

## بهروزرسانی مدل المان محدود سکوی جکتی فراساحلی با استفاده از آنالیز مودال تجربی

فرهاد حسینلو\*، علیرضا مجتهدی و محمدعلی لطفاللهی یقین دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه تبریز

(دریافت مقاله: ۳۹۴/۰۶/۰۳ – دریافت نسخه نهایی: ۸۸/۱۳۹۵/۱۳۹۵) DOI: 10.18869/acadpub.jcme.36.1.67

چکیده- امکان تطبیق نتایج حاصل از مدل تجربی سازه ها بنایج حاصل شده از مدل المان محدود متناظر یکی از الزامات مهم در طراحی به شمار می رود. در این زمینه، با به روزرسانی مدل با استفاده از سیگنال های اندازه گیری شده در آزمایش ارتعاش، می توان مدل المان محدود مناسبی را پیشنهاد کرد. از این رو، این مقاله با استفاده از تهیه و انجام آزمایش روی مدل قاب فضایی سازه جکتی فراساحلی در مقیاس کوچک در یک آزمایشگاه دینامیک سازه و ارتعاشات، مطالعهای را در مورد روش های عددی به روزرسانی مستقیم و غیر مستقیم ارائه می دهد. همین طور در آن با استفاده از آن الیز حساسیت پاسخ سیستم به یک تحریک پایه، رویه انتخاب درجات آزادی غیرفعال در مرحله کاهش مدل با یک معیار مناسب مورد ارزیابی قرار می گیرد. ایس مماکرد منجر به همگرایی سریع تر الگوریتم تکرار و همچنین حذف مودهای کم اثر می شود. از آنجایی که مسأله اصلی در مسائل مران مان می ده سازه ها، پرهزینه و زمان بر بودن محاسبات است بابراین با استفاده از این روش ها هم در زمان و هم در هزینه صرف در منا

واژههای کلیدی: سکوی جکتی فراساحلی، بهینهیابی، بهروزرسانی عددی، آنالیز مودال تجربی.

### Finite Element Model Updating of an Offshore Jacket Platforms using Experimental Modal Analysis

F. Hosseinlou\*, A. Mojtahedi and M. A. Lotfollahi

Department of Civil Engineering, University of Tabriz, Tabriz, Iran

**Abstract:** An important requirement in design is to be able to compare experimental results from prototype structures with predicted results from a corresponding finite element model. In this context, updating the model using measured vibration test can lead to proposing a desired finite element model. Therefore, this paper presents indirect and direct based numerical updating study of a reduced scale four-story spatial frame structure of offshore jacket platforms constructed and tested at the Structural Dynamics and Vibration Laboratory. Besides, the selection procedure for inactive degrees of freedom in the process of reduced model is evaluated, with a reasonable criterion, by using sensitivity analysis of system response under base excitation. This performance leads to faster convergence of iterative algorithm and also, eliminates spurious modes. Since the significant problem fundamental to dynamic structural analysis is the amount of time and cost required for computation, the use of these methods will save both in time and cost.

\* : مسئول مكاتبات، پست الكترونيكي: f.hosseinlou@tabrizu.ac.ir

3]	
00	
024-	
on 2	
ic.ir	
iut.a	
nals.	
ijour	
n iu	
froi	
aded	
vnlo	
Dov	

Keywords: Offshore jacket platforms	s, Optimization, Numerica	l updating, Experimental	l modal analysis.
-------------------------------------	---------------------------	--------------------------	-------------------

		علائم	ھرست
بردار شتاب	[X]	بردار يکه	[I]
بردار جابهجايي	[X]	ماتريس سختي	[K]
مقادیر اندازهگیری شده	$[Z_m]$	ماتریس سختی کاهش یافته	[K <sub>R</sub> ]
ميزان خطا	$\gamma_{jh}$	ماتریس سختی بەروزرسانی شدہ	$[K_u]$
نماينده ضرايب لأگرانژ	$\boldsymbol{\delta}_{ih}$	ماتریس جرم	[M]
پارامتر تخمین زده شده در j امین تکرار	$\theta_{j}$	ماتریس جرم کاهش یافته	[M <sub>R</sub> ]
مقادیر ویژه	λ	ماتریس جرم بەروزرسانی شدہ	$[M_u]$
ضرايب لاگرانژ	$[\Gamma_k,\Gamma_\Lambda]$	درجات آزادی اصلی	m
بردار مودال عددي	$\left[\phi_a\right]$	تعداد درجات آزادی	n
بردار مودال تجربي	$[\phi_m]$	درجات آزادی فرعی	S
بردار مودال اصلاح شده	$\left[\phi_{u}\right]$	ماتريس حساسيت	$\left[ S_{j} \right]$
فركانس طبيعي	ω	ترانهاده	Т
نماينده ماتريس مقادير ويژه	$[\Lambda]$	ماتریس تبدیل کاهشی گویان	[Ts]

#### ۱ – مقدمه

نیاز امروزی بشر جهت اکتشاف و استخراج منابع نفتی سبب پیشرفت علوم مهندسی در زمینه سازههای دریایی شده است. از این رو، مطالعه رفتار دینامیکی، آنالیز و طراحی این سازهها از اهمیت ویژهای برخوردار است، هر چند که شامل پیچیدگیهایی خاص اعم از عدم قطعیتها، خطا در مدل سازی و... هستند. توسعه تکنیکهای مؤثر برای ارزیابی عملکرد و طراحی سازههای دریایی جهت جلوگیری از وقوع شکستهای جدی تحت نیروهای محیطی وارده بر آنها، بسیار مؤثر است. از آنجایی که آسیبهای موجود باعث تغییر در خصوصیات دینامیکی سازه می شوند، در نتیجه منجر به ایجاد تغییر در خواص مودال نظیر فرکانس های طبیعی و شکل های مودی می شوند. مسأله به روزرسانی مدل یک مسأله کاربردی است که در صنایع خودرو، هوافضا و سازههای دریایی به کار می رود. در

