

آنا لیزدینا میکی شمعهای منشر دسته اش ربارهای محوری

امیر مسعود کنیا

دانشگاه صنعتی اصفهان - دانشکده عمران

مقدمه

مسئله آنالیز شمعهای تحت بازه‌ای وارد مسئله‌ای است که از مدت‌ها قبلاً مورد توجه محققین مهندسی بی‌قرارداشته است. مراحل اولیه این مطالعات معطوف به رفتار شمعهای تحت بازه‌ای استاتیکی محصوری و جانبی بوده است و در این ارتباط روش‌های تحلیلی و تجربی متعددی ارائه شده است. برخی از مطالعات تحلیلی بر مفهوم "مدل وینکلر" یا مفهوم "مدول عکس العمل زمین"^۱ (یا تغوریتیریا میله بر بستر ارتجاعی) استوار بوده است، که در آن وجود خاک دور شمع به کمک فنرها گستردۀ در آنالیز شمع به کار می‌رود [۱۶، ۱۲، ۱۰، ۲]. برای تعیین مقادیر مدول عکس العمل یا "سختی زمین" آندازه گیریها بی‌در محل برای خاک‌های مختلف صورت گرفته است [۱۷، ۳]. این تحقیقات نشان می‌دهند که مدول عکس العمل زمین نه تنها به عمق بلکه به میزان تغییر شکل خاک نیز بستگی دارد و به عبارت دیگر دارای رابطهٔ غیرخطی با تغییر شکل است.

روش دیگر برای آنالیز شمعهای تحت بازهای محصوری استاتیکی استفاده از تئوری میندلین [۷] بوده است. به کمک این تئوری می‌توان تغییر مکانهای ناشی از بار متوجه در داخل یک نیم فضا^۲ (محیط‌نیمه بی‌نهایت) را به دست آورد و سپس به کمک روش‌های از نوع المانهای مرزی در آنالیز تغییر شکل شمع به کار برد [۱۵، ۱۴، ۱۳]. با پیدایش صفت انرژی هسته‌ای و نیاز به طراحی و ساخت راکتورهای بزرگ و اهمیت بررسی دقیق رفتار آنها در شرائط زلزله

1. Modulus of Subgrade Reaction

2. Half-Space

از یک سو و گسترش اکتشاف و استخراج بفت از دریاها ولزوم احتمال سازه‌های دریائی استوار بر شمعها، که تحت اثر ارتعاشات حاصل از امواج قرار دارند از سوی دیگر، محققین را متوجه لزوم بررسی رفتار دینامیکی شمعها کرد.

این مسئله در واقع در محدوده "دانش جدیدی به نام" اثربخشی بل خاک و سازه^۱ است که اولین نتایج حاصل از آن پدیده‌های غیرقابل پیش‌بینی ای را در رفتار متقابل خاک و سازه آشکار کرد و درنتیجه، تحقیق در این زمینه بسرعت گسترش یافت. مطالعات انجام گرفته در این زمینه نشان داد که برای در نظر گرفتن ارتعاشات خاک و پی در رفتار سازه می‌توان سازه را بروی "فنرها" بی که معرف سختی دینامیکی پی واقع برخاک است قرار داد. آنچه در این ارتباط حائز اهمیت است این مطلب است که سختی‌های دینامیکی کمیتها پی وابسته به فرکانس آنند. بنابراین برای آنالیز دینامیکی سازه لازم است از تکنیک‌های بسط به سری فوریه و تعیین واکنش دستگاه در مقابل هر یک ازمولفدهای سینتوسی تابع نیرو و استفاده کرد. برای این اساس مفهوم سختی موهومی^۲ مطرح شد، بدین ترتیب که اگر نیروی هارمونیک $p = p_0 e^{i\omega t}$ برپی وارد شود واکنش دائمی آن به صورت $e^{i\omega t} = U$ خواهد بود و درنتیجه سختی موهومی^۳ برابر با $K = p_0 / U$ است. امروزه اغلب نتایجی که در ارتباط با سختی‌های (از جمله شمعها) ارائه می‌شوند به صورت سختی دینامیکی یا سختی موهومی است، یعنی کمیتی به صورت $K = k + iC$ در آن قسمت حقیقی مفهوم سختی و قسمت موهومی مفهوم است. لایک را دارد.

