به زمان عملیات، تقاضای محصول و طول ایستگاه در بازه [۱-۵]

جدول-۵- نتایج حل مسئله با توجه به زمان عملیات، تقاضای محصول و طول ایستگاه در بازه [۱-۵]

ردیف	مسئله نمونه		اطلاعات مسئله		تعداد عملگر			
	Station	Product	$\sum Q$	$\sum L_m$	Crossover	Mutation	Inversion	Recombination
۱	۲	۳	۹	۵	۲۸	۱۵	۲۲	۴
۲	۳	۴	۱۵	۱۰	۱۶۰	۹۳	۸۹	۱۹
۳	۴	۵	۱۴	۱۱	۱۹۸	۱۴۱	۱۶۰	۱۰۱
۴	۵	۶	۲۳	۱۵	۴۷۱	۲۶۵	۳۰۹	۲۸۶
۵	۷	۸	۲۲	۲۰	۳۵۳	۳۵۰	۳۶۴	۱۰۶
۶	۹	۱۰	۲۵	۲۶	۵۴۰	۳۹۵	۶۱۸	۴۳۷
۷	۳	۲	۵	۹	----	----	----	----
۸	۴	۳	۱۰	۱۵	۶۱	۳۷	۲۴	۳
۹	۵	۴	۱۱	۱۴	----	----	----	----
۱۰	۶	۵	۲۱	۱۷	۲۴۳	۱۸۸	۱۹۲	۶۰
۱۱	۸	۷	۲۰	۲۲	۳۱۵	۱۹۲	۲۱۹	۱۴۲
۱۲	۱۰	۹	۲۲	۲۹	۴۱۷	۲۴۴	۳۳۰	۱۹۷

جدول-۶- نتایج حل مسئله با توجه به زمان عملیات، تقاضای محصول در بازه [۱-۱۰] و طول ایستگاه در بازه [۱-۵]

ردیف	مسئله نمونه		اطلاعات مسئله		تعداد عملگر			
	Station	Product	$\sum Q$	$\sum L_m$	Crossover	Mutation	Inversion	Recombination
۱	۲	۳	۱۷	۵	۳۱	۳۷	۲۸	۸
۲	۳	۴	۳۱	۱۰	۳۸۵	۱۸۱	۲۱۴	۱۸۶
۳	۴	۵	۲۶	۱۱	۳۲۲	۲۲۳	۱۸۳	۷۳
۴	۵	۶	۴۴	۱۵	۵۳۰	۴۰۱	۳۹۹	۱۷۶
۵	۷	۸	۳۶	۲۰	۷۶۴	۴۱۰	۴۰۷	۲۵۰
۶	۹	۱۰	۴۵	۲۶	۱۰۴۱	۵۵۴	۷۵۷	۷۴۶
۷	۳	۲	۹	۹	----	----	----	----
۸	۴	۳	۲۱	۱۵	۱۲۷	۸۱	۷۱	۱۲
۹	۵	۴	۲۱	۱۴	۲۰۷	۱۴۰	۱۲۳	۳۷
۱۰	۶	۵	۴۱	۱۷	۴۴۶	۳۰۱	۳۵۲	۱۹۰
۱۱	۸	۷	۲۲	۲۲	۵۱۲	۴۰۹	۳۷۷	۱۷۸
۱۲	۱۰	۹	۴۰	۲۹	۵۴۶	۴۸۷	۶۳۷	۴۰۸

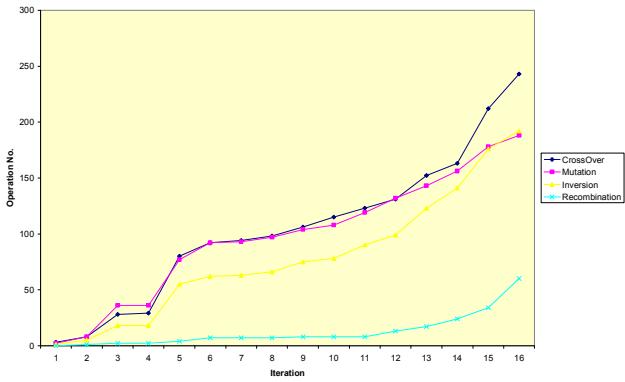
Operation No. & Iteration (Station=3 & Product=4 in [1,10] & L_m in [1,5])

