توزیع دمای یک گاز غیر خاکستری واقع بین دو صفحه موازی با استفاده از مدل باند پهن نمایی

رضا حسینی ^{*}، مهرزاد وزیری ^{**}، مختاربیدی ^{***} دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی امیر کبیر

(دریافت مقاله: ۸۳/۳/۴ – دریافت نسخه نهایی: ۸۳/۱۰/۱۶)

چکیده _ در این تحقیق ، معادلهٔ انتقال حرارت تشعشعی برای یک گاز غیر خاکستری واقع بین دو صفحهٔ بزرگ و موازی، حل شده است. با حل این معادله، ابتدا توزیع دمای گاز در فاصلهٔ بین دو صفحه بهدست آمده وبا استفاده از آن شار حرارتی تشعشعی گذرنده از این لایهٔ گاز محاسبه شده است. چون گازهای 202 و 20 از مهمترین گازهای محصولات احتراقاند، با استفاده از برنامهٔ رایانهای نوشته شده ، نتایج برای این دو گاز بهدست آورده شده و سپس با نتایج دیگران مقایسه شده است. چون در اینجا از شبیه سازی تقریبا دقیق باندهای جذب گازهای غیر خاکستری استفاده شده است، می توان گفت که این حل تا حدودی نزدیک به حل دقیق است. براساس نتایج میتوان گفت که در نظر گرفتن گازهای فوقالذکر به عنوان گاز خاکستری میتواند درمحاسبات دمای گاز ونرخ حرارت تشعشعی خطای زیادی وارد کند. این خطا البته برای بخار آب بیشتر از گاز دی اکسید کربن است.

واژگان كليدى : تشعشع گاز –محيط غير خاكسترى – دى اكسيد كربن –معادله انتقال تشعشعى – توزيع دما – ضريب جذب و تتعشعى گازها

Temperature Distribution of a Non gray Gas between Two Parallel Planes Using Exponential Wide Band Model

R. Hosseini, M. Vaziri, and M. Bidi

Department of Mechanical Engineering, AmirKabir University of Technology

Abstract: In this paper, the Radiation Transfer Equation(RTE) for a non-gray gas between two large parallel planes has been

***- دانشجوی دکترا

** - کارشناسی ارشد

299

solved and the temperature distribution obtained. With the RTE, solution heat fluxes are also determined. Since CO_2 and H_2O are two components of most combustion products, the problem has been solved for these two gases. The results were, whenever possible, compared with data reported elsewhere. Since the simulation of exact absorbing bands has been used, it can be claimed to be relatively close to exact solution. From the results otained, it can be maintained that treating, the above mentioned gases as a gray gas could cause considerable errors in the determination of temperature distribution and heat fluxes. The error would be more for water vapour than for carbon dioxide.

Keywords: Gas radiation, Non-gray gas, Carbon dioxide, RTE, Temperature distribution, Gas absorbtivity and emissivity

		عاريم	فهرست
فشار جزئي گاز فعال	Pa	ضريب جذب طيفي	a_{λ}
شار حرارتی تشعشعی	q	ضريب جذب باند بدون بعد	A^*
شارحرارتی تشعشعی در جهت x	$q_{\rm x}$	از ضرايب انيشتين مربوط به مكانيك كوانتم	В
مونت كارلوي معكوس	RMC	Curtis-Godson Correlated k- distribution	CG CK
معادله انتقال تشعشعي	RTE	فاصله بين خطوط طيفي	d
جهت شعاع تشعشعي	s	فاصلهٔ بین دو صفحه	D
باند باریک آماری	SNB	باند پهن نمایی	EWB
دمای صفحات	$T_{1,}T_{2}$	شدت تشعشع برخوردي	G
مجموع وزنى گازهاى خاكسترى	WSGG	ثابت پلانک	h
جهت عمود به سطح	х	شدت تشعشعي	Ι
ضريب جاذبيت گاز	A	شدت تشعشعي جسم سياه	I_b
پارامتر همپوشانی خط	β	شدت تشعشعي طيفي	I_{λ}
زاویه با محور z	ϕ	شدت تشعشعي جهتي	Í
زاویه قطبی	θ	ضريب انهدام طيفي	\mathbf{k}_{λ}
ضخامت یا عمق اپتیکی	к	ضخامت لايه گاز	L
طول موج	λ	طول مؤثر اشعه	Le
متغير جانشين	μ	خط به خط	LBL
عدد موج	η	تعداد تقسیم بندیهای فاصله بین دو صفحه	Ν
زاویه فضایی یا حجمی	ω	فشار	р

۱– مقدمه

c 🖌 🕯

انتقال حرارت تشعشعی یکی از مودهای اصلی انتقال حرارت در سیستمهای صنعتی احتراق ومشعلهاست. مقدار شارهای حرارتی تشعشعی اثرات زیادی در کارایی سیستمهای احتراقی و محیط دارد. با وجود اهمیت زیاد آن، براورد کردن شارهای حرارتی تشعشعی، به طور کاملا دقیق امکانپذیر نیست. کنترل شعله و کنترل و بهینه سازی سایر سیستمهای احتراق، به مدل

کردن دقیق نرخهای انتقال حرارت تشعشعی، در میان گازهای داغ درون این محیط نیاز دارد. عوامل متعددی در کاهش دقت محاسبات تشعشعی دخالت دارند، که از مهمترین آنها یکی کمبود اطلاعات دقیق خواص تشعشعی (ضرایب جذب طیفی گازهای احتراق، توزیع و ترکیب ذرات دوده) است و دیگری عدم وجود مدلهای کارامد و فراگیر، که با دقت خوب، شار حرارت تشعشعی در محیط کاملاً غیر خاکستری را براورد کنند. به خاطر طبیعت تشعشع حرارتی، اصل بقای انرژی را نمی توان