در رابطه با ارتعاشات محوری شمعها می‌توان به کارهای انجام شده توسط نوواک و همکارانش اشاره کرد [۱۲۰، ۱۱۰، ۱۵]. این مطالعات مبتنی است بر مدل عکس العمل زمین که بر اساس ارتعاشات محوری - یک شمع صلب در یک محیط بینهایت به دست آمده است [۱۲۰]. روشی بازیربنای ریاضی محکمتر نیز توسط توگامی و نوواک برای شمعهای

با اتکاء انتهایی^۱ ارائه شده است [۸]. در این روش، نوگامی و نوواک ابتداء با حل معادله موج برای یک لایه خاک ویسکوالاستیک روی بسترستگی، گامایی^۲ انتشار موج در لایه را به دست آورند و سپس با استفاده از آنها واکنش دینا میکی شمع را مورد بررسی قراردادند. در کنار این روش‌های تئوریک روش‌های استفاده از اجزاء محدود نیز برای مطالعه اثربمقابل شمع و خاک بکار گرفته شده است. در این ارتباط می‌توان از کارکوهلمیر [۶] یاد کرد.

هدف از این مقاله مطالعه رفتار دینا میکی شمعهای منفرد تحت اثر بار محوری در یک محیط ویسکوالاستیک با استفاده از روش اجزه^۳ محدود و ارائه روشی ساده برای تعیین سختی دینا میکی محوری شمعه است. مزیت این روش بورشها مبتنی بر مکانیک محیط‌های پیوسته، گذشته از سادگی آن، کارآیی بیشتر و امکان استفاده از نتایج آزمایش‌های صحرائی برای تعیین مدول عکس العمل زمین برای هر خاک مورد ذکر است.

مدول عکس العمل زمین برای رتعاشات قائم با استفاده از روش اجزه محدود

از آنجاکه هدف اصلی در این مقاله تعیین سختی دینا میکی شمعهای با استفاده از مفهوم مدول عکس العمل زمین است لازماً است ابتداء به نحوی این کمیت تعیین شود. برای این منظور با استفاده از روش کاوس [۴] در فرموله کردن یک "مرز عبوردهنده"^۴ برای مسائل آنالیز باتقارن محوری در دینا میک خاک، یک برنا مده کامپیوتربی توسط نگارنده تدوین شد [۵]. در اینجا لازماً است قبل از ارائه نتایج حاصل از این برنا مه مختصه در مردمدل فوق بیان شود. از مسائل مهمی که در تدوین هر برنا مده کامپیوتربی اجزاء محدود برای مسائل اثرب مقابل خاک و سازه باشد در نظرداشت مسئله منظور کردن صحیح تشعشع امواج حاصل از ارتعاش پی به محیط خارج است در

1.End Bearing Piles 2.Modes 3.Transmitting Boundary

استقلال

صورتی که از مدل‌های معمول اجزاء محدود استفاده شود لازم است مرزهای مدل در فاصله دوری از پی گرفته شوند تا بین ترتیب امواج صادر شده از پی در انعکاس و برگشت از این مرزها در استهلاک داخلی خاک مستهلاک شده و اثری بر رفتاری نگذارد. این مسئله سبب افزایش حجم حافظه مورد نیاز و کاهش دقت چوا بهای می‌شود. برای اجتناب از این مشکلات ابزار تحلیلی جالبی به صورت یک ما تریس مرزی ابداع شده است که به کمک آن می‌توان مرزهای اجزاء محدود را در فاصله بسیار نزدیکی از پی قرار داد و به کمک آن امواج صادر شده به بیرون از محیط را جذب کرد. این ما تریس مرزی در واقع رابطه‌ای است بین نیروها و تغییر مکانهای از گیرهای مرزو طبیعتاً "کمیتی است تابع فرکانس". در یک مسئله اجزاء محدود این ما تریس مرزی مستقیماً "به ما تریس سختی محیط افزوده می‌شود (برای جزئیات کامل محسنه این ما تریس مرزی به مرجع شماره [۴]. رجوع شود) .

با استفاده از بربنا مهندسی فوق یک نیروی مخوری یکنواخت بهم بزرگی واحد را رتفاع مرز عبوردهنده اعمال شدو مقدار متوسط تغییر مکان گرههای این مرز به دست آمد و سپس با معکوس کردن آن مدول عکس العمل موهمی لایه خاک به صورت $k_s + iC_s$ برای فرکانس‌های مختلف ارتعاش محسنه شد. نتیجه این محاسبه به صورت خط پردازشکل (۱) نمایش داده شده است. این منحنی‌ها برای استهلاک هیستریک خاک $\beta_s = 5\%$ به دست آمده است.