نمودار ۴- تعداد عملگرهای استفاده شده در مسئله نمونه با توجه به زمان عملیات، تقاضای محصول در بازه [۱-۱۰] و طول ایستگاه در بازه [۱-۵]

ایستگاههای کاری و متنوع شدن مدلها، روش ابتکاری پیشنهادی سریعتر به جواب می‌رسد و این خود گویای برتری الگوریتم و کاراتر بودن آن در زمانی کوتاه نسبت به نرمافزار لینگوست.

۶- نتیجه گیری و پیشنهادها

استفاده از مدل پیشنهادی، برای مسایل بزرگ با استفاده از نرمافزار لینگو، به دلیل مشکلات محاسباتی و زمان زیادی که برای حل نیاز دارد، مناسب نیست. از این رو یک روش حل فرالبتکاری برای حل مسئله در یک زمان قابل قبول پیشنهاد شد و رویه حل آن توسط الگوریتم ژنتیک صورت گرفت، سپس برای ارزیابی الگوریتم، اطلاعات ورودی به الگوریتم داده شد و جوابها مورد بررسی قرار گرفت. همچنین اطلاعات ورودی، به نرمافزار لینگو نیز داده شد و جوابهای به دست آمده مورد تجزیه و تحلیل و مقایسه با جوابهای حاصل از الگوریتم، قرار گرفت. بررسی نتایج حاکی از آن است که با افزایش ایستگاه و محصول، زمان پردازش (CPU) در الگوریتم ژنتیک به صورت قابل توجه، نسبت به نرمافزار لینگو کمتر است، که این عملکرد، قابل قبول بودن الگوریتم ژنتیک پیشنهادی را نسبت به نرمافزار لینگو نشان می‌دهد. نتایج به دست آمده را می‌توان به شرح زیر خلاصه کرد:

Operation No. & Iteration (Station=6 and Product=5 & L_m in [1,5])

نمودار ۳- تعداد عملگرهای استفاده شده در مسئله نمونه با توجه به زمان عملیات، تقاضای محصول و طول ایستگاه در بازه [۱-۵]

زمان حل دو روش با توجه به زمان عملیات، تقاضای محصول و طول ایستگاه می‌پردازیم، جداول (۷) و (۸) و نمودارهای (۵) و (۶).

همان طور که مشاهده می‌شود در صورتی که زمان عملیات، تقاضای محصول و طول ایستگاه در بازه [۱-۵] قرار گیرد و مسئله station = ۳, product = ۴ باشد، زمان لینگو برابر ۳۱۱ ثانیه و زمان الگوریتم ژنتیک برابر ۳۷۳۴۴ ثانیه و یا در حالت station = ۴, product = ۵ باشد، زمان لینگو ۳۷۱۲ ثانیه و زمان الگوریتم ژنتیک ۱۶/۳۱۲ ثانیه است. همچنین در صورتی که زمان عملیات، تقاضای محصول در بازه [۱-۱۰] و طول ایستگاه در بازه [۱-۵] قرار گیرد و مسئله station = ۲, product = ۳ باشد، زمان لینگو برابر ۱ ثانیه و زمان الگوریتم ژنتیک برابر ۰/۷۹۶۹ ثانیه و یا در حالت station = ۴, product = ۳ باشد، زمان لینگو ۷۸۴ ثانیه و زمان الگوریتم ژنتیک ۲/۴۵۳۱ ثانیه است.