Downloaded from intjournals.iut.ac.ir on 2024-07-03

مختلف در دسترس باشد. مدلهای مختلفی برای پیداکردن ضريب جذب متوسط وجود دارند. مدل مجموع وزنى گازهـاي خاکستری[°]، که اولین بار توسط هاتل[۱] برای روش ناحیه ای[°] ارائه شد، یک نمونه از این نوع است. سانگ[۲]یک اصلاحیه برای مدل مجموع وزنی گازهای خاکستری با مشخص کردن دقيق ناحيه طيفي اشغال شده توسط هرگاز خاكستري، پيشنهاد کرده است. در کار سوفیانی [۳] و پیروت و همکاران [۴] نشان داده شده ،که مدل مجموع وزنی گازهای خاکستری گر چـه در مقایسه با مدلهای دیگر به محاسبات کمتری نیاز دارد ، اما کمترین دقت را داراست و در بعضی موارد رفتار غیر قابل پیش بینی دارد. گودی و همکاران [۵] و لاکیس [۶] روش توزیع k (CK) را ارائه کردند، که با تقسیم بندی باندی طیف، ضریب جذب را به خوبی تخمین میزند. یک مدل دیگر که می توان آن را بین روشهای مجموع وزنی گازهای خاکستری و CK طبقه بندی کرد، مدل مجموع وزنی براساس خطوط طیفی گازهای خاکستری است که توسط دنیسون [۷و۸] ارائه شده است. محاسبه خط به خط^ یک روش دیگر برای محاسبهٔ مستقیم ضریب جـذب اسـت، تـاین [۹] و ریـویر و همکـاران[۱۰]. ماراکیس [۱۱] روشی را برای فرمولبندی کاربرد مدلهای باندی ارائه کرده است، به طوری که تعمیم آن به هندسه های چند بعدى سادهتر باشد. دراين مقاله هدف بهدست آوردن توزيع دما ونرخ انتقال حرارت تشعشعي درون يک لايه گاز غير خاکستري واقع بین دو صفحه خیلی بزرگ بوده است. هنگامی که گاز غیر خاکستری است ضریب جذب و تشعشع علاوه بر وابستگی به طول مشخصه و فشار به طول موج و دما وابسته است، و چـون دما متغییر است لذا حل معادله انتقال تشعشعی نسبتا پیچیده و با محاسبات بسیار حجیم سعی و خطایی همراه است. تنها در سالهای اخیر و به کارگیری رایانه های پرسرعت و با ساده سازیهایی چنین محاسباتی امکانپذیر شده است.

۲- معادلات حاکم
کمیت اصلی مورد استفاده در مسایل انتقال انرژی تشعشعی،

برای یک المان حجم بسیار کوچک نوشت بلکه باید کل محیط مورد مطالعه را در نظر گرفت. موضوع دیگری که به پیچیـدگی مسایل انتقال حرارت تشعشعی میافزاید، محاسبه دقیق خـواص تشعشعی است، به خاطر اینکه این خواص به متغیرهای زیادی وابستهاند و اندازه گیری آنها با دشواریهای متعددی روبرو است. در این تحقیق، معادله انتقال تشعشعی، حل شده و توزیع دمای گاز موجود بین دو صفحه موازی بهدست آمده است. فرضیاتی که برای حل این مسئله در نظر گرفته شده، عبارتاند از: گاز غیر خاکستری، محیط غیر پخشی، ابعاد صفحات بزرگ، مخلوط گازی مورد بحث، شامل یک جزء فعال ٔ تشعشعی و یک گاز شفاف مانند نیتروژن است. برای حل ایـن مسـئله ، خـواص تشعشـعی گـاز مربوطـه را در دماهـا و فشارهای مختلف نیاز داریم. روشهای تقریبی مختلفی برای بهدست آوردن ضريب جذب طيفي وجود دارد، كه تقريباً همه آنها از دو روش کلی باند باریک و باند پهن استفاده میکنند. به دلیل ناپیوسته بودن انرژی فوتونها، یک گاز فعال تشعشعی، در همهٔ طول موجها جذب و تشعشع نمی کند و انتقال این فوتونها به ترازهای مختلف، باعث جذب و نشر انرژی تشعشعی می شود. بنابراین طیف جذب هر گاز فعال، شامل چند باند است که گاز فقط در آن باندها جذب و نشر میکند. در این تحقیق، با استفاده از روابط باند پهن، ضریب جـذب طیفـی در دماهای مختلف محاسبه شده است.

در صنعت موارد بسیاری وجود دارد که تشعشع حرارتی در آنها اهمیت زیادی دارد، مانند: انواع مختلف احتراق، آشکار سازی^۳ منابع گرمایی مادون قرمز و مبدلهای حرارتی دما بالا و غیره. به منظور بهدست آوردن توزیع شارهای تشعشعی و منابع گرمایی در این گونه مسائل، یک روش برای حل معادله انتقال تشعشعی و یک مدل برای محاسبهٔ خواص تشعشعی گاز، لازم است. این روش حل و مدل مورد نیاز، مستقل از یکدیگر نیستند. زیرا در معادلهٔ انتقال تشعشعی^۴، متغیر ضریب جذب وجود دارد، که باید از طریق مدلهای خواص تشعشعی موجود محاسبه شود. یعنی باید ضریب جذب در دماها و فشار های

شدت طیفی^۹ I_λ است، که برابر است با انـرژی تشعشـعی بـر واحد سطح عمود برجهت انتشار، بر واحد زاویه حجمـی^{۱۰}، بـر واحد فاصلهٔ طول موج و بر واحد زمان. شدت طیفی را از نظـر ریاضی می توان به صورت زیر نوشت:

$$I'_{\lambda} = I'_{\lambda}(\theta, \phi, \lambda) \tag{1}$$

شدت کلی را می توان با انتگرالگیری روی تمام طول موجها بهدست آورد. شار خالص حرارتی، با انتگرالگیری از شدت، روی همه جهات بهدست می آید. شار خالص طیفی q_{λ} ، نرخ تشعشع حرارتی در واحد زمان و واحد سطح و در یک طول موج معین است و شار خالص کل p_{λ} انتگرال آن روی همه طول موجهاست. شارحرارتی کلی تشعشعی بصورت معادله (۲) به شدت کلی مرتبط می شود:

$$q = \int_{4\pi} I' \cos \theta \, d\Omega \tag{7}$$

$$= \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\pi} I'(\theta, \varphi) \cos \theta \sin \theta \, d\theta \, d\phi \tag{(7)}$$