این نتایج نشان می‌دهند که قسمت حقیقی مدول موهمی خاک مقداری تقریباً ثابت دارد (به جزیرای فرکانس‌های نزدیک به فرکانس امواج فشاری لایه برآبر $V_p = V_s \frac{\sqrt{2(1-\nu)}}{4H}$ که در آن $\nu = \frac{w_p}{p}$ سرعت امواج فشاری در خاک است. ضمناً V_s سرعت امواج بررشی، H ضخامت لایه و ν ضریب پواسون خاک است. هر قدر مقدار استهلاک هیستریک خاک کمتر باشد نایه درهای شکل در منحنی سختی شبیه تندتری دارد و مقدار سختی در فرکانس p کاهش بیشتری می‌یابد). قسمت موهمی مدول عکس العمل خاک، از سوی دیگر، که معرف استهلاک ارتعاشات است، در

۶ نا لیزدینا میکی شمعهای منفرد . . .

۹

فرکانس‌های پایین تراز ω_p تقریباً ثابت و معرف استهلاک هیسترتیک است و در فرکانس‌های بزرگتر از ω_p تقریباً به طور خطی با فرکانس افزایش می‌یابد. در این حالت به استهلاک حاصله استهلاک هندسی آیا استهلاک تشعشعی α گفته می‌شود. (علت ایجاد این خاصیت در قسمت موهومند مدول عکس العمل خاک این واقعیت است که در فرکانس‌های کوچکتر از ω_p امواج ایجاد شده امکان خروج از محیط را پیدا نمی‌کنند و در محیط محصور می‌شوند و در نتیجه تنها منبع اتلاف انرژی در دستگاه استهلاک هیسترتیک خاک است، در حالیکه در فرکانس‌های بالاتر از ω_p امواج غشای از محیط به خارج صادر می‌شوند و سبب اتلاف انرژی بزرگی از دستگاه می‌شوند).

در همین شکل مدول موهومند عکس العمل زمین که توسط بارانو [۱] [یا نوواک [۲]] به دست آمده است به صورت خط چین ترسیم شده است با یادگرداندن که اگرچه در فرکانس‌های بالاتر از ω_p هر دو نتیجه مشابه در فرکانس‌های پائین تراز ω_p نتایج به دست آمده است، نوواک صحیح نیستند زیرا همانطور که قبل "نیز اشاره شد این نتایج بر اساس یک محیط بینهایت (ونه محدود) به دست آمده اند. بر اساس نتایج بدست آمده (شکل (۱)) روابط تقریبی زیر برای مدول عکس العمل زمین توصیه می‌شود:

- برای فرکانس‌های بزرگتر از ω_p

$$k_s + iC_s = 2.3G + i\left(7 + \frac{6\omega R}{V_s}\right)G \quad (1)$$

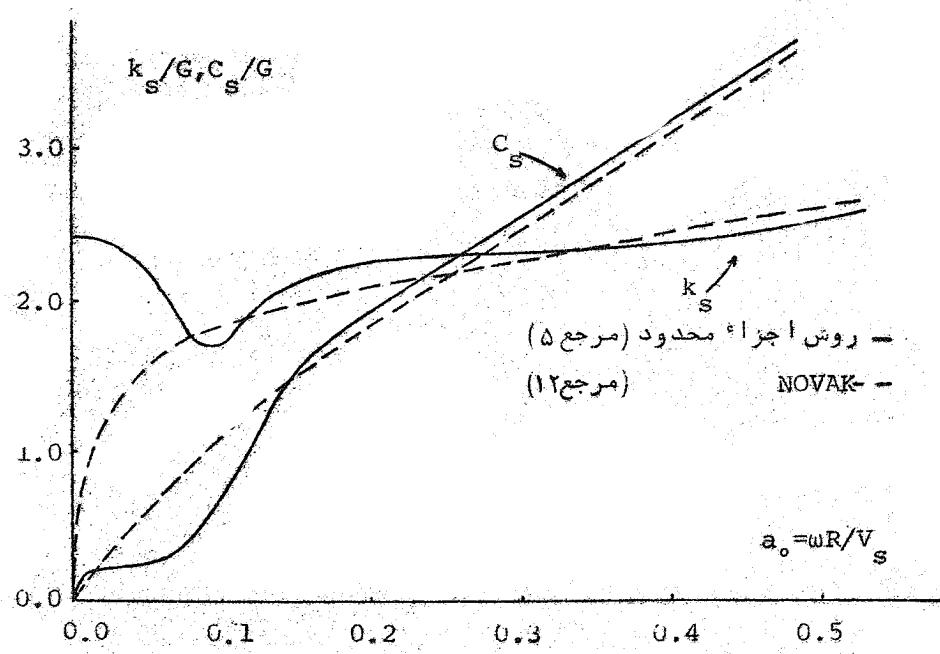
- برای فرکانس‌های کوچکتر از ω_p :