با توجه به مقایسه صورت گرفته می‌توان نتیجه گیری کرد که با افزایش حجم مسئله و بیشتر شدن تعداد ایستگاهها و محصولات، توانایی نرمافزار لینگو کاهش می‌یابد و در زمان طولانی به جواب بهینه دست می‌یابد و چنانچه حجم مسئله گسترده‌تر شود، توانایی نرمافزار در انجام محاسبات میسر نمی‌شود، حال آنکه با افزایش حجم مسئله و بیشتر شدن تعداد

جدول ۷- مقایسه زمان حل دو روش با توجه به زمان عملیات تقاضای محصول و طول ایستگاه در بازه [۱-۵]

ردیف	مسئله نمونه		اطلاعات مسئله		Lingo با حل	GA با حل
	Station	Product	$\sum Q$	$\sum L_m$	CPU Time (s)	CPU Time (s)
۱	۲	۳	۹	۵	۰	۰/۲۸۱۲
۲	۳	۴	۱۵	۱۰	۳۱۱	۳/۷۳۴۴
۳	۴	۵	۱۴	۱۱	۳۷۱۲	۱۶/۳۱۲
۴	۵	۶	۲۳	۱۵	۳۹۶۹*	۷۵/۹۶۸۷
۵	۷	۸	۲۲	۲۰	۴۲۵۰*	۴۲/۴۳۷۰
۶	۹	۱۰	۲۵	۲۶	۴۳۲۰*	۲۲۲/۳۷۵۰
۷	۳	۲	۵	۹	۱	۰
۸	۴	۳	۱۰	۱۵	۱	۰/۴۳۳۶
۹	۵	۴	۱۱	۱۴	۳۱	۰
۱۰	۶	۵	۲۱	۱۷	۳۶۹۰*	۲۰/۵۱۵۶
۱۱	۸	۷	۲۰	۲۲	۳۹۰۳*	۴۱/۵۷۹۰
۱۲	۱۰	۹	۲۲	۲۹	۴۱۰۹*	۸۶/۴۸۳۹

● تا این زمان جواب بهینه‌ای برای مسئله توسط نرم‌افزار لینگو به دست نیامده است

جدول ۸- مقایسه زمان حل دو روش با توجه به زمان عملیات تقاضای محصول در بازه [۱-۱۰] و طول ایستگاه در بازه [۱-۵]

ردیف	مسئله نمونه		اطلاعات مسئله		Lingo با حل		GA با حل
	Station	Product	$\sum Q$	$\sum L_m$	CPU Time (s)	CPU Time (s)	CPU Time (s)
۱	۲	۳	۱۷	۵	۱	۰/۷۹۶۹	
۲	۳	۴	۳۱	۱۰	۳۷۷۲*	۴۱/۳۲۸۱	
۳	۴	۵	۲۶	۱۱	۳۷۵۵*	۱۸/۰۳۱۲	
۴	۵	۶	۴۴	۱۵	۳۹۶۰*	۷۶/۶۸۷۱	
۵	۷	۸	۳۶	۲۰	۴۲۹۶*	۱۱۹/۷۳۵۱	
۶	۹	۱۰	۴۵	۲۶	۴۴۵۲*	۵۵۹/۳۷۵	
۷	۳	۲	۹	۹	۰	۰	
۸	۴	۳	۲۱	۱۵	۷۸۴	۲/۴۵۳۱	
۹	۵	۴	۲۱	۱۴	۳۹۰۹*	۷/۸۹۰۶	
۱۰	۶	۵	۴۱	۱۷	۴۰۴۵*	۸۲/۲۹۹۹	
۱۱	۸	۷	۳۲	۲۲	۴۲۴۹*	۸۱/۰۴۷۱	
۱۲	۱۰	۹	۴۰	۲۹	۴۴۶۷*	۳۰۶/۹۳۸۰	

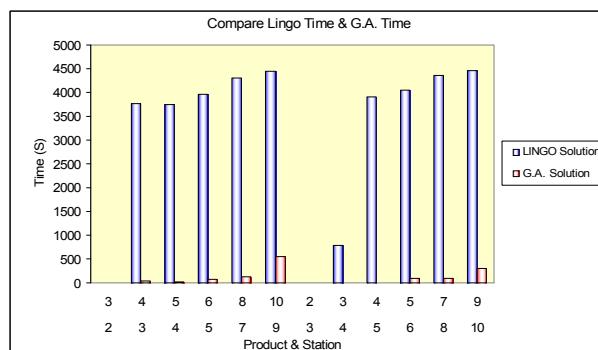
● تا این زمان جواب بهینه‌ای برای مسئله توسط نرم‌افزار لینگو به دست نیامده است

الگوریتم ژنتیک کم و تقریباً افزایش نامحسوسی در مقابل زمان محاسباتی توسط لینگو دارد.