ایسن صنایع یک مدل المان محدود نظری اغلب نیازمند بهروزرسانی با استفاده از تعداد محدودی مقادیر ویژه اندازه گیری شده از یک سازه واقعی است. از ایسنرو تشکیل مدلهای ریاضی دقیق از سازهها، یکی از الزامات مهم در طراحی و تحلیل سازهها به شمار می رود. این مدلهای ریاضی بسیار مهم هستند، زیرا در طراحی و ارزیابی سازهها (نوعاً سکو)، نیاز به پیش بینی دقیق پاسخهای دینامیکی تحت بارگذاری واقعی از جمله موج، جریان و زلزله وجود دارد. در معل این مدلهای ریاضی به طور همزمان با به کارگیری روشهای تجربی و عددی از جمله آنالیز المان محدود و آزمون مودال ایجاد می شوند. با توجه به پیچیدگی های خاص سازه های مهم مهندسی (از جمله سازه های دریایی از نوع جکت) نتایج پیش بینی شده توسط روش های عددی قدر به انعکاس بهروزرسانی شده، دادههای مودال اندازه گیری شده را باز تولید مىكند. افزون بر اين، يك الگوريتم بەروزرسانى مشابه روش تـابع جريمه وجود دارد كه يك نوع روش بهروزرساني تكرار شونده براساس تشکیل ماتریس حساسیت است. ماتریس حساسیت برای ایجاد ارتباط بین مدلهای المان محدود تحلیلی و تجربی مورد استفاده قرار می گیرد. بنابراین محاسبات برای بهبود مدل تحلیلی بهطور عمده، بستگی به تکرار در محاسبات ماتریس حساسیت دارد. این روش تکرار شونده می تواند می زان هزینه محاسبات را كاهش دهد [۱۰]. بهطور كلي هدف از اين كار بهبود تناسب بين دادههای مودال اندازه گیری شده و دادههای مودال مدل المان محدود تحلیلی متناظر است. از آنجایی که فقط تعداد محدودی از مختصات (اطلاعات) از آزمایش تجربی بهدست می آید، لـذا برای ارائه مختصات کافی باید از روشهای عددی استفاده کرد. روش حساسیت براساس مقادیر ویژه، اکثراً در مـواردی بـهکـار گرفته شده است که مختصات اندازهگیری شده بهطور ناقص در دسترس هستند [١١ و ١٢]. در عمل، بهروزرساني مدل المان محدود در دینامیک سازه ها شامل بهروزرسانی برخی پارامترهای مدل جهت ایجاد مطابقت کامل بین نتایج اخذ شده از ارتعاش سازه توسط روشهای عددی و تجربی است [۱۵-۱۳]. در روند بهروزرسانی نـه تنهـا بایـد رابطـه بـین دادههـای پیش بینی شده از روش های عددی و اندازه گیری شده بهبود یابد، بلکه بایستی پارامترهای بهروزرسانی شده مدل یک ماهیت فیزیکی از سازه اصلی را ارائه دهند. با استفاده از روش های مذکور می توان یارامتر های مدل فیزیکی، مانند مدول یانگ، چگالی، ضخامت و غیرہ را بهروزرسانی کرد [۱۹–۱۶]. متداول ترین پارامترهای دینامیکی مورد استفاده در بهروزرسانی مدل المان محدود، فرکانس های طبیعی و شکل مودها هستند که از لحاظ نظری می توان آنها را بهعنوان پارامترهای دینامیکی در الگوریتم بهروزرسانی درنظر گرفت. در عمل، اندازه گیری اشکال مودی از دقت کمتری نسبت به اندازه گیری فرکانس های طبيعي برخوردار هستند. بنابراين، مقادير ويـژه را مـي تـوان بـا اطمینان خاطر بیشتر نسبت به بردارهای ویژه در روشهای

تجربی نیستند. بنابراین روشهایی در راستای برطرف کردن این ضعف و همچنین به حداقل رساندن اختلافات بین پارامترهای مودال اندازه گیری شده و عددی باید ارائه و توسعه داده شوند [۳-۱]. روش های بهروزرسانی مدل المان محدود را می توان در دو گروه روشهای مستقیم و روشهای تکرار شونده طبقهبندی كرد [٧-۴]. مزيت روش مستقيم در محاسبات ساده و كارأمـد أن است. در روش بهروزرسانی مستقیم، با حل یک مسأله بهینهسازی مقيد، ماتريس هاي بهروزرساني شده بهدست مي آيند. اختلاف بين روشهای مستقیم گوناگون به واسطه اختلاف در تابع هدف انتخابی، قیدهای تعریف شده و روش عددی مورد استفاده برای بهینهسازی است. مشخصه مهم روشهای مستقیم بازسازی صحیح اطلاعات اندازه گیری شده است. همچنین این روشها نیاز به تکرار نداشته و در نتیجه امکان واگرایمی در محاسبات وجود ندارد. از معایب اصلی روش های مستقیم این است که بهدلیل عدم حفظ پیوستگی ماتریس های دینامیکی در مدل ریاضے در طول فرایند بەروزرسانی، ماہیت فیزیکی سازہ اصلی حفظ نمیشود. بەعبارتی پارامترهای مودال مـدل بـهروزرسـانی شـده اغلـب دارای مفهـوم فیزیکی نبوده و تغییر در ماتریس،های جرم و سختی را نمی توان به تغییرات فیزیکی در المانهای مدل اصلی وابسته کرد. در مقابل در روشهای تکرار شونده مفهـوم فیزیکـی مـاتریسهـای دینـامیکی اصلی مربوط به مدل ریاضی بعـد از فراینـد بـهروزرسـانی تکـرار شونده نیز حفظ میشود. بنابراین مزیت اصلی روش های تکرار شونده توانایی در حفظ ارتباط اولیه بین درجات آزادی در ماتریس های دینامیکی سازه است. از طرفی، در روش های بهروزرسانی تکرار شوندہ فرایند اصلی شامل حل یک مسأله بهینهسازی است که در آن اختلاف بین پارامترهای مودال تحلیلی و اندازه گیری شده با استفاده از تنظیم پارامترهای مجهول مدل به حداقل رسانده می شود [۸ و ۹].

در قالب روش های مستقیم، تمرکز بخشی از مطالعات اشاره شده برروی یک روش بهروزرسانی براساس دادههای مودال اندازه گیری شده است که در آن، با فرض صحیح بودن ماتریس جرم، ماتریس سختی بهروزرسانی می شود به طوری که مدل سیستم به یک تحریک پایه، رویه انتخاب درجات آزادی غیرفعال در مرحله اعمال روش کاهش مدل با یک معیار مناسب مورد ارزیابی قرار گرفته است. این عملکرد منجر به همگرایی سریعتر الگوریتم تکرار می شود. همچنین در این مطالعه با استفاده از فرایند به روزرسانی مدل المان محدود براساس مدل تجربی، تا حد امکان فائق آمدن بر مسأله عدم قطعیت در مدلسازی نیز درنظر گرفته شده است. از آنجایی که مسأله اصلی در مسائل مرتبط با آنالیز دینامیکی سازه ها، پرهزینه و زمان بر بودن محاسبات است، بنابراین با استفاده از روش ها و نتایج ارائه شده در این مطالعه هم در زمان و هم در هزینه صرفه جویی خواهد شد.

### ۲- تکنیکهای بهینهیابی

۲–۱– روش ضرایب لاگرانژ– روش مستقیم

در روش های مبتنی بر ضرایب لاگرانژ به طور کلی یکی از دو ماتریس جرم و سختی را به عنوان پارامتر صحیح انتخاب و سپس نسبت به به روزرسانی ماتریس مورد نظر برای حالتهای مختلف با تعریف و به حداقل رساندن توابع هدف همراه قیدهای مناسب توسط اعمال مضارب لاگرانژ، اقدام می کنند. مودهای اندازه گیری شده از سازه لزوماً عمود بر ماتریس جرم نیستند چرا که به احتمال زیاد تعداد حسگرها از تعداد درجات آزادی کمتر بوده و یا اندازه گیری ها به طور ناقص انجام گرفته است. در روش مستقیم فرض بر صحیح بودن ماتریس جرم است. چرا که معمولاً اعمال شرط تعامد دشوار است. به منظ ور است. چرا که معمولاً اعمال شرط تعامد دشوار است. به منظ ور است. چرا که معمولاً اعمال شرط تعامد دشوار است. به منظ ور (هدف) J را می توان برای به روزرسانی ماتریس بردار ویژه [ه] طبق رابطه زیر معرفی کرد [۲۰]:

$$J = \left\| \left[ N \right] \left( \left[ \phi \right] - \left[ \phi_m \right] \right) \right\|$$
$$= \sum_{i=1}^{n} \sum_{k=1}^{m} \left[ \sum_{j=1}^{n} \left[ N \right]_{ij} \left( \left[ \phi \right]_{jk} - \left[ \phi_m \right]_{jk} \right) \right]^{\gamma}$$
(1)

که در آن،  $\sqrt[h]{[M_a]}, [M_a]$  ماتریس جرم تحلیلی، [ $\phi$ ]