$$k_s + iC_s = 2.3G^c = 2.3G + i(4.6\beta_s)G \quad (2)$$

در این روابط G و G^c به ترتیب مدول برشی و مدول برشی موهومند خاک، ω فرکانس ارتعاشات دائم، R شاعع مقطع شمع و β_s نسبت استهلاک

1. Geometric Damping

2. Radiation Damping



شکل (۱) مدل موہومی عکس العمل مینبرای رتعاشات محوری

هیسترولیک خاک است.

سختی دینامیکی شمعهای منفرد تحت ارتعاشات محوری

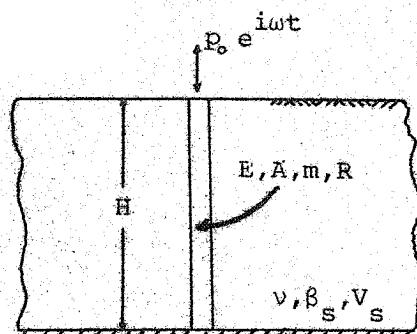
هما نظر که قبلاً تیرا شاره شده در این مقاله مذکور باشیم
یک رابطه ساده برای سختی دینامیکی محوری شمعهای منفرد است. بنابراین
استفاده از روابط تقریبی (۱) و (۲) بخش قبل در اینجا میتوان به تعیین
سختی یک شمع با انتکاء انتهای پرداخت.

شکل (۲) یک شمع با انتکاء انتهای رادیکالیه خاک ویسکو-
الاستیک و همگن نشان میدهد. د، شکل (۳) همین شمع به صورت پیک

آنالیز دینا میکی شمعهای منفرد

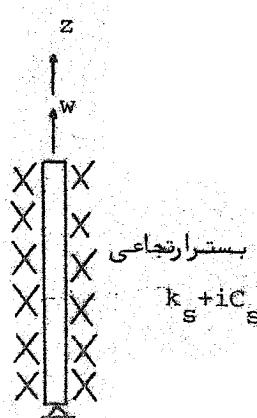
۱۱

میله درسته ارتجاعی با مدول عکس العمل $k_s + iC_s$ مدل شده است. اگر m , A , E , R بسته ترتیب، مدول الاستیسیته، سطح مقطع و جرم واحد طول شمع باشند، معادله دیفرانسیل یک جزو از شمع در صورتی که w



بستردنگی صلب

شکل (۲) - شمع با اتکاء انتها در لایه خاک



شکل (۳) - مدل برای مطالعه ارتعاشات محوری

معرف تغییر مکان محوری شمع باشد، عبارت است از:

$$EA \frac{\partial^2 W}{\partial z^2} - (k_s + iC_s) W = m \frac{\partial^2 W}{\partial t^2} \quad (3)$$

برای یک حرکت‌ها زامونیک به صورت

$$W(z, t) = \tilde{W}(z) e^{i\omega t} \quad (4)$$

معادله (۳) به صورت زیرنوشته می‌شود:

$$EA \frac{d^2 \tilde{W}}{dz^2} - \{(k_s - m\omega^2) + iC_s\} \tilde{W} = 0 \quad (5)$$

جواب عمومی معادله فوق عبارت است از

$$\tilde{W} = A_1 \cosh \eta z + A_2 \sinh \eta z \quad (6)$$

که در آن

$$\eta = \sqrt{\frac{(k_s - m\omega^2) + iC_s}{EA}} \quad (7)$$

حال با استفاده از رابطه (۶) و با توجه به دو شرط مرزی

$$\begin{aligned} \tilde{W}(z=0) &= 0 \\ \tilde{W}(z=H) &= 1 \end{aligned} \quad (8)$$