● با توجه به افزایش تنوع محصولات و حرکت صنایع به سمت تولید بر اساس سفارش مشتری، در آینده با افزایش تعداد مدل‌های مختلف روبرو خواهیم بود، همچنین افزایش

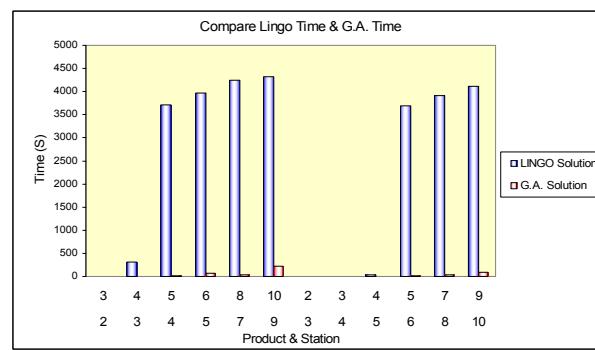
● نتایج حاصل نشان می‌دهد که الگوریتم ژنتیک در این مسئله (با توجه به فرضیات آن) عملکرد قابل قبولی داشته و زمانهای رسیدن به حل بهینه یا نزدیک بهینه بسیار کم است.

● با توسعه و گسترش مسایل، زمان محاسباتی توسط لینگو افزایش می‌یابد در حالی که این زمان در حالت استفاده از



نمودار ۶- مقایسه زمان حل دو روش با توجه به زمان عملیات و تقاضای محصول در بازه [۱-۱۰] و طول ایستگاه در بازه [۱-۵]

بخشی از این موضوعات عبارت اند از: طرح مسایل در شرایط احتمالی و پویا، تغییرات در فرضیات مسئله، استفاده از عملگرهای مختلف به منظور افزایش امکان جستجوی بیشتر الگوریتم و هموار کردن همگرایی، اعمال محدودیتهای جدید به مسئله با در نظر گرفتن محدودیتهای موجود، به کار بردن روش‌های ابتکاری دیگر مانند SA، TS، شبکه‌های عصبی، سیستمهای فازی و یا تلفیقی از این روشها.



نمودار ۵- مقایسه زمان حل دو روش با توجه به زمان عملیات، تقاضای محصول و طول ایستگاه در بازه [۱-۵]

ظرفیت تولید از اهداف اصلی صنایع مونتاژ می‌باشد، لذا استفاده از روش‌های فراابتکاری برای تعیین توالی محصولات نسبت به روش‌های معمولی بیشتر مورد توجه خواهد بود. برای گسترش این تحقیق می‌توان پیشنهادهایی را بیان کرد. با توجه به اینکه مدل ارائه شده در این تحقیق با هدف حداقل کردن توقفات خط مونتاژ با دو روش حل مقایسه شده، لذا این موضوع را از جهات مختلف می‌توان توسعه داد؛ که

واژه‌نامه

- | | | |
|-----------------------------|-----------------------------------|-------------------|
| 1. operator | 6. work (or job) utility | 11. beam search |
| 2. material handling system | 7. memetic algorithm | 12. goal chasing |
| 3. just-in-time | 8. multi-objective particle swarm | 13. parents |
| 4. simulated annealing | 9. multi-objective scatter search | 14. off spring |
| 5. setups | 10. total enumeration | 15. recombination |