شارهای نیم کروی ⁺q⁻,q از انتگرالگیری فضایی روی یک نیم کره به اندازه 2π استرادیان بهدست میآیند.

$$q^{+} = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} I_{+}(\theta, \phi) \cos\theta \sin\theta \,d\theta \,d\phi$$
$$q^{-} = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} I_{-}(\theta, \phi) \cos\theta \sin\theta \,d\theta \,d\phi \qquad (4)$$

$$q = q^{+} - q^{-}$$
 معادله دیفرانسیلی شدت تشعشع طیفی درون یک محیط فع ال
دارای جذب و تشعشع و با صرفنظر کردن از پراکنش (پخش)
به شکل زیر داده می شود، مادست [۱۲] وزیگل وهاول [۱۳]:
 $\frac{dI'_{\lambda}}{dk_{\lambda}} + I'_{\lambda}(k_{\lambda}) = I'_{b\lambda}$ (۵)
 k_{λ} عبارت است از ضخامت اپتیکی یا عمق اپتیکی وبرای یک

$$dk_{\lambda} = a_{\lambda}(s)ds$$

 $k_{\lambda}(s) = \int_{0}^{s} a_{\lambda}(s^{*})ds^{*}$
حل این معادله دیفرانسیل با بهکارگیری فاکتور انتگرال
بهصورت عمومی زیر داده میشود:

$$I'_{\lambda}(k_{\lambda}) = I'_{\lambda}(0)e^{-k_{\lambda}} + \int_{0}^{k_{\lambda}} I'_{b\lambda}(k_{\lambda}^{*})e^{-(k_{\lambda}-k_{\lambda}^{*})}dk_{\lambda}$$
(9)

برای حل این معادله باید توزیع دما درون محیط و ضخامت اپتیکی(k_λ) معلوم باشد. اما معمولاً دما از مجهولات مسایل انتقال تشعشعی است، و باید با حل همزمان این معادله و معادله موازنه انرژی، محاسبه شود. برای نوشتن معادله موازنه انرژی، انرژی جذب شده را توسط یک المان حجمی کوچک dv درون یک حجم بزرگ بهصورت زیر میتوان نوشت

$$\begin{split} d^4 Q'_{\lambda,a} = a_{\lambda} (dV) \, I'_{\lambda} (\lambda, \omega, \kappa_{\lambda}) \, dV \, d\lambda \, d\omega \qquad (V) \\ (V) \quad I'_{\lambda} (\lambda, \omega, \kappa_{\lambda}) \, dV \, d\lambda \, d\omega \qquad (V) \end{split}$$

$$I'_{\lambda} (\lambda, \omega, k_{\lambda}) = I'_{\lambda} (\lambda, \omega, 0) e^{-k_{\lambda}} + \int_{0}^{k_{\lambda}} I'_{b\lambda} (k_{\lambda}^{*}) e^{-(k_{\lambda} - k_{\lambda}^{*})} dk_{\lambda}^{*}$$
(A)

کے الارمیں الارمیں از شدت تشعشع ورودی از $I_{\lambda}'(\lambda, \omega, 0)$ مرزهای محدود کنندہ محیط کہ با زاویہ ω h به سمت dv تابیدہ می شود.

انرژی جذب شده توسط dV (جذب واقعی که تابش القایی از آن کم شده) از همه جهات، با انتگرالگیری از معادله (۷) روی ۵۰. بهدست می آید.

$$d^{3}Q_{\lambda,a} = \int_{\omega=0}^{4\pi} d^{4}Q'_{\lambda,a} =$$
(9)
$$a_{\lambda} (dV) dV d\lambda \int_{\omega=0}^{4\pi} I'_{\lambda} (\lambda, \omega, \kappa_{\lambda}) d\omega$$
(1)
$$u_{\lambda,i} (\lambda) (\lambda, \omega, \kappa_{\lambda}) d\omega$$
(2)
$$u_{\lambda,i} (\lambda) (\lambda, \omega, \kappa_{\lambda}) d\omega$$
(3)
$$u_{\lambda,i} (\lambda) (\lambda, \omega, \kappa_{\lambda}) d\omega$$
(4)
$$u_{\lambda,a} = \int_{\omega=0}^{4\pi} d^{4}Q'_{\lambda,a} =$$
(9)
$$u_{\lambda,i} (\lambda, \omega, \kappa_{\lambda}) d\omega$$
(9)
$$u_{\lambda,i} (\lambda, \omega, \kappa_{\lambda}) d\omega$$
(9)
$$u_{\lambda,i} = \int_{\omega=0}^{4\pi} d^{4}Q'_{\lambda,i} =$$
(9)
$$u_{\lambda,i} (\lambda, \omega, \kappa_{\lambda}) d\omega$$
(9)
$$u_{\lambda,i} = \int_{\omega=0}^{4\pi} d^{4}Q'_{\lambda,i} =$$
(9)
$$u_{\lambda,i} = \int_{\omega=0}^{4\pi} d^{$$

$$4\pi \,\overline{I}_{\lambda,i}(\lambda) \equiv \int_0^{4\pi} I'_{\lambda}(\lambda,\omega,\kappa_{\lambda}) \,d\omega \qquad (1\cdot)$$

در نتیجه معادله (۹) به صورت زیر درمی آید:

$$d^{3}Q_{\lambda,a} = 4\pi a_{\lambda}(dV) \,\overline{I}_{\lambda,i}(\lambda) \, dV \, d\lambda \tag{11}$$