بهروزرسانی مدل استفاده کرد. همانطور که در این مطالعه این چنین است. در استفاده از روشهای بهروزرسانی در سازههای فولادی ثابت با دو چالش عمده، عدم هماهنگی تعداد حسگرهای اندازهگیری و درجات آزادی مدل تحلیلی (ناتمامیت فضایی<sup>۱</sup>) و اندازهگیری دادههای نویزدار روبرو هستیم که بـرای رفع چالشهای مذکور می توان از روش های کاهشی مختلف نظیر روش گویان ٔ بهره گرفت. از اینرو، تمرکز این مطالعـه در راستای بهروزرسانی ماتریس های دینامیکی یک سکوی فولادی نوع جکت با هر دو روش مستقیم و تکرار شونده با هدف بەدست آوردن مناسبترین (بهترین) ملل ریاضی منطبق بر مدل تجربی با بهره گیری از اطلاعات مودی اندازه گیری شده محدود است. تحليل حساسيت بهطور طبيعي بـا اصـلاح سـازه مرتبط است با این حال، در این تحلیل تأکید بر این است که تعیین شود کدام یک از تغییرات سازهای بیشـترین یـا کمتـرین تأثیر را روی پاسخ سازهای (مثلاً پاسخ از نـوع تـنش اعضـاء) دارد. لذا در این تحقیق از تحلیل حساسیت برای نیل به اهداف مورد نظر استفاده شده است. هدف اصلی مقاله حاضر، بەروزرسانى عـددى مـدل المـان محـدود تحليلـى بـا كمتـرين اطلاعات موجود از سازه واقعی در کمترین زمان، با هزینه پایین و با دقت بالا تحت بهترين روش موجود، بسته به نوع هدف از بهروزرسانی است. ویژگی دیگر ایـن تحقیـق انجـام آزمـایش مودال تجربی برروی یک مدل فیزیکی آزمایشگاهی جهت ارزیابی و بهروزرسانی مدل المان محدود به کار برده شده در این مطالعه است. تاکنون مطالعات متعددی در خصوص روشهای بهروزرسانی مدل المان محدود ارائه شده است. با این حال، به مطالعاتی در مورد تأثیر انواع روش های بەروزرسانی روی مدل المان محدود یک سازہ خـاص (نوعـاً سکوی جکتی)، استفاده از آنالیز حساسیت و روش های کاهش مدل و بهره گیری از مدل فیزیکی سازه مورد نظر در راستای جبران دادههای مودال اندازه گیری شده محدود و همچنین از بین بردن مودهای کم اثر، توجه کمی صورت گرفته است. در نتيجه در مطالعه حاضر، با استفاده از أناليز حساسيت پاسخ

آنگاه ماتریس سختی بهروزرسانی شده را می توان با حداقل کردن تابع هدف زیر محاسبه کرد:

$$J = \frac{1}{r} \left\| [N]^{-1} ([K] - [K_a]) [N]^{-1} \right\|$$
(V)

$$J = \frac{1}{r} \sum_{ij=1}^{n} \left[ \sum_{h,k=1}^{n} [N]^{-1}_{ih} \left( [K]_{hk} - [K_a]_{hk} \right) [N]^{-1}_{kj} \right] \qquad (\Lambda)$$

[K] ماتریس جرم تحلیلی، [X] ماتریس جرم تحلیلی، [K] ماتریس جرم تحلیلی، [K] ماتریس برم تحلیلی، [K] ماتریس سختی که باید به روزرسانی شود،  ${i'}[N]$ ،  ${i'}[X]$ ,  ${i'}[X]$ ,  ${i'}[X]$  و  ${i'}[X]$  به ترتیب  ${i'}[i]$  مین مؤلفه های مربوط به معادله اخیر به [K] [N]، [X] و [K] هستند. قیدهای مربوط به معادله اخیر به قرار [N]، [X] و [[M] هستند. قدهای مربوط به معادله اخیر به قرار [X] و [[M] و [M][[M]] =  $[M_a]$  هستند که نماد [X] فرار [X] = [[M] و [[M]] و [M]] =  $[M_a]$  هستند که نماد [X] فرار [X] = [X] ماتریس مقادیر ویژه است. سپس اگر از تابع هدف براساس [X] ماتریس سختی که باید به روزرسانی شود، دیفرانسیل گرفته شود رابطه زیر حاصل می شود:

$$\begin{split} [M_{a}]^{-1} \left[ K_{a} \right] \left[ M_{a} \right]^{-1} + r \left[ \Gamma_{\Lambda} \right] \left[ \left[ K_{a} \right] - \left[ K_{a} \right] \right] \left[ M_{a} \right]^{-1} + r \left[ \Gamma_{\Lambda} \right] \right] \left[ \Gamma_{\Lambda} \right] \\ \hline \\ \lambda_{b} |_{Lix=l}, \left[ \Gamma_{\Lambda} \right] e \left[ \Gamma_{\Lambda} \right] e \left[ \Gamma_{\Lambda} \right] durable \\ \lambda_{c} |_{Lix=l}, \left[ \Gamma_{\Lambda} \right] e \left[ \Gamma_{\Lambda} \right] \\ \lambda_{c} |_{Lix=l} + \lambda_{c} |_{Lix=l} + \lambda_{c} |_{Lix=l} + \lambda_{c} |_{Lix=l} \\ \lambda_{c} |_{Lix=l} + \lambda_{c} |_{Lix=l} + \lambda_{c} |_{Lix=l} \\ \lambda_{c} |_{Lix=l} + \lambda_{c} |_{Lix=l} + \lambda_{c} |_{Lix=l} \\ \lambda_{c} |_{Lix=l} + \lambda_{c} |_{Lix=l} + \lambda_{c} |_{Lix=l} \\ \lambda_{c} |_{Lix=l} + \lambda_{c} |_{Lix=l} + \lambda_{c} |_{Lix=l} \\ \lambda_{c} |_{Lix=l} + \lambda_{c$$

$$[K_{u}] = [K_{a}] - [K_{a}][\phi_{u}][\phi_{u}]^{T}[M_{a}] - [M_{a}][\phi_{u}][\phi_{u}]^{T}[K_{a}] + [M_{a}][\phi_{u}][\phi_{u}]^{T}[K_{a}][\phi_{u}][\phi_{u}^{T}][M_{a}] + [M_{a}][\phi_{u}][\Lambda][\phi_{u}]^{T}[M_{a}]$$

$$(1)$$

در ادامه مطابق روند ارائه شده در بالا، با مرجع قرار دادن ماتریس بردار ویژه اندازه گیری شده (عدم نیاز به اصلاح)، بهروزرسانی هر دو ماتریس سختی و جرم صورت می گیرد. مزیت این روش عدم نیاز به محاسبه بردارهای ویژه تصحیح شده است. چرا که ماتریس جرم، بر مبنای متعامد بودن ماتریس جرم و بردارهای ویژه بهروزرسانی می شود [۴]. با استفاده از ماتریس جرم تحلیلی و ماتریس بردار ویژه اندازه گیری شده می توان تابع هزینه معرفی شده در زیر را برای بهروزرسانی ماتریس جرم تشکیل داد: ماتریس برداری که باید بهروزرسانی شود، [  $\phi_m$ ] بردار ویژه اندازه گیری شده،  $i_{ij}[\phi]$ ،  $i_{j}[N] e_{ij}[\phi]$  به ترتیب (i,i)امین m اندازه گیری شده،  $i_{i}[\phi]$ ،  $[N] e_{i}[\phi]$  به ترتیب (i,i)امین m المانهای مربوط به ماتریس های [ $\phi$ ]،  $[N] e_{i}[\phi]$   $e_{i}[\phi]$ ، m zetle بردارهای اندازه گیری شده و n تعداد درجات آزادی مصدل تحلیلی هستند. در ضمن باید شرط net transcript المانها اندازه گیری شده و n تعداد درجات آزادی مصدل تحلیلی هستند. در ضمن باید شرط ites and بردارها بنیز برقرار باشد. روش dot transcript المانها و n تعامد بردارها برای for a start f