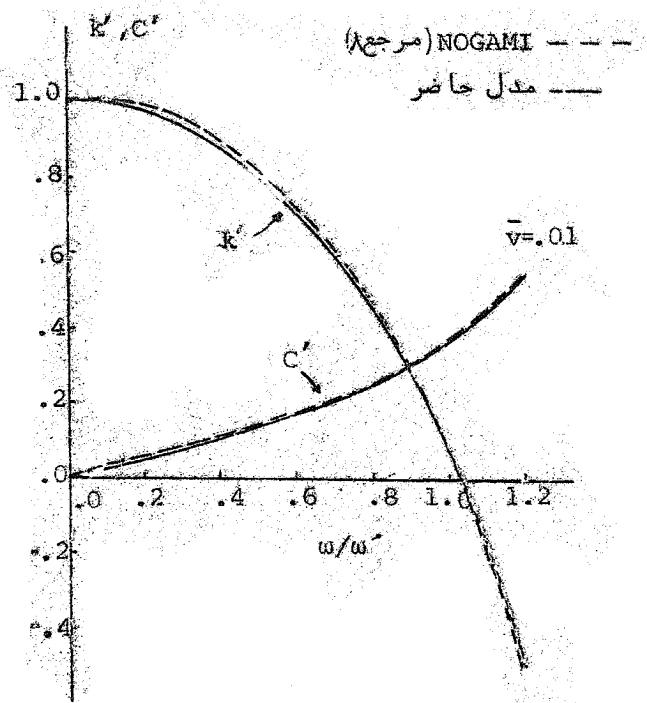
می‌توان ضرائب A_1 و A_2 با استفاده از آنها تبروی لازم در رأس شمع را که همان سختی دینا می‌کی است به ترتیب زیر به دست آورد:

$$K_z = EA\eta \coth \eta H \quad (9)$$

برای بررسی دقیق روش تقریبی فوق، نتایج این روش با نتایج به دست آمده توسط نوگامی و توواک [۸] در اکال (۴) و (۵) برای دو حالت مختلف (شمع درخاک سخت و شمع درخاک نرم) مقایسه شده است. منحنی‌های ترسیم شده در این اکال تغییرات K_z و C ، یعنی قسمتی‌ای حقیقی و موهومی K_z را نسبت به سختی استاتیکی به دست می‌دهند، یعنی

آنالیز دینا میکنی شمعهای منفرد ...

۱۳



شکل (۴)- سختی دینا میکنی در یک خاکسخت

اگر سختی استاتیکی شمع با k_{st} نمایش داده شود، در این صورت:

$$K_z = k_{st} (k' + iC') \quad (11)$$

در اشکال (۴) و (۵) تغییرات k' و C' بر حسب ω/ω_0 ترسیم شده‌اند، که در آن

$$\omega' = \frac{\pi}{2H} \frac{\sqrt{EA}}{\sqrt{m}}$$

اولین فرکانس طبیعی شمع متفاوت است. سایر پارامترهای این اشکال به قرار زیرند:

استقلال

$$\beta_s = 0.02$$

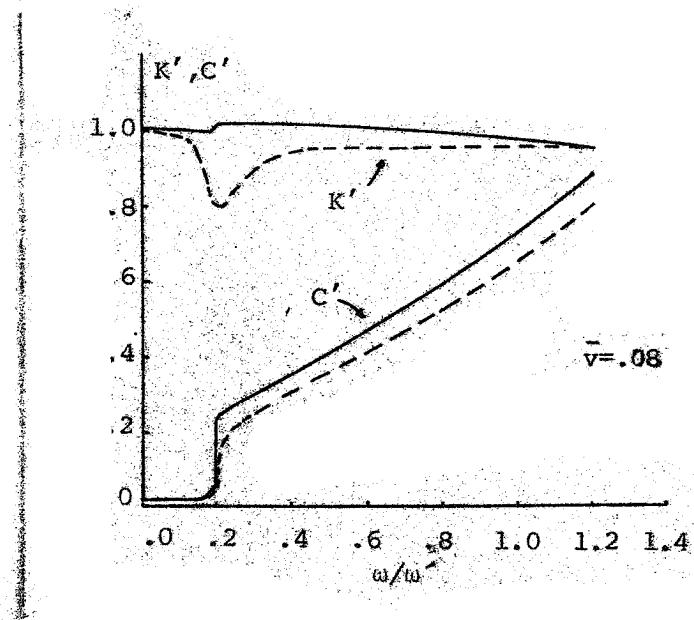
$$H/R = 40$$

$$\rho_s/\rho_0 = 0.6$$

$$\bar{v} = 0.04 \quad (\text{شكل } 4)$$

$$\bar{v} = 0.08 \quad (\text{شكل } 5)$$

در عبارات فوق ρ_s و ρ_0 به ترتیب جرم واحد حجم شمع و خاک و $\frac{V_s}{V} = \frac{\sqrt{G\rho}}{\sqrt{\rho_s E}}$ بست سرعت امواج برخی در خاک به سرعت امواج طولی در شمع است.