با انتگرالگیری از معادلـه (۱۱) روی همـه طـول موجهـا، کـل انرژی جذب شده از میدان تشعشعی توسط dV ، بهصورت زیر محاسبه می شود:



$$T_2$$

شکل ۱– یک لایهٔ گاز قرار گرفته بین دو صفحهٔ موازی

$$\kappa(s) = \int_0^s a \, ds^* = \int_0^{x/\cos\beta} a \, d\left(\frac{x^*}{\cos\beta}\right) = \frac{1}{\cos\beta} \int_0^x a \, dx^* = \frac{\kappa(x)}{\cos\beta}$$
(19)

معادله انتقال به ازای هر مسیر دلخواه s نوشته شده، بنابراین در آن معادله (k(s) است. با استفاده از معادله (۸)، معادله انتقال

بر حسب (x) به شکل انتگرالی زیر نوشته می شود:

$$I'_{\lambda}(\kappa_{\lambda},\beta) = I'_{\lambda}(0) \exp\left(-\frac{\kappa_{\lambda}}{\cos\beta}\right) +$$
(۱۷)
 $\int_{0}^{\kappa_{\lambda}} I_{b\lambda}(\kappa_{\lambda}^{*}) \exp\left[\frac{-(\kappa_{\lambda}-\kappa_{\lambda}^{*})}{\cos\beta}\right] \frac{d\kappa_{\lambda}^{*}}{\cos\beta}$
(۱۷)
همه κ_{λ} ها در ایس معادله (x) هستند. با جایگزینی $\mu = \cos\beta$

$$I'_{\lambda}(\kappa_{\lambda},\mu) = I'_{\lambda}(0) \exp\left(-\frac{\kappa_{\lambda}}{\mu}\right) + \int_{0}^{\kappa_{\lambda}} I'_{b\lambda}(\kappa_{\lambda}^{*}) \exp\left[\frac{-(\kappa_{\lambda} - \kappa_{\lambda}^{*})}{\mu}\right] \frac{d\kappa_{\lambda}^{*}}{\mu}$$
(1A)

چنانکه در شکل (۱) نشان داده شده، دو صفحه موازی به ابعاد بینهایت بزرگ را در نظر می گیریم که به فاصله D از یکدیگر قرار دارند. مبدأ محور مختصات x از صفحه بالایی است. برای حل معادلات، باید یک توزیع دمای اولیه برای گاز میان دو صفحه، حدس بزنیم و مسئله را به روش سعی و خطا حل کنیم. بنابراین فاصله بین دو صفحه را به n قسمت مساوی تقسیم کرده و یک توزیع دمای اولیه برای نقاط در نظر می گیریم. با

$$d^{2}Q_{a} = \int_{\lambda=0}^{\infty} d^{3}Q_{\lambda,a} =$$

$$4\pi \, dV \int_{0}^{\infty} a_{\lambda}(dV) \overline{I}_{\lambda,i}(\lambda) \, d\lambda$$
(17)

کل انرژی ساطع شده از dV ، با استفاده از a_م و انتگرالگیری روی همه طول موجها بهدست میآید:

$$d^{2}Q_{e} = \int_{0}^{\infty} d^{3}Q_{\lambda,e} =$$

$$4 dV \int_{0}^{\infty} a_{\lambda} (dV) e_{b\lambda} (\lambda, T) d\lambda$$
(17)

در مواردی که همه مکانیزمهای دیگر تبادل انرژی مانند هـدایت و جابهجایی در مقایسه با تشعشع ناچیزنـد ، وهـیچ تغییـری در دمای موضعی رخ نمیدهد، کل انرژی صادر شده *از dV* برابر با کل انرژی جذب شـده است. ایـن موضـوع تعادل تشعشعی خوانده میشـود. با استفاده از معادلات (۱۲) و (۱۳)، تعادل تشعشعی به صورت معادله زیر بیان میشود:

$$d^2 Q_a = d^2 Q_e$$

يا:

$$\int_{0}^{\infty} a_{\lambda}(\lambda, T, P) e_{b\lambda}(\lambda, T) d\lambda =$$

$$\pi \int_{0}^{\infty} a_{\lambda}(\lambda, T, P) \bar{I}_{\lambda,i}(\lambda) d\lambda$$
(14)

اکنون معادله انتقال را برای یک لایه گاز مینویسیم، یک مسیر دلخواه ۶ درون گاز را که با جهت x زاویه β میسازد در نظر میگیریم، عمق اپتیکی (κ(x در راستای x به صورت زیر تعریف میشود:

$$\kappa(\mathbf{x}) = \int_0^{\mathbf{x}} \mathbf{a} \, \mathrm{d}\mathbf{x}^* \tag{10}$$

رابطه بین موقعیتهای اپتیکی در طول جهتهای s و x ، با ایـن معادله بهدست میآید:

آوردن ضریب جـذب طیفـی بـر حسـب دمـا نوشـته شـده، (پیوست ۱) a_م را برای نقاط بین دو صفحه بهدست میآوریـم و بـا اسـتفاده از ایـن a_۸، مـیتـوان ضـخامتهای اپتیکـی طیفـی رابهدست آورد: برای a = 0 تا D

$$\kappa_{\lambda}(\mathbf{x}) = \int_{0}^{\mathbf{x}} a_{\lambda}(\mathbf{x}) d\mathbf{x}$$
 (14)

یک نقطه دلخواه بین دو صفحه را در نظر می گیریم و معادله بقای انرژی معادله (۱۴) را با توجه به معادله (۱۰)برای آن مینویسیم:

$$\begin{split} & 4 \int_{0}^{\infty} a_{\lambda}(\lambda, T, P) e_{b\lambda}(\lambda, T) \, d\lambda = \\ & \int_{0}^{\infty} a_{\lambda}(\lambda, T, P) \left[\int_{0}^{4\pi} I_{\lambda}^{\prime}(\lambda, \omega, \kappa_{\lambda}) \, d\omega \right] d\lambda \end{split}$$