مستند. ضرایب لاگرانژ را می توان به صورت منحصر به فرد هستند. ضرایب لاگرانژ را می توان به صورت منحصر به فرد با معرفی قیدهای متقارن اعمال کرد. در این صورت خواهیم داشت: <sup>T</sup>[۲]=[۲] با تشکیل دیفرانسیل تابع تکمیلی نسبت به هر یک از مؤلفه های ماتریس بردار ویژه اصلاح شده، رابطه حاصل به دست می آید:

 $[\phi] = [\phi_m] ([I] + [\Gamma])^{-1}$ (7)  $\Box = [\phi_m] ([I] + [\Gamma])^{-1}$   $\Box = [\phi_m] ([I] + [\Gamma])^{-1}$ 

ب جنابی کناری رابطه به دست می آید:  

$$[I] = [\phi] [M_{a}] [\phi]^{T} [M_{a}] [\phi] ] ([I] + [\Gamma])^{-} ([\phi] + [\Gamma])^{-} ([\phi] + [\Gamma])^{-} ([\eta] + [\Gamma])^{-} ([\phi] + [\Gamma])^{-} ([\phi] + [\Gamma])^{-} (\phi] + (\phi] +$$

$$[\phi_{u}] = [\phi_{m}] \left( [\phi_{m}]^{T} [M_{a}] [\phi_{m}] \right)^{- \cdot / \delta}$$
(9)

چنانچه فرض شود ماتریس جـرم تحلیلی، صـحیح بـوده و بردارهای ویژه بهمنظور اطمینان از تعامد تصحیح شده باشند،

$$J = \frac{\gamma}{r} \left\| \left[ M_a \right]^{-\frac{\gamma}{r}} \left( \left[ M \right] - \left[ M_a \right] \right) \left[ M_a \right]^{-\frac{\gamma}{r}} \right\|$$
(11)

در اینجا [M] ماتریس جرمی است که بایستی به روزرسانی شـود. ایـن رابطـه نیـز دارای قیـد متعامـد بـودن [I]=[ $\phi_m^T M_a \phi_m$ ] است. تـابع هـدف J بـا فـرض مـاتریس سختی صحیح مشابه مراحل قبل به حداقل رسانده می شود. در نتیجه می توان چنین نوشت:

 $[M_a]^{-1}[M_a](M_a]^{-1}=[\Phi_m][\Gamma][\Phi_m]^{-1}=[M_a])^{-1}[M_a]^{-1}$  (۱۲) با اعمال قید متعامد بودن و جای گذاری ضریب لاگرانژ، معادله (۱۲) برحسب ماتریس جرم تحلیلی به صورت زیر در می آید که با استفاده از آن می توان ماتریس جرم به روزرسانی شده را به دست آورد:

$$[\mathbf{M}_{u}] = [\mathbf{M}_{a}] + [\mathbf{M}_{a}][\phi_{m}][\overline{\mathbf{M}_{a}}]^{-} ([\mathbf{I}] - [\overline{\mathbf{M}_{a}}])[\overline{\mathbf{M}_{a}}]^{-} [\phi_{m}]^{T} [\mathbf{M}_{a}]$$

$$(17)$$

که  $[m_{q}][m_{q}]^{T}[M_{a}]^{T}[m_{a}] = [m_{a}]$  است. حال با در دست داشتن ماتریس جرم بهروزرسانی شده می توان در ادامه ماتریس سختی بهروزرسانی شده را محاسبه کرد. از آنجایی که ماتریس بردار ویژه عمود بر ماتریس جرم بهروزرسانی شده جدید است لذا می توان برای محاسبه ماتریس سختی بهروزرسانی شده منطبق بر روند ارائه شده در قسمتهای قبلی اقدام کرد. بنابراین با جایگزین کردن ماتریس جرم بهروزرسانی شده جدید [M\_] بهجای ماتریس جرم تحلیلی [M\_] و ماتریس بردار ویژه اندازه گیری شده [m\_] بهجای ماتریس بردار ویژه اصلاح شده [Im]، معادله محاسبه ماتریس سختی بهروزرسانی شده طبق رابطه (۱۴) بهدست می آید:

$$\begin{split} [K_{u}] &= [K_{a}] - [K_{a}][\phi_{m}][\phi_{m}]^{T}[M_{u}] - \\ & [M_{u}][\phi_{m}][\phi_{m}]^{T}[K_{a}] + \\ & [M_{u}][\phi_{m}][\phi_{m}][K_{a}][\phi_{m}][\phi_{m}]^{T}[M_{u}] + \\ & [M_{u}][\phi_{m}][\Lambda][\phi_{m}]^{T}[M_{u}] \end{split}$$
(14)

بار تولید می د. جهت استفاده از روابط (۱۱) و (۱۱) میکار به کدنویسی است که در این تحقیق از نرمافزار متلب<sup>۴</sup> استفاده شد.

ایده اصلی روش تابع جریمه در بهینهسازی تابع هدف غیر خطی، به حداکثر رساندن ارتباط بین دادههای عددی و تجربی است. به طور کلی این روش داده های مودال را به عنوان تابعی از پارامترهای ناشناخته در قالب سری تیلور محدود شده به کار می گیرد. در این روش برای عملکرد صحیح و بهتر باید از فرایند تکرار بهره برد. ضابطه سری تیلور محدود شده به شرح زیر است:

$$\delta[z] = [S_j]\delta[\theta] \tag{10}$$

که در آن، تغییرات در پارامترها با  $\theta_j = \theta_j = \delta_j$ ، اختلاف بین بردارها و مقادیر ویژه اندازهگیری شده و تحلیلی با بردارها و مقادیر ویژه اندازهگیری شده و تحلیلی با  $\delta[z] = [z_m] - [z_j]$  و ماتریس حساسیت با  $[S_j]$  نشان داده میشوند و همچنین داریم:

$$\begin{bmatrix} z_m \end{bmatrix}^T = \left(\lambda_{m}, \begin{bmatrix} \phi_{m} \end{bmatrix}^T, \lambda_{m}, \dots, \lambda_{mr}, \begin{bmatrix} \phi_{mr} \end{bmatrix}^T \right)^T$$
(19)  
$$\begin{bmatrix} -1^T & \left(\lambda_{m}, \begin{bmatrix} \phi_{m} \end{bmatrix}^T, \lambda_{m}, \dots, \lambda_{mr}, \begin{bmatrix} \phi_{mr} \end{bmatrix}^T \right)^T$$
(19)

$$\left[z\right]^{1} = \left(\lambda_{\lambda}, \left[\phi_{\lambda}\right]^{1}, \lambda_{\gamma}, ..., \lambda_{r}, \left[\phi_{r}\right]^{1}\right)$$
(1V)

در معادله (۱۵)، j تعـداد تکـرار و پـارامتر θ نشـاندهنـده پـارامتر تخمـين زده شـده در j امـين تکـرار هسـتند. بررسـی و انتخـاب پارامترهای ايجاد شده بر عهده کاربر است [۲۲].