شکل (۵) - سختی دینا میکی در یک خاک نرم

همانطور که در این اشکال مشاهده می‌شود رابطه پیشنهادی برای سختی دینا میکی شمع برای ارتعاشات محوری با دقت خوبی این کمیت را به دست می‌بخشد.

اهمیت و ارزش رابطه ساده فوق (رابطه ۹) از دووجه است اولاً " به کمک آن تعیین سختی دینا میکی بسیار سریع و آسان می‌شود، ثانیاً " به کمک آن می‌توان صحت روشهای تشوربیک دیگری که برای محاسبه سختی اراده می‌شوند را بورسی کرد.

برای اینکه بتوان از روش فوق، که دقیق آن به وسیله نتايج فوق تا پیداشد، برای محاسبه سختی دینا میکی شمعهای اصطکاکی یا شمعهای شناور استفاده کرد می‌توان از روشی که توسط نوگامی (۹) و پرسخی دیگر از محققین برای درنظر گرفتن این مسئله پیشنهاد شده است استفاده کرد. بدین ترتیب که مطابق شکل (۶) می‌توان فرض کرد ستونی از خاک با همان قطر شمع از زیرشمع تا بستر سنگی قرار گرفته است و در واقع شمع از دو جنس با مدولهای الاستیسیتیه E_s و E_h و با طولهای h و s تشکیل شده است شکل (۷) نیز این شمع مجازی را در بستر ارتجاعی آن نشان می‌دهد. با استفاده از حل معادلات دیفرانسیل مربوط به دو قسمت شمع مطابق رابطه (۶) و با اعمال شرائط مرزی در قسمت فوقانی و تحتانی شمع و نیز با توجه به سازگاری تغییر شکل و تعادل نیروهای در فصل مشترک دو قسمت شمع به سادگی می‌توان نشان داد که در این حالت سختی دینا میکی شمع برابراست با:

$$K_z = \frac{E_s \sinh \eta H \sinh \eta_s h + E_s \eta_s \cosh \eta H \cosh \eta_s h}{E_s \cosh \eta H \sinh \eta_s h + E_s \eta_s \cosh \eta_s h \sinh \eta H} \quad (10)$$

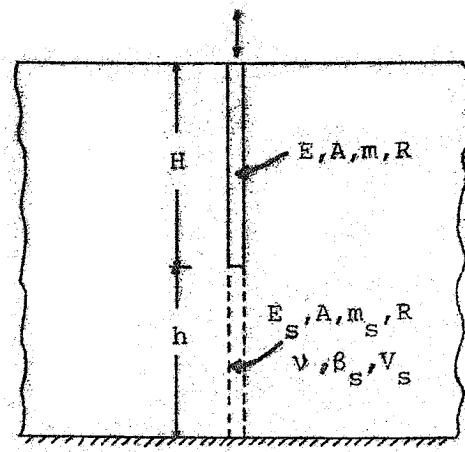
که در آن E ، η ، A ، H ، کمیتهای تعریف شده در ابتدای بخش و η_s به رابطه‌ای مشابه رابطه (۷) به طریق زیر تعریف می‌شود:

$$\eta_s = \frac{\sqrt{(k_s - m_s \omega^2)^2 + iC_s}}{\sqrt{E_s A}} \quad (11)$$

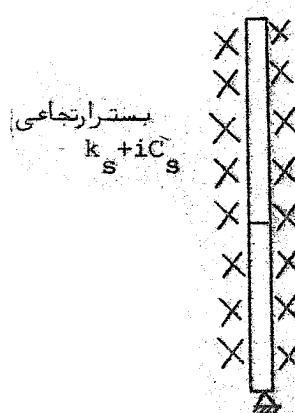
در این رابطه $m_s = \rho_s A$ جرم واحد طول ستون خاک است.