(λ, ω, κ_λ) شامل دو بخش است، یکی شدت رسیده بـه نقطه مورد نظر از صفحه شماره ۱ و دیگری شـدت مربـوط بـه صفحه شماره ۲:

$$I'_{+\lambda}(\lambda,\omega,\kappa_{\lambda}) = I'_{+\lambda}(0) \exp\left(-\frac{\kappa_{\lambda}}{\cos\beta}\right) + \int_{0}^{\kappa_{\lambda}} I'_{b\lambda}(\kappa'_{\lambda}) \exp\left[\frac{-(\kappa_{\lambda} - \kappa'_{\lambda})}{\cos\beta}\right] \frac{d\kappa'_{\lambda}}{\cos\beta}$$
(71)

$$I'_{\lambda}(\lambda,\omega,\kappa_{\lambda}) = I'_{\lambda}(D) \exp\left(\frac{-(\kappa_{\lambda D} - \kappa_{\lambda})}{\cos\beta}\right) -$$

$$[(YY)$$

$$\int_{\kappa}^{\kappa_{\lambda D}} I'_{b\lambda}(\kappa'_{\lambda}) \exp \left[\frac{-(\kappa'_{\lambda} - \kappa_{\lambda})}{\cos\beta} \right] \frac{d\kappa'_{\lambda}}{\cos\beta}$$

$$\sum I'_{\lambda} (l = 0, l = 0,$$

$$\begin{aligned} &4\pi \,\overline{I}_{\lambda,i}(\lambda) = \int_{0}^{4\pi} I'_{\lambda}(\lambda,\omega,\kappa_{\lambda}) \,d\omega \\ &= 2\pi \int_{0}^{\frac{\pi}{2}} \sin\beta \begin{cases} I'_{+\lambda}(0) \exp\left(-\frac{\kappa_{\lambda}}{\cos\beta}\right) \\ &+ \frac{1}{\cos\beta} \int_{0}^{\kappa_{\lambda}} I'_{b\lambda}(\kappa_{\lambda}^{*}) \exp\left[-\frac{(\kappa_{\lambda} - \kappa_{\lambda}^{*})}{\cos\beta}\right] d\kappa_{\lambda}^{*} \end{cases} \\ &+ I'_{-\lambda}(D) \exp\left(-\frac{(\kappa_{\lambda D} - \kappa_{\lambda})}{\cos\beta}\right) \\ &+ \frac{1}{\cos\beta} \int_{\kappa_{\lambda}}^{\kappa_{\lambda}} I'_{b\lambda}(\kappa_{\lambda}^{*}) \exp\left[-\frac{(\kappa_{\lambda}^{*} - \kappa_{\lambda})}{\cos\beta}\right] d\kappa_{\lambda}^{*} \end{cases} \end{aligned}$$

با استفاده از دمای اولیه حـدس زده شـده، سـمت چـپ معادلـه
بقای انرژی تشعشعی(۲۰) محاسبه می شود:
$$\lambda(\lambda, T, P)e_{b\lambda}(\lambda, T)d\lambda = 0$$
مت چپ معادله بقای انرژی
(۲۴)
و اگر این کار را برای همه نقاط بین دو صفحه انجام دهـیم، بـه

و ادر این دار را برای همه نفاط بین دو صفحه انجام دهیم، به یک دستگاه معادلات غیر خطی (n+1)×(n+1) میرسیم (n تعداد تقسیمات فاصله میان دو صفحه است). اگر معادله بقای انرژی را به این صورت بنویسیم:

$$\begin{split} f(T) &= 4 \int_{0}^{\infty} a_{\lambda} e_{b\lambda} d\lambda - \\ &\int_{0}^{\infty} a_{\lambda} \Biggl[\int_{0}^{4\pi} I'_{\lambda}(\lambda, \omega, \kappa_{\lambda}) d\omega \Biggr] d\lambda = 0 \end{split} \tag{70}$$

که T یک بردار با n+1 مولفه است. حال باید برای n+1 نقطه این معادله را بنویسم:

$$\begin{cases} f_1(T_1, T_2, ..., T_{n+1}) = 0 \\ f_2(T_1, T_2, ..., T_{n+1}) = 0 \\ \vdots \end{cases}$$
(Y9)

:

$$[f_{n+1}(T_1, T_2, ..., T_{n+1}) = 0$$

 $(f_{n+1}(T_1, T_2, ..., T_{n+1}) = 0$
 $(f_{n+1}(T_1, T_2, ..., T_{n+1})$
 (f_{n+1})
 (f_{n+1})

 ۴ - نتایج
 ۱- معادله انتقال تشعشعی برای گاز غیر خاکستری (دی اکسید کربن و بخارآب) واقع بین دو صفحه بزرگ حل شده است.
 ۲- ضریب جذب طیفی گازدی اکسید کربن برای ۸۳۳ کلوین و ۲۹۴ کلوین درفشارکلی ۱۰ آتمسفر و طول مشخصه (۳۳)

۳۸/۸ سانتیمتر بهدست آمده و با نتایج دیگران مقایسه شـده است.

- ۳- تغییرات ضریب جذب طیفی گاز دی اکسید کربن برای
 دماهای مختلف بهدست آمده است
- ۴- اثر طول مشخصه وفشارروی ضریب جذب طیفی گاز دی
 اکسید کربن بهدست آمده است.
- ۵- ضریب تشعشع کلی متوسط گاز دی اکسید کربن برای
 دماهای مختلف و برای طول مشخصه وفشارجزیی بهدست
 آمده است.
- ۶- توزیع دما و نرخ انتقال حرارت تشعشعی برای گاز دی اکسید کربن واقع بین دو صفحه بزرگ با به کارگیری تغییرات ضریب طیفی واز مدل باند پهن نمایی به دست آمده است.
- ۷- اثر تغییر دمای صفحات محدود کننده گاز روی توزیع دما ونرخ حرارت تشعشعی منتقل شده نشان داده شده است.
- ۸- توزیع دمای بی بعد ونرخ انتقال حرارت تشعشعی در شرایط یکسان برای گازهای دی اکسید کربن وبخارآب با هم مقایسه شده است.
- ۹- توزیع دما برای دی اکسید کربن وبخارآب واقع بین
 دوصفحه موازی بزرگ با شرایط گاز خاکستری مقایسه
 شده است.
- ۱۰-توزیع دمای درون گاز دی اکسید کربن با حل ارائه شده در شرایط مشابه توسط کامینسکی مقایسه شده است.
- ۱۱-اثر اندازه تقسیم بندی فاصله بین دو صفحه وفواصل عـدد موج و هم چنین تقسیم بندی المانهای زاویـه هـای تـابش روی توزیع دما نشان داده شده است.