ماتریس حساسیت [<sub>[</sub>S]، شامل مشتق اول مقادیر ویژه و شکل مودها نسبت به پارامتر مورد نظر است. در اینجـا ابتـدا مسـأله مقدار ویژه در سازهها درنظر گرفته میشود [۲۳ و ۲۴]: (۱۸) (۱۸) برای شروع کار ابتدا رابطه مربـوط بـه مسـأله مقـدار ویـژه بـا

دیفرانسیل گرفتن نسبت به پارامتر 
$$\theta_{r}$$
 بسط داده می شود:  

$$\left( [K] - \lambda_{i} [M] \right) \frac{\partial [\phi_{i}]}{\partial \theta_{r}} = - \left( \frac{\partial [K]}{\partial \theta_{r}} - \lambda_{i} \frac{\partial [M]}{\partial \theta_{r}} - \frac{\partial \lambda_{i}}{\partial \theta_{r}} [M] \right) [\phi_{i}]$$
(۱۹)

$$\frac{\partial \lambda_{i}}{\partial \theta_{r}} = \left[\phi_{i}\right]^{T} \left(\frac{\partial \left[K\right]}{\partial \theta_{r}} - \lambda_{i} \frac{\partial \left[M\right]}{\partial \theta_{r}}\right) \left[\phi_{i}\right]$$
(Y • )

از رابط (۲۰)، مشتق مقادیر ویژه با استفاده از مودهای متناظرش محاسبه می شود. به بیانی دیگر، مشتق i امین بردار ویژه را می توان به عنوان یک ترکیب خطی از همه بردارهای ویژه نشان داد:

$$\frac{\partial \left[\phi_{i}\right]}{\partial \theta_{r}} = \sum_{j=v}^{n} \beta_{ij} \left[\phi_{j}\right] \tag{71}$$

هدف به دست آوردن ضریب  $\beta_{ij}$  است. با جای گذاری رابطه (۲۱) در رابطه (۱۹) که عبارت  $^{T} [ [\phi] ]$  در آن ضرب شده است، این ضریب به صورت زیر به دست می آید: (۲۲) می از این این ( $^{(1)}$ 

$$\beta_{ij} = -\frac{1}{r} \left[ \phi_i \right]^I \frac{\partial \left[ I^{AJ} \right]}{\partial \theta_r} \left[ \phi_i \right], \ j = i$$
(YY)

پس از آن که مشتق اول مقادیر ویژه و بردارهای ویژه محاسبه شدند، آنها را میتوان در ماتریس حساسیت قرار داد.

(۲۳) (۲۳) از طرفی چون پارامترها دارای خطا هستند حل حداقل مربعات

(۲۵) 
$$([z_m] - [z_j])^{-1} ([z_m] - [z_j]) [S_j]^T)^{-1}$$
 (اق) (۲۵) (۲۵) (۲۵) این در این مطالعه بهروزرسانی تنها بـرحسـب مقادیر ویژه اندازه گیری شده، انجام گرفته است.

۳- حل بهینه و سودمند با استفاده از روش های کاهشی فرمول بندی کلی معادلات دیفرانسیل ارتعاشات آزاد یک سیستم

روش های عددی در مهندسی، سال ۳۶، شمارهٔ ۱، تابستان ۱۳۹۶

$$[X] = [\phi] \sin(\omega t - \vartheta) \tag{(YV)}$$

که در آن ۵ فرکانس طبیعی، ۶ زاویه فاز است و بردار n بعدی [۵] با نام "شکل مود" شناخته میشود. هر فرکانس طبیعی دارای حداقل یک شکل مود متناظر است. از آنجا که معادله دیفرانسیلی ارتعاشات خطی و همگن است، حل عمومی آن یک برهم نهی خطی از تمام مودهای ممکن است. لذا برای جواب نهایت خواهیم داشت:

که شکلی از مسأله مقادیر ویژه است، می توان از نرمافزار متلب بهره گرفت.

### ۳–۱– روش کاهش استاتیکی

مدلهای المان محدود شامل درجات آزادی زیادی بوده و محاسبه تمامی فرکانسها و شکلهای مودی بسیار پرهزینه است. لذا، کاهش ابعاد ماتریسها مفید خواهد بود. این کاهش با بهکارگیری تعداد درجات آزادی کمتر به جای کل درجات آزادی مدل المان محدود انجام می گیرد. در روش کاهشی گویان جرم نظیر برخی درجات آزادی نادیده گرفته می شود و حرکت این درجات آزادی به تغییر مکانها و ویژگیهای الاستیک سایر درجات آزادی که درجات آزادی اصلی<sup>۵</sup> نامیده می شوند، مقید خواهد شد. مسأله کاهش یافته تنها دارای درجات آزادی اصلی است. اولین مدل کاهشی (کاهش استاتیکی) توسط گویان ارائه شد [۲۵ و ۲۶]. در این روش

Downloaded from iutjournals.iut.ac.ir on 2024-07-03



$$[\mathbf{M}_{\mathbf{R}}] = [\mathbf{T}_{\mathbf{s}}]^{\mathrm{T}}[\mathbf{M}][\mathbf{T}_{\mathbf{s}}] \tag{(m)}$$

$$[\mathbf{K}_{\mathbf{R}}] = [\mathbf{T}_{\mathbf{s}}]^{\mathrm{T}}[\mathbf{K}][\mathbf{T}_{\mathbf{s}}] \tag{PY}$$

ماتریس های جرم و سختی تحت تحلیل زیرسازه<sup>۷</sup> از نـرمافـزار انسیس^ استخراج شده، سپس تمام محاسبات اعم از، محاسبه فرکانس ها و بردارهای جابه جایی و مقادیر ویژه، انتخاب درجات آزادی اصلی، محاسبه ماتریس تبدیل، تشکیل و حل معادلات در نرمافزار متلب صورت می گیرد.

۲-۳- کاهش اعضاء بر مبنای آنالیز حساسیت دینامیکی

آنالیز حساسیت تکنیکی است که بهوسیله آن یک تحلیـلگـر پی میبرد که اصلاح خواصی از سازه چون شرایط مرزی، خواص مصالح، هندسـه و غیـره چـه تـأثیری بـر پاسـخهـای سازهای مدل دارد. آنالیز حساسیت می تواند جهـت تشـخیص حساسیت و عدم حساسیت نواحی از سازهها برای پاسخهای معین به کار رود. در ایــن مطالعـه از آنــالیز طیـف پاسـخ تـک نقطهای که شامل مراحل مدلسازی، حل آنالیز مودال، حل

شکل ۱- آنالیز طیفی از نوع تک نقطهای

آنالیز طیفی، گسترش مودها، ترکیب مودها و اخذ نتایج است، جهت آناليز حساسيت استفاده شده است.

در این روش، مطابق شکل (۱) مدل سازهای سکو تحت تحریک نوسانی در راستای عمودی در محدوده مود اول قرار می گیرد. در نتیجه پاسخ سکو از نوع جابهجایی لرزهای در قالب تنش معادل گرهای بررسی میشود. در مرحله ترکیب مودها از روش جذر مجموع مربعات استفاده شده است.

### ۴- استخراج پارامترهای مشخصه و بهبود مدل المان محدود

در طراحی و ارزیابی سازه هایی که تحت تأثیر نوسانات بهواسطه بارها و محرکهای ارتعاشی هستند، انجام آنالیز مودال کاملاً ضروری است. در این مقاله از روش حل بلاک لنسوز ٩ برای آنالیز مودال استفاده شده است. تست مودال، تکنیکی تجربی برای بهدست آوردن مدل مودال یک سیستم ارتعاشی خطی بر مبنای رابطه بین پاسخ ارتعاشی سازه با تحریک اعمالی<sup>۱۰</sup> است. دو نوع آنالیز مـودال تجربـی وجـود دارد که یکی آنالیز مودال آزمایشگاهی'' است و سازه مـورد

(29)

(٣。)

(٣١)

(٣٢)