1. Floating pile

استقلال



شکل (۶) - شمع شنا و رد لایه خاک



شکل (۷) - مدل برای رفتار شمع شنا و رد

خلاصه و نتیجه‌گیری

با استفاده از روش اجزاء محدود، مدول عکس العمل زمین برای ارتعاشات محوری شمعهای مدفون دریک لایه خاک و بیکوالاستیک به صورت یک رابطه تقریبی بدست آمد. با استفاده از این مدول رابطه ساده‌ای برای سختی دینا میکی شمعهای منفرد با اتكا، انتهائی به دست آمد که دقیق‌تر از در مقایسه با نتایج تئوریک نشان داده شد. همچنین با استفاده از همین مدل ریاضی رابطه اینیز برای محاسبه سختی دینا میکی محوری شمعهای شناور را رائندشت. به کمک این سختی‌های دینا میکی می‌توان اثر متقابل خاک و سازه را برای سازه‌های استوار بر شمعهای برای ارتعاشات قائم مورد مطالعه قرارداد.

مراجع و مراجع :

1. Baranov, V.A., "On The Calculation of Excited Vibrations of an Embedded Foundation," (in Russian), Voprasy Dynamiki Prochnosti, No. 14, Polytech. Inst. Riga, P.P. 195-209.
2. Hetenyi, M., Beams on Elastic Foundation, University of Michigan Press, Ann Arbor, Michigan, 1946.
3. Holmquist, D.V. and Matlock, H., "Resistance-Displacement Relationships for Axially-Laded piles in Soft Clays," Proceedings of the 8th Offshore Technology Conference, 1976, paper No. OTC 2474, pp. 554-569.
4. Kausel, E., "Forced Vibration of Circular Foundations on Layered Media," Dept. of Civil Engineering, M.I.T. Research Report R74-11, Jan. 74
5. Kaynia, A.M., and Kausel, E., "Dynamic Stiffness and Seismic Response of Sleeved piles", Dept. of civil Engineering, M.I.T., Research Report R80-12, May 1980.
6. Kuhlemeyer, R.L., "Vertical Vibration of piles," Journal of The Geotechnical Engineering Division, ASCE, Vol. 105 No. GT2, Feb. 1979, pp. 289-304.
7. Mindlin, R.D., "Forces at a point in the Interior of a Semi Infinite Solid," Physics, 7, May 1936, pp. 195-202.

- 8.Nogami,T.,and Novak,M.,"Soil-pile Interaction in Vertical Vibration," International Journal of Earthquake Engineering and Structural Dynamics, John Wiley and Sons,Vol.4,No.3,Jan.-Mar.1976,pp.277-293
- 9.Nogami,T.,"Dynamic Group effect of Multiple piles Under Vertical Vibration," proc. of the ASCE Engineering Mechanics Division Specialty Conference, Austin,Texas, pp.750-754.
- 10.Novak,M.,"Dynamic Stiffnesses and Damping of Piles," Canadian Geotechnical Journal,Vol.II, No.4,1974,pp.574-598.
- 11.Novak,M.,"Vertical Vibration of Floating Piles," Journal of The Engineering Mechanics Division,ASCE, Vol. 103,No.EM1,Proc. Paper 12747., Feb.1977,pp.153-168.
- 12.Novak,M.,Nogami,T.,and Aboul- Ella,F.,"Dynamic Soil Reactions For Plane-Strain Case," Journal of the Engineering Mechanics Division, ASCE, Vol.104,No.EM4, Aug.1978
- 13.Poulos,H.G.,and Davis,E.H,"The Settlement Behavior of Single Axially-Loaded Incompressible piles and piers," Geotechnique,Vol.18,No.3,1968,pp.351-371.
- 14.Poulos,H.G.,"Analysis of The Settlement of pile groups"

Geotechnique, Vol 18, pp.449-471., 1968.

15. Poulos, H.G., and Davis, E.H., pile Foundation Analysis and Design, New York , John Wiley and Sons, 1980.

16. Reese, L.C., Cox, W.R., and Koop, F.D., "Analysis of laterally Loaded piles in sand," Proc of the Sixth Annual offshore Technology Conference, paper No. OTC 2080, Houston, Texas, 1974

17. Reese, L.C., Cox, W.R. and Koop, F.D., "Field Testing and Analysis of Laterally- Loaded piles in Stiff clays," Proc.of the Seventh Annual offshore Technology conference, paper. No.2312, Houston.Texas, 1975, Vol.2,pp.671-690.