۵- بحث ونتيجه گيري

۱-در شکل(۲) منحنی مربوط به ضریب جاذبیت^{۱۱} گاز دی اکسید کربن در ۸۳۳ کلوین و در شکل(۳) همان منحنی در ۲۹۴ کلوین رسم شده و با نتایج بهدست آمده، مادست[۱۲] مقایسه شده است. همچنان که در نمودار ها مشخص است جوابهای

بهدست آمده از این روش تطابق نسبتا خوبی با جوابهای تجربی، به خصوص در باندهای با طول موج بلندتر دارد. تطابق مقادیر متوسط (نسبت سطح زیر منحنیها) بهتر از مقادیر محلیاند.

۲- برای بررسی اثرات تغییر دما، مقدار جاذبیت گاز دی اکسید کربن در دماهای مختلف محاسبه و در شکل (۴) نشان داده شده است. همان طور که انتظار می رود، با افزایش دما عرض شده است. همان طور که انتظار می رود، با افزایش دما عرض باندها گسترش یافته و بیانگر اثر دما بر گسترش خطوط طیفی معادلات (۳,۲٫۱ پیوست ۱) پیروی میکند. به همین دلیل است معادلات (۳,۲٫۱ پیوست ۱) پیروی میکند. به همین دلیل است که در آن قسمت از منحنی، خطوط مربوط به دماهای مختلف محالف بر هم منطبق شده و به شکل یک خط واحد دیده میشوند.
۳- در بررسی اثر فشار و فاصله مؤثر بین دو صفحه مشاهده شد که مقدار جاذبیت گاز دی اکسید کربن تابعی از حاصلضرب فشار جزیی گاز فعال در فاصله مؤثر بین دو صفحه است. در شکل (۵) این اثر نشان داده شده است. از روی منحنی تغییرات شکل (۵) این اثر نشان داده شده است. از روی منحنی تغییرات در فاصله مؤثر بین دو صفحه است. در جاذبیت مشاهده میشود که با افزایش حاصلضرب فشار جزیی اند افزایش افته است.

مختلف در شکل(۶) رسم شده است. نتایج بهدست آمـده نشـان میدهد که ٤ تابعی از دما، فشار و p_aL_e است.

(YV)

 $\varepsilon = \varepsilon(p_a L_e, p, T_g)$

برای اطمینان از دقت روش در محاسبه جاذبیت، نتایج بهدست آمـده از ایـن تحقیـق بـه همـراه نتـایج سـاروفیم [۱۴] روی نمودار رسم شده است که تطابق خوبی مشاهده می شود. ۶- در شکل (۸) اثـر تغییـر دمـای صفحات بـر روی توزیـع دمـای گـاز و مقـدار شـار حرارتـی تشعشـعی، مـورد بررسـی قـرار گرفتـه اسـت. مشـاهده مـی شـود کـه افزایش دمای صفحات شکل منحنی را تغییر نـداده اما در مقـدار شار عبور مـؤثر است. بـه ایـن ترتیـب کـه هرچـه دمـای صفحات افـزایش یابـد مقـدار شـار نیـز افـزایش پیدا می کند، که امری بدیهی است.





6000

5000

[DOR: 20.1001.1.22287698.1384.24.1.18.1]



شکل۵- تغییرات ضریب جذب طیفی دی اکسید کربن، بر حسب حاصلضرب فشار جزئی در طول مؤثر، T = 1000K

استقلال، سال ۲۴، شمارهٔ ۱، جلد دوم، شهریور ۱۳۸۴

m.v



	شار تشعشعي	شار تشعشعي		شار تشعشعي		گاز خاكسترى	گاز خاکستري
	$p \rightarrow 0$ درحالت w/cm ²	atm w/cm ²	p=0.1	atm w/cm ²	p=0.2	K _D =0.1	K _D =0.2
دى اكسيدكربن	۲/۲۸	۲/۱۵		۲/•۸		۲/۰۸	1/94
بخار آب	۲/۲۸	۲/۱۰		١/٩٧			

جدول ۱– مقایسه شار حرارتی تشعشعی برای دو صفحه موازی(۷۰۰و۷۰۰کلوین) در حالت وجود گازهای دی اکسیدکربن و یا بخار آب در فشارهای جزیی مختلف

۱۰- برای بررسی دقت جوابها به مقالات متعددی رجوع شد، که در اکثر آنها توزیع دما جزیی از معلومات مسئله بوده است، بنابراین امکان مقایسه وجود نداشته است. اما در یک مورد نتایج با کار کامینسکی و مودر [۱۵] مقایسه شده که در کار ایشان نیز همانند این تحقیق فرض تعادل تشعشعی وجود دارد و توزیع دمای بدون بعد بدست آمده در هر دو در شکل (۱۲) با هم مقایسه شده است، که تفاوت چندانی مشاهده نمی شود. کامینسکی و مودر با استفاده از تقریب ۱– و ۳– با فرض تعادل تشعشعی مساله را حل کرده اند.

۱۱- درجدول (۱) اثر تغییر فشار جزیی گاز فعال موجود بین
 دو صفحه در مقدار شار حرارتی تشعشعی عبوری، مورد بررسی
 قرار گرفته است.