آزمایش تحت ارتعاش اجباری قرار گرفته و پارامترهای مودال بهدست می آیند. روش دیگر آنالیز مودال عملیاتی ۲ است. در این روش ارتعاش سازه واقعی تحت بارهای بهرهبرداری ثبت و سپس پارامترهای مودال محاسبه می شوند. در مجموع، آنالیز مودال تجربی شامل سه مرحله؛ آمادهسازی برای تست، اندازهگیری پاسخ فرکانسی و استخراج پارامترهای مودال است. آمادهسازی تست شامل؛ انتخاب تكيه گاه سازه، نوع تحريك، نقاط تحريك، سـختافزارهـاي اندازه گیری نیرو و پاسخ، تعیین هندسه مدل با نقاط اندازه گیری معین و منابع خطا است. در طول تست، یک مجموعه FRF اندازهگیری شده و ذخیره می شود تا در مرحله بعد بهمنظور تعیین پارامترهای سازه آنالیز شوند [۷]. بهعلت اینکه شکل مودهای تجربی اغلب ناقص و پیچیده هستند، شاخص های مختلف برای مقایسه شکل مودهای تجربی و عددی مطرح می شود. معیار اطمینان مودال<sup>۱۳</sup> رایج ترین شاخص است که در متون علمی به کار گرفته شده است. بهمنظور محاسبه مقدار معيار اطمينان مودال، شكل مودهاي بهدست آمده از مدلهای عددی- تحلیلی با شکل مودهای بهدست آمده بهروش تجربی ترکیب شده و رابطه زیر مي تواند به کار برده شود:

$$MAC([\phi_{a}], [\phi_{m}]) = \frac{\left| [\phi_{a}]^{T} [\phi_{m}^{*}] \right|^{t}}{([\phi_{a}]^{T} [\phi_{a}^{*}])([\phi_{m}]^{T} [\phi_{m}^{*}])}$$
(Y\Delta)

که [m] و [ه]، بهترتیب بردار مودال عددی و بردار مودال تجربی هستند و علامت ستاره نشاندهنده مزدوج مختلط است. مقدار معیار اطمینان مودال بین صفر و یک تغییر میکند. مقدار یک همبستگی کامل و صفر عدم همبستگی بین شکل مودهای عددی و تجربی را نشان میدهد [۲۸].

۵- کار آزمایشگاهی و مدل فیزیکی
مـدل فیزیکی ایس تحقیق در قالب یک قـاب فضـایی بـا
مشخصـات؛ پایـههـای اصـلی بـا قطـر ۱۸ و ضـخامت ۲/۵
میلی متر، اعضاء افقی (تیر و مهار) بـا قطـر ۱۰ و ضـخامت ۲

روش های عددی در مهندسی، سال ۳۶، شمارهٔ ۱، تابستان ۱۳۹۶

ضخامت ۱/۵ میلیمتر در چهار طبقه مطابق شکل (۳) ساخته شده است. ابعاد هندسی اعضای سازه مدل فیزیکی این تحقیق، مشابه با مدلی است که اولین بار توسط لی و همکاران استفاده شده است [۲۹]. همانطور که در شکل (۳) قابل مشاهده است، شکل عمومی مدل یک قاب فضایی با چهار پایه اصلی است که به عرشه فوقانی متصل شدهاند. در ضمن مدل مورد استفاده شامل ۱۲ گره اصلی (هـر گـره دارای سـه درجه آزادی  $U_y$ ،  $\theta_z$  و  $V_y$  ( $U_x$ ) و  $V_y$ ، درجه آزادی است. مدول یانےگ  $\rho = v \wedge 0 \circ \frac{kg}{m^r}$  و دانسیته  $E = r_{/^{\circ}} v \times 1 \circ^{11} Pa$ گرفته شده است. آزمایش مودال تجربی برای یک مدل فيزيكي سازه فراساحلي ثابت نوع جكت انجام گرفت. مـدل فیزیکی حاضر، از لولههای فـولادی ضـد زنـگ سـاخته شـده است که برای اطمینان از انتقال مناسب نیروها، با استفاده از جوشکاری قوس الکتریکی آرگون به هم جوش داده شدهاند. پاسخهای ثبت شده از انجام آزمایش لرزاننده بهدست آمدند که در طول اجرای آزمایش بهصورت سیگنالهای سری زمانی ذخیره شدند. سازه سکوی مورد آزمایش و ابزاربندی انجام آزمایش در شکلهای (۲) و (۳) نشان داده شده است. تحریک خارجی (براساس سیگنالهای نویز سفید) توسط یک لرزاننده الكتروديناميكي اعمال شد كه بهوسيله يك أمپليفاير (مـدل ۲۷۶۰ شـرکت B & K) کنتـرل مـیشـد. فرکـانس نمونه گیری آزمایش نیز برابر با ۱۰ کیلوهرتز و بازه فرکانسی بین صفر تا ۲۰۰ هرتز درنظر گرفته شد. مطابق شکل تعداد چهار حسگر (بهازای هر طبقه یک حسگر) برای اخذ سیگنال نصب شده است.

میلیمتر و اعضاء مهاری قطری (در صفحه قائم) با قطر ۸ و

#### ۵–۱– نتایج آنالیز حساسیت

اگر مدل المان محدود سکوی مورد نظر، که شکل مودهای آن مطابق شکلهای (۴) و (۵) می باشد، تحت تحریک نوسانی در راستای عمودی در محدوده مود اول در نرمافزار انسیس مورد تحلیل قرار داده شود (تحلیل طیفی)، پاسخ و محدوده تغییرات



شکل ۲- ارتباط بین آمپلی فایر، لرزاننده الکترودینامیکی، نیروسنج و سازهٔ مدل



شکل ۳– ابزار و اندازه گیریهای تجربی در مدل فیزیکی

طبقات اعمال شود نتایجی شبیه شکل (۷- ب) حاصل می شود. با توجه به شکل (۶) مشاهده می شود که المانهای مربوط به مهارهای افقی سکو کمترین نقش را در باربری دارند. یا به عبارتی، شکل (۷- ب) نشان می دهد که حذف المانهای مهاری افقی تأثیر محسوسی روی پاسخ سازه یا همان تغییرات تنش ندارند. لذا در راستای کاهش مدل و رسیدن به مدل نهائی از المانهای مربوط به مهارهای افقی سکو صرفنظر می شود. تنش آن مشابه شکل (۶) و شکل (۷- الف) خواهد بود. شایان ذکر است که شکل (۷)، پاسخ سازه یا همان محدوده تغییرات تنش المانهای سازهای مدل سکو را، که از تحلیل طیفی حاصل شدهاند، در قالب طیفهای رنگی (بازه اعداد) نشان میدهد. این طیفهای رنگی (همان تغییرات تنش) در المانهای طبقه اول مدل سکو، به صورت برجسته و رنگی در قالب "A Section R"، در شکل (۶) ارائه شده است. اگر همین تحلیل روی مدل مورد نظر تحت اثر حذف مهارهای افقی در



VV





شكل ٩- مدل المان محدود نهايي سكوى جكتي

۵-۲- مدل المان محدود نهایی سکوی جکتی با بهره گیری و اعمال روش کاهشی گویان تعداد درجات آزادی ماتریس های دینامیکی به نصف کاهش یافته است. نتیجه این کاهش مدل از نقطه نظر فرکانس های بهدست آمده در مقایسه با

فرکانس های مدل اولیه در شکل (۸) آورده شده است. بدین ترتیب مدل نهایی مورد استفاده مطابق شکل (۹) حاصل می شود. کلیه مدل های المان محدود در این مطالعه در نرم افزار انسیس مدل شدهاند.

# ۶- نتايج

#### ۴–۱– روش ضرایب لاگرانژی

ابتدا فرایند بهروزرسانی براساس بهروزرسانی ماتریس سختی با فرض صحیح بودن ماتریس جرم صورت گرفته است. ماتریس جرم و سختی در شکلهای (۱۰) و (۱۱) بهصورت شماتیک ارائه شده است. در این راستا معادله (۱۰) برای بهروزرسانی ماتریس سختی استفاده شده است. نتایج اخذ شده در جدول (۱) و شکل (۱۲) آورده شده است.