مراجع

1. Grover, M.P., *Automation, Production System, and Computer Integrated Manufacturing*, 2nd Ed., Prentice Hall, 2001.
2. Monden, Y., *Toyota Production System , an Integrated Approach to Just in Time*, 2nd Ed., Georgia, Institute of Industrial Engineers, 1993.
3. Okamura, K., and Yamashina, H., "A Heuristic Algorithm for the Assembly Line Model Mix Sequencing Problem to Minimize the Cost of Stopping the Conveyor," *International of Production Research*, Vol. 17, No. 3, PP. 233-247, 1979.
4. Bard, J.F., Dar-El, E., and Shtub, A., "An Analytic Framework for Sequencing Mixed Model Assembly Lines," *International of Production Research*, Vol. 13, No. 1, PP. 35-48, 1992.
5. Thomopoulos, N.T., "Line Balancing Sequencing for Mixed Model Assembly," *Management Science*, Vol. 14, No. 2, PP. B 59 -75, 1967.
6. Dar-El, E.M., and Cother, R.F., "Assembly Line Sequencing for Model Mix," *International of production Research*, Vol. 13, No. 5, PP. 463-477, 1975.
7. Xiabo, Z., and Ohno, K., "Algorithms for Sequencing Mixed Models on an Assembly Line in a JIT Production System," *Computers and Industrial Engineering*, Vol. 32, No. 1, PP. 47-56, 1997.
8. Xiabo, Z., and Ohno, K., "A Sequencing Problem for a Mixed Model Assembly Line in a Jit Production System," *Computers and Industrial Engineering*, Vol. 27, No. 1-4, PP. 71-74, 1994.
9. Bolat, A., Savsar, M., and Al-Fawzan, M.A., "Algorithms for Real Time Scheduling of Jobs on

- Mixed Model Assembly Lines," *Computers and Operations Research*, Vol. 21, No. 5, PP. 487-498, 1994.
10. Tavakkoli-Moghaddam, R., and Rahimi-Vahed, A.R., "Multi-Criteria Sequencing Problem for a Mixed-Model Assembly Line in a JIT Production System," *Applied Mathematics and Computation*, Vol. 181, PP. 1471-1481, 2006.
 11. Rahimi-Vahed, A.R., Mirghorbani, S.M., and Rabbani, M., "A New Particle Swarm Algorithm for a Multi-Objective Mixed-Model Assembly Line Sequencing Problem," *Soft Computing*, Vol. 11, PP. 997-1012, 2007.
 12. Rahimi-Vahed, A.R., Rabbani, M., Tavakkoli-Moghaddam, R., Torabi, S.A., and Jolai, F., "A Multi-Objective Scatter Search for a Mixed-Model Assembly Line Sequencing Problem," *Advanced Engineering Information*, Vol. 21, PP. 85-99, 2007.
 13. Yu, J., Yin, Y., and Chen, Z., "Scheduling of an Assembly Line with a Multi-Objective Genetic Algorithm," *Int. J. Adv. Manufacturing Technology*, Vol. 28, PP. 551-555, 2006.
 14. Simaria, A.S., and Vilarinho, P.M., "A Genetic Algorithm Based Approach to the Mixed-Model Assembly Line Balancing Problem of Type II," *Computers & Industrial Engineering*, Vol. 47, PP. 391-407, 2004.
 15. Mansouri, S.A., "A Multi-Objective Genetic Algorithm for Mixed-Model Sequencing on JIT Assembly Lines," *European Journal of Operational Research*, Vol. 167, PP. 696-716, 2005.
 16. Ponnambalam, S.G., Aravindan, P., and Rao M.S., "Genetic Algorithms for Sequencing Problems in Mixed Model Assembly Lines," *Computers & Industrial Engineering*, Vol. 45, PP. 669-690, 2003.
 17. Erel, E., Gocgun, Y., and Sabuncuoglu, I., "Mixed-Model Assembly Line Sequencing Using Beam Search," *Article in Press, International Journal of Production Research*, DOI: 10.1080/00207540600806497, 2006.
 18. Jin, M., and Wu, S.D., "A New Heuristic Method for Mixed Model Assembly Line Balancing Problem," *Computers & Industrial Engineering*, Vol. 44, PP. 159-169, 2002.
 19. Bukchin, Y., and Rabinowitch, I., "A Branch-and-Bound Based Solution Approach for the Mixed-Model Assembly Line-Balancing Problem for Minimizing Stations and Task Duplication Costs," *European Journal of Operational Research*, Vol. 174, PP. 492-508, 2006.
 20. Noorul Haq, A., Jayaprakash, J., and Rengarajan, K., "A Hybrid Genetic Algorithm Approach to Mixed-Model Assembly Line Balancing," *Int. Adv. Manufacturing Technology*, Vol. 28, PP. 337-341, 2006.