۱۲ - برنامه نوشته شده برای حل معادله انتقال در این تحقیق، دارای سه پارامتر است که اهمیت زیادی در دقت جوابها دارد و در واقع مشکل اصلی برای بهدست آوردن جوابهای دقیق بوده است. این پارامترها عبارتند از: تعداد تقسیمات فاصله میان دو صفحه مورد نظر، اندازه المان عدد موج (Δ۸) و تعداد تقسیم بندی زاویه ای. اندازه این سه پارامتر باید به گونه ای انتخاب شود که هم دقت جوابها مطلوب باشد و هم زمان محاسبه رایانهای بیش از اندازه افزایش نیابد. در شکل (۱۳) برای نمونه اثر این سه پارامتر مورد بررسی قرار گرفته است. ۷- در شکل (۹) مقدارهای بدون بعد دما و شار حرارتی تشعشعی رسم شده است، همچنانکه مشاهده می شود، با افزایش دمای صفحات تغییر چندانی در دمای بدون بعد دیده نمی شود، اما با افزایش دما شار حرارتی بدون بعد کاهش یافته که دلیل آن افزایش مقدار جذب انرژی تشعشعی دردماهای بالاتر می باشد.

۸- برنامه نوشته شده برای حل این مسأله، قادر به انجام محاسبات برای بخار آب نیز هست. در شکل(۱۰) برای نمونه، توزیع دمای بین دو صفحه، در هر دو حالت وجود گاز دی اکسید کربن یا بخار آب، با هم مقایسه شده است. به دلیل در دسترس نبودن و یا انجام نشدن چنین محاسباتی برای بخار آب در مراجع، امکان مقایسه نتایج مربوط به بخار آب با نتایج کارهای دیگران فراهم نشده است.

۹- نتایج بهدست آمده از این تحقیق در چند فشار جزیی مختلف، هم برای بخار آب و هم دی اکسید کربن رسم شده(شکل ۱۱) و با جوابهای بهدست آمده از حل هیزلت برای گاز خاکستری در شرایط تقریبا مشابه، مقایسه گردیده است. با ملاحظه منحنیهای مربوطه دیده می شود که جوابهای حل حاضر با جوابهای مربوط به فرض گاز خاکستری، بسته به نوع گاز، تفاوت فراوانی می تواند داشته باشد. درنتیجه هنگام محاسبه توزیع دما درون گاز وهمچنین نرخ حرارت تشعشعی فرض گاز خاکستری برای بخارآب ودی اکسید کربن می تواند خطای زیادی داشته باشد. این خطا برای بخارآب بیشتر است.



(دمای بدون بعد، $(q_x/\sigma(T_1^4 - T_2^4), e^{-\alpha})$ و شار بدون بعد ($q_x/\sigma(T_1^4 - T_2^4)/(T_1^4 - T_2^4)$)

۳١.



شکل ۱۱– مقایسه جوابهای بهدست آمده از حل حاضر برای دی اکسید کربن و بخار آب در فشارهای مختلف با حل هیزلت (Heaslet) T₁ = 800K, T₂ = 300K

استقلال، سال ۲۴، شمارهٔ ۱، جلد دوم، شهریور ۱۳۸۴

311



دومين عدد اندازه المان عدد موج(Δη) و سومين عدد تعداد تقسيمات زاويهای(Δβ) است).

واژەنامە

- 1. non scattering
- 2. participating
- 3. detection of infrared heat sources
- 4. radiative transfer equation(RTE)
- 5. Weighted Sum of Gray Gas(WSGG)
- 6. zone method
- 7. spectral line weighted sum of gray gases(SLW)
- 8. line By line calculation(LBL)
- 9. spectral intensity
- 10. solid angle
- 11. absorptivity
- 12. band strength parameter
- 13. band width parameter

- 1. Hottel, H.C. and. Sarofim, A.F Radiative Transfer, Mcgray-Hill, New York, 1967.
- Song, T.H. "Comparison of Engineering Models of NonGray Behavior of Combustion Products", *Int. J. Heat Mass Transfer*, vol. 36, PP. 3975-3982, 1993.
- Soufiani, A. Djavdan, E. "A Comparison Between Weighted Sum of Gray Gases and Statistical Narrow-Band Radiation Models for Combustion Applications," *Combustion and Flame*, Vol. 97, PP 240-250, 1994.
- L. Pierrot, A. Soufiani, J. Taine, "Accuracy of the Various Gas IR Radiative Property Models Applied to Radiative Transfer in Planar Media," in M.P. Menguc (ED.), Proceeding of the First International Symposium on Radiative Transfer, Begell House Inc., Kusadaci, Turkey, pp. 207-209, 1995.
- Goody, R. West, R. Chen, L. and Crisp, D. "The Correlated-k Method for Radiation Calculation in Non Homogeneous Atmospheres, J. *Quant. Spectorsc. Radiat. Transfer*, Vol. 42, PP. 539-550, 1989.
- Lacis, A. Oinas, V. "A Description of the Correlated-k Distribution Method for Modeling Nongray Gaseous Absorption, Thermal Emission and Multiple Scattering in Vertically Inhomogeneous Atmospheres, J. *Geophys. Res.* Vol. 96, PP. 9027-9063, 1991.
- Denison, M.K and Webb, B.W. "A Spectral line-Based Weighted-Sum-of-Gray-Gases Model for Arbitrary RTE Solvers," J. *Heat Transfer*, Vol. 115, PP. 1004-1012, 1993.
- Denison, M.K. Webb, B.W. "The Spectral Line-Based Weighted -Sum-of-Gray-Gases Model in Nonisohtermal Nonhomogeneous Media," J. *Heat Transfer*, Vol. 117, PP. 359-365, 1995.
- Taine, J. "A Line-by-Line Calculation of Low-Resolution Radiative Properties of CO₂-CO-Transparent Nonisothermal Gases Mixture up to 3000 K," J. Quant. Spectrosc. Radiat. Tarnsfer, Vol. 30, PP. 221-234, 1983.