با بررسی شکل (۱۲) مشاهده میشود ماتریس سختی بهروزرسانی شده دارای بیشترین پراکندگی مقادیر نسبت به قطر اصلی است. بنابراین، حتی اگر مقادیر ویژه و بردارهای ویژه تقریباً بهطور کامل بهروزرسانی شوند، سیستم جدید نمیتواند ماهیت فیزیکی سازه واقعی را ارائه دهد.

در ادامه مطابق روند مرحله اول، با صحیح فـرض کـردن ماتریس بردار ویژه اندازه گیری شـده (عـدم نیـاز بـه اصـلاح)،





جدول ۱- نتایج بهروزرسانی روش ضرایب لاگرانژی– حالت اول

فركانس عددي	فركانس تجربي	فركانس بەروزرسانى شدە	معيار اطمينان
&n/24	۵۸/۳۴	۵۸/۵۹	۰/۹۹۳
91/84	94/13	٩٣/٨۴	•/ <b>٩</b> ٩٢
۱ ۰ ۰ /۸	1 • 8/71	۱ <i>°۶/۶</i>	•/99¥
170/1	۱۳۰/۲۸	1 T9/AV	•/ <b>٩</b> ٩١

در جهت بهروزرسانی هر دو ماتریس سختی و جرم اقـدام شـده است. همانطور که انتظار میرفت نتایج حاصله مشابه نتایج اخذ شده از مرحله اول (بهروزرسانی تنها ماتریس سختی) است، چـرا که هر دو روش براساس روش بهینهسازی مشابه ساخته شدهانـد.

بنابراین تنها تفاوت آنها را میتوان در تعداد و نوع ماتریس های در حال بهروزرسانی دید. نتایج بهروزرسانی در جدول (۲) ارائـه شده است. در واقع، این روش بیشتر برای بهروزرسانی ماتریس سختی مفید است. با این حال، مطابق شکل های (۱۳) و (۱۴) باید

روش های عددی در مهندسی، سال ۳۶، شمارهٔ ۱، تابستان ۱۳۹۶

٧٩



شکل ۱۲– خصوصیات ماتریس سختی بهروزرسانی شده با ماتریس جرم ثابت در روش مستقیم لاگرانژی

جدول ۲– نتایج بهروزرسانی روش ضرایب لاگرانژی– حالت دوم				
فرکانس عددی	فركانس تجربي	فركانس بەروزرسانى شدە	معيار اطمينان	
۶V/۲۹	51/34	۵۸/۴۲	•/ <b>٩</b> ٩۴	
91/84	94/18	٩۴/۰۰	۰/۹۹۱	
$) \circ \circ / \Lambda$	1 • ۶/۲ 1	۱ • ۶/۳۵	۰/۹۹۵	
120/1	۱۳۰/۲۸	١٣٠/٤٧	०/९९४	



شکل ۱۳- خصوصیات ماتریس جرم بهروزرسانی شده براساس ماتریس بردار ویژه اندازه گیری شده در روش مستقیم لاگرانژی

۶-۲- روش تابع جریمه (بهروزرسانی مدل المان محدود براساس حساسیت مقادیر ویژه) مزیت اصلی این روش توانایی انتخاب پارامترها توسط کاربر با توجه به جایگاه آنها نسبت به قطر اصلی است و همچنین اشاره کرد که هر چند میزان پراکندگی ماتریس سختی نسبت به روش قبلی کمتر است، ولی همچنان ماتریس جرم دیگر قطری نیست و در ضمن ماتریس سختی جدید یک نمایش فیزیکی از سازه ارائه نمیدهد.



شکل ۱۴– خصوصیات ماتریس سختی بهروزرسانی شده با ماتریس بردار ویژه اندازه گیری شده در روش مستقیم لاگرانژی



شکل ۱۵– خصوصیات ماتریس سختی بهروزرسانی شده با روش تکرار شونده براساس حساسیت مقادیر ویژه

جدول ۳– نتایج بهروزرسانی براساس حساسیت مقادیر ویژه (روش تکرار شونده – تابع جریمه)

_					
	فركانس عددي	فركانس تجربي	فركانس بەروزرسانى شدە	معيار اطمينان	
	&V/Y9	۵٨/٣۴	$\Delta\Lambda/\Lambda\Upsilon$	•/ <b>٩</b> ٩٢	
	91/84	94/13	94/81	•/९९४	
	١ • • /٨	1 • ۶/۲۱	۱ • ۶/۸۵	•/९९	
	170/1	۱۳۰/۲۸	131/04	•/٩٩٢	

کوچ کتر پراهمیت هستند لذا از وزن زیادی در فرایند بهروزرسانی برخوردار خواهند شد. از اینرو اگر روند وزندهی بهطور مناسب انجام گیرد، مقادیر ویژه خیلی بزرگ که نقش زیادی در رفتار دینامیکی سازه ندارند، دارای وزن نزدیک به صفر خواهند بود. نتایج بهروزرسانی مطابق جدول (۳) ارائه شده سهولت در وزندار کردن پارامترها یکی دیگر از مزیتهای آن به شمار میرود. از آنجاییکه در این روش پارامترها می توانند انتخاب شوند، لذا این روش قادر به به روزرسانی ماتریس سختی سازه مطابق شکل (۱۵) با حفظ موقعیت مقادیر مؤلفههای ماتریس نسبت به قطر اصلی است. به علت اینکه مقادیر ویژه



شکل ۱۶ – محدوده تغییرات نرم ماتریس سختی برای روشهای مختلف

است. همچنین با توجه به شکل (۱۶)، کمترین نرم<sup>۱۴</sup> مربوط به ماتریس بهروزرسانی شده با روش تابع جریمه براساس حساسیت مقادیر ویژه و بیشترین نرم مربوط به ماتریس بهروزرسانی شده با روش مستقیم (بهروزرسانی همزمان ماتریسهای M و K) است که بهترتیب نشاندهنده میزان پراکندگی کم و زیاد مقادیر است (ارائه و عدم ارائه ماهیت فیزیکی).

### ۷- نتیجه گیری

این تحقیق با استفاده از نتایج آزمایش روی مدل قاب فضایی سازه جکتی فراساحلی در مقیاس کوچک در آزمایشگاه دینامیک سازه، مطالعهای را در مورد روش های بهروزرسانی مستقیم و تکرار شونده ارائه می دهد. از این رو، تمرکز این مقاله در راستای بهروزرسانی ماتریس های جرم و سختی براساس مقادیر ویژه یک سکوی فولادی نوع جکت با هر دو روش مستقیم و تکرار شونده با هدف از بین بردن عدم قطعیت های موجود در مدل سازی سازه ای با بهره گیری از اطلاعات مودی اندازه گیری شده محدود است. افزون بر این، روش کاهشی گویان برای رفع دو چالش عمده در این زمینه یعنی، عدم هماهنگی تعداد حسگرهای اندازه گیری و درجات آزادی مدل تحلیلی و اندازه گیری دادههای نویزدار اعمال شد.

همچنین در آن با استفاده از آنالیز حساسیت پاسخ سیستم به یک تحریک پایه، رویـه انتخـاب درجـات آزادی غیـرفعـال در مرحله کاهش مدل با یک معیار مناسب مورد ارزیابی قرار می گیرد. این عملکرد منجر به همگرایی سریعتر الگوریتم تکرار و همچنین حذف مودهای کم اثر می شود. در نهایت با توجه به نتایج اخذ شده از روشهای مستقیم و تکرار شونده میتوان این چنین اظهارنظر کرد که اگر هدف از بهروزرسانی، انجام انواع تحلیل ها و طراحی های مبتنی بر استفاده از ماتریس های دینامیکی [K] و [M] باشد، بهتر است از روش مستقیم (بهروزرسانی ماتریس، ای [K] و [M] با مرجع قرار دادن ماتریس بردار ویژه اندازه گیری شده) برای بهروزرسانی ماتریس های دینامیکی بهره گرفت. همان طور که قبلاً بیان شد در این صورت هر دو ماتریس [K] و [M] بهروزرسانی شده با بیشترین خصوصیات از مدل تجربی مطابقت دارند. همچنین اگر در محاسبات صرفاً هدف استفاده از تکنیک های تشخیص آسیب در تکتک المان های سازه باشد بهتر است از روش تکرار شونده (روش تابع جریمه یا هـر روش مشـابه دیگـری) استفاده کرد. چرا که ماتریس بهروزرسانی شده ماهیت فیزیکی کاملی از سازه را ارائه میدهد. در ایـن مطالعـه بـا اسـتفاده از فرايند بهروزرساني مدل المان محدود براساس مدل تجربي، تــا حد امکان فائق آمدن بر مسأله عدم قطعیت در مدلسازی نیز

محاسبات است بنابراین با استفاده از نتایج ارائه شده در این مطالعه، هم در زمان و هم در هزینه صرفهجویی خواهد شد.

1. spatial incompleteness

- 2. Guyan
- 3. augmented
- 4. MATLB
- 5. master
- 6. slave
- 7. substructure
- Wang, S. H., Li, Y., and Li, H., "Structural Model Updating of an Offshore Platform using the Cross Model Cross Mode Method: An Experimental Study", *Ocean Engineering*, Vol. 97, pp. 57-64, 2015.
- 2. Chen, H. P., and Maung, T. S., "Regularised Finite Element Model Updating using Measured Incomplete Modal Data", *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 333, pp. 5566-5582, 2014.
- Fang, S. E., Zhang, Q. H., and Ren, W. X., "An Interval Model Updating Strategy using Interval Response Surface Models", *Mechanical Systems and Signal Processing*, Vol. 60, pp. 909-927, 2015.
- Berman, A., and Nagy, E. J., "Improvement of a Large Analytical Model using Test Data", *AIAA Journal*, Vol. 21, No. 8, pp. 1168-1175, 1983.
- Caesar, B., "Update and Identification of Dynamic Mathematical Models", *4th IMAC*, Los Angeles, California, pp. 394-401, 1986.
- Denoyer, K. K., and L. D. Peterson, L. D., "Method for Structural Model Update using Dynamically Measured Static Flexibility Matrices", *AIAA Journal*, Vol. 35, No. 2, pp. 362-368, 1997.
- Imregun, M., Visser, W. J.; and Ewins, D. J., "Finite Element Model Updating using Frequency Response Function Data-I: Theory and Initial Investigation", *Mechanical Systems and Signal Processing*, Vol. 9, No. 2, pp. 187-202, 1995.
- Ewins, D. J., Modal Testing: Theory, Practice and Application, Second ed. Research Studies Press Ltd, 2000.
- Hu, S. L. J., Li, H., and Wang, S. H., "Cross-Model Cross-Mode Method for Model Updating", *Mechanical Systems and Signal Processing*, Vol. 21, pp. 1690-1703, 2007.
- Lin, R. M., Du, H, and Ong, J. H., "Sensitivity Based Method for Structural Dynamic Model Improvement", *Computers & Structures*, Vol. 47, No. 3, pp. 349-369, 1983.
- 11. Lin, R. M., Lim, M. K., and Du, H., "Improved Inverse Eigensensitivity Method for Structural

درنظر گرفته شده است. از آنجاییکه عوامـل اصـلی در مسـائل مرتبط با آنالیز دینـامیکی سـازههـا، پرهزینـه و زمـانبـر بـودن

واژەنامە

- 8. ANSYS
- 9. block lanczos
- 10. frequency response function
- 11. experimental modal analysis
- 12. operational modal analysis
   13. modal assurance criterion
- 14. norm

مراجع

Analytical Model Updating", *Transactions American Society of Mechanical Engineers*, Vol. 117, No. 3, pp. 190-199, 1995.

- 12. Taylan, K., Erdinc, N., Yildiz, H., and Nevzat, O., "A New Method to Determine Dynamically Equivalent Finite Element Models of Aircraft Structures from Modal Test Data", *Mechanical Systems and Signal Processing*, Vol. 31, pp. 94-108, 2012.
- Friswell, M. I., and Mottershead, J. E., *Finite Element Model Updating in Structural Dynamics*, Kluwer Academic Publishers, Dordrecht, 1995.
- Esfandiari, A., Bakhtiari-Nejad, F., Sanayei, M., and Rahai, A., "Structural Finite Element Model Updating using Transfer Function Data", *Computers* & *Structures*, Vol. 88, No. 1, pp. 54-64, 2010.
- 15. Hua, X. G., Chen, Z. Q., and He, X. H., "Monte Carlo Study of the Effect of Measurement Noise in Model Updating with Regularization", *Mechanical Engineering*, Vol. 16, No. 94, pp. 182-194, 2012.
- Sinha, J. K., and Friswell, M. I., "Simplified Models for the Location of Cracks in Beam Structures using Measured Vibration Data", *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 251, No. 1, pp. 13-38, 2002.
- Modak, S. V., Kundra, T. K., and Nakra, B. C., "Comparative Study of Model Updating Methods using Simulated Experimental Data", *Computers & Structures*, Vol. 80, pp. 437-447, 2002.
- Jaishi, B., and Ren, W. X., "Damage Detection by Finite Element Model Updating using Modal Flexibility Residual", *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 290, pp. 369-387, 2006.
- 19. Jaishi, B., and Ren, W. X., "Finite Element Model Updating Based on Eigenvalue and Strain Energy Residuals using Multiobjective Optimization Technique", *Mechanical Systems and Signal Processing*, Vol. 21, No. 1, pp. 2295-2317, 2007.
- Baruch, M., and Wis, M., "Optimization Procedure to Correct Stiffness and Flexibility Matrices using Vibration Tests", *AIAA Journal*, Vol. 16, No. 11, pp. 1200-1210, 1978.

- 21. Fiswell, M. I., and Mottershead, J. E., "Model Updating in Structural Dynamics: A Survey", *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 167, No. 2, pp. 347-375, 1993.
- 22. Miguel, L. F. F., and Menezes, R. C. R., "Model Updating of a Frame Structure using Penalty Functions Based Procedures", *Mecanica Computacional*, Vol. 25, pp. 1583-1592, 2006.
- 23. Fox, R. L., and Kapoor, M. P., "Rate of Change of Eigenvalues and Eigenvectors", *AIAA Journal*, Vol. 12, No. 6, pp. 2426-2429, 1968.
- 24. Wittrick, W. H., "Rates of Change of Eigenvalues, with Reference to Buckling and Vibration Problems", *Journal of the Royal Aeronautical Society*, Vol. 66, pp. 590-599, 1962.
- Guyan, R. J., "Reduction of Stiffness and Mass Matrices", AIAA Journal, Vol. 3, No. 2, pp. 380,

1965.

- Hutton, D. V., Fundamentals of Finite Element Analysis, 7th edn. McGraw-Hill, New York, 2004.
- 27. Fu, Z. H.; and He, J., *Modal Analysis*, Butterworth-Heinemann, Oxford, 2001.
- Tshilidzi, M., Finite Element Model Updating Using Computational Intelligence Techniques: Applications to Structural Dynamics, Heidelberg: Springer, 2010.
- 29. Li, H., Wang, Sh., and Yang, H., "Modal strain energy decomposition method for damage detection of an offshore structure using modal testing information", *Third Chinese German Joint Symposium on Coastal and Ocean Engineering National Cheng Kung University*, Tainan, November 8-16, 2006.