- Riviere, Ph. Langlois, S. Soufiani, A. Taine, J. "An Approximate Database of H₂O Infrared Lines for High Temperature Applications at Low Resolution Statistical Narrow-Band Parameters," *J. Quant. Spectorsc. Radiat.* Transfer, Vol. 53, PP. 221-234, 1995.
- Marakis, J.G. "Application of Narrow and Wide Band Models for Radiative Transfer in Planar Media," *Int. J. Heat Mass Transfer*, Vol. 44, PP. 131-142, 2001.
- 12. M. F. Modest, Radiative Heat Transfer, McGraw-Hill, New York, 1993.
- 13. Seigel, R. Howell. J. Thermal Radiation Heat Transfer, McGraw Hill, 2002
- 14. Sarofim, A.F. Farag, I.H. Hottel, H.C. "Radiative Heat Transmission from Non-Luminous Gases, Computational Study of the Emissivities of Carbon Dioxide," ASME Publication for presentation at the AIAA-ASME Thermophysics and Heat Transfer Conference, Palo Alto, Calif., May 24-26, 1978.
- Kaminski, D.A. Modar, J.P. "A Nongray P-N Approximation For Radiative Transfer," HTD-Vol. 106, Heat Transfer Phenomena in Radiation Combustion and Fires, National Heat Transfer Conference, PP. 27-34, 1989.
- Edwards, D.K. Menard, W.A. "Comparison of Models for Correlation of Total Band Absorption", *Applied Optics*, Vol. 3, PP.. 621-625, 1964.
- Edwards, D.K. "Molcular Gas Band Radiation", Advances in Heat Transfer, Vol. 12, Academic Press New York, PP.115-193, 1976.
- Modest, M.F. "The Monte Carlo Method Applied to Gases with Spectral Line Structure", *Heat Transfer*, Part B, Vol. 32 (3), PP. 273-284, 1992.
- 19. Heaslet, Max A. Warming, Robert F. "Radiative Transport and Wall Temperature Slip in an Absorbing Planar Medium, " . *Int .J.Heat Mass Transfer*, vol.8 PP. 979-994, 1965.

پيوست ۱

حل هم زمان معادلات (۸) و (۱۶) به شرط معلوم بودن تغییرات (λ, T, P) ماطلاعات مورد نظر را برای شار حرارتی و توزیع دما می دهد اما ملاحظه می شود که (λ, T, P) مع ده مانند دما، فشار و طول موج است . برای حل مسئله ، قدم می دهد اما ملاحظه می شود که (λ, T, P) مع خود تابعی از شرایط محیط مانند دما، فشار و طول موج است . برای حل مسئله ، قدم بعدی انتخاب راهی برای به دست آوردن ضرایب جذب طیفی و ترکیب آن با معادلهٔ انتقال تشعشعی و بقای انرژی است. مدل مورد است . مدل مورد معدی استفاده برای محاسبه ضریب جذب، مدل باند پهن نمایی است. این مدل اولین بار توسط ادواردز و منارد [۱۶] ارائه شد. در اینجا فرض شده که ضریب جذب هموار شده ، $\frac{S}{d}$ به یکی از سه شکل زیر باشد [۱۷] :

- $\frac{S}{d} = \frac{\alpha}{\omega} e^{-(\eta_u \eta)/\omega}$ $\frac{S}{d} = \frac{\alpha}{\omega} e^{-2|\eta_c \eta|/\omega}$ (1)
 (1)
- $\frac{\mathbf{d}}{\mathbf{\omega}} = \frac{\alpha}{\mathbf{e}} e^{-(\eta \eta_{\mathrm{I}})/\omega}$ (*)

$$\begin{aligned} \alpha &= \int_{0}^{\infty} k_{\eta} d\eta = \int_{0}^{\infty} \left(\frac{S}{d} \right)_{\eta} d\eta \\ \frac{1}{e} \sum_{\alpha} \left(\frac{1}{e} \right)_{\alpha} d\eta \\ \frac{1}{e} \sum_{\alpha} \left(\frac{1}{$$

$$\alpha(T) = \alpha_{\circ} \frac{\left\{1 - \exp(-\sum_{k=1}^{m} u_{k} \delta_{k})\right\} \psi(T)}{\left\{1 - \exp(-\sum_{k=1}^{m} u_{\circ k} \delta_{k})\right\} \psi(T_{\circ})}$$
(*)

$$\omega(T) = \omega_{\circ} \sqrt{\frac{T}{T_{\circ}}}$$
(Δ)

$$\psi(T) = \frac{\prod_{k=1}^{m} \sum_{\nu_{k}=\nu_{\nu_{k}}}^{\infty} \frac{(\nu_{k} + g_{k} + \delta_{k} - 1)!}{(g_{k} - 1)!\nu_{k}!} e^{-u_{k}\nu_{k}}}{\prod_{k=1}^{m} \sum_{\nu_{k}=0}^{\infty} \frac{(\nu_{k} + g_{k} - 1)!}{(g_{k} - 1)!\nu_{k}!} e^{-u_{k}\nu_{k}}}$$
(9)

$$\begin{split} u_{k} &= hc \, \eta_{k} \, \big/ KT = c_{1} \, \eta_{k} \, \big/ T \quad , \quad u_{\circ k} = \frac{C_{1} \eta_{k}}{T_{\circ}} \quad , \quad T_{\circ} = 100 \, K \\ \upsilon_{\circ k} &= \begin{cases} 0 & \text{for} \quad \delta_{k} \geq 0 \\ \left| \delta_{k} \right| & \text{for} \quad \delta_{k} < 0 \end{cases} \end{split}$$
(V)

مقادیر با اندیس صفرازمادست[۱۲] گرفته شده است. با بهدست آوردن α و ۵ برای دما و فشارهای مختلف و جایگذاری آنها در معادلات (۱ تا ۳) مقدار ضریب جذب در باندهای مختلف برحسب طول موج در هر دمای دلخواه، قابل دستیابی است.

استقلال، سال ۲۴، شمارهٔ ۱، جلد دوم، شهریور ۱۳۸۴

DOR: 20.1001.1.22287698.1384.24.1.18.1]

۳۱٤