

# بررسی قابلیت اطمینان برداشت انرژی از امواج دریا بهوسیله تیر پیزوالکتریک با درنظر گرفتن تئوری موج تصادفی جانسواپ

میرمحمد اتفاق\*، هادی میراب و رضا فتحی دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه تبریز، تبریز

(دریافت مقاله: ۱۳۹۴/۰۸/۱۳ – دریافت نسخه نهایی: ۱۳۹۵/۵/۱۲)

چکیده- یکی از روشهای جدید برای تأمین انرژی سیستمهای الکتریکی کم مصرف مورد استفاده در دریا، استفاده از انرژی مکانیکی امواج است. در این روش با استفاده از مبدل پیزوالکتریک، انرژی ناشی از امواج دریا به الکتریسیته تبدیل می شود. مزیت این روش عدم نیاز به تعویض یا شارژ باتری سیستم مورد نظر است. در تحقیقات پیشین، مطالعاتی در زمینه برداشت انرژی از امواج دریا انجام شده ولی تحقیقی کامل در زمینه برداشت انـرژی با درنظر گرفتن مدل موج تصادفی جانسواپ انجام نشده است. مدل موج تصادفی جانسواپ تقریب بهتری برای شبیهسازی امواج دریا نسبت به مـدل مـوج منظم ایری است. به همین منظور در این مقاله یک تیر قائم متصل به کف دریا که مجهز به وصلههای پیزوالکتریک است، بهعنوان برداشت کننـدهٔ انـرژی درنظر گرفته شده و بعد از مدلسازی با استفاده از نرمافزار متلب شبیهسازی می شود. در ادامه با درنظر گرفتن مدل موج نامنظم جانسواپ پاسخ ارتفات کننـدهٔ انـرژی تیر و به تبع آن توان تولیدی محاسبه شده و قابلیت اطمینان سیستم و تأثیر مقدار نامعینیهای وصلههای پیزوالکتریک روی توان تولیدی به مورت آماری تیر و به تبع آن توان تولیدی محاسبه شده و قابلیت اطمینان سیستم و تأثیر مقدار نامعینیهای وصلههای پیزوالکتریک روی تولیدی به مورت آماری

واژههای کلیدی: برداشت انرژی، پیزوالکتریک، مدل موج تصادفی جانسواپ، قابلیت اطمینان.

## Reliability Study of Energy Harvesting from Sea Waves by Piezoelectric Patches Consideraing Random JONSWAP Wave Theory

M. Ettefagh\*, H. Mirab and R. Fathi

Department of Mechanical Engineering, University of Tabriz, Tabriz, Iran

**Abstract:** One of the new methods for powering low-power electronic devices employed in the sea, is using of mechanical energies of sea waves. In this method, piezoelectric material is employed to convert the mechanical energy of sea waves into electrical energy. The advantage of this method is based on not implementing the battery charging system. Although, many studies have been done about energy harvesting from sea waves, energy harvesting with considering random JONWSAP wave theory is not fully studied up to now. The random JONSWAP wave model is a more realistic approximation of sea waves in comparison of Airy wave model. Therefore, in this paper a vertical beam with the piezoelectric patches, which is fixed to the

\* : مسئول مكاتبات، يست الكترونيكي: ettefagh@tabrizu.ac.ir

seabed, is considered as energy harvester system. The energy harvesting system is simulated by MATLAB software, and then the vibration response of the beam and consequently the generated power is obtained considering the JONWSAP wave theory. In addition, the reliability of the system and the effect of piezoelectric patches uncertainties on the generated power are studied by statistical method. Furthermore, the failure possibility of harvester based on violation criteria is investigated.

Keywords: Energy harvesting, Piezoelectric, Random JONSWAP wave theory, Reliability.

		l-	- 10
ممان اینرسی سطحی (m <sup>*</sup> )	Ι	سطح مقطع (m <sup>۲</sup> )	А
عادد موج	k	شتاب افقی ذرات آب (m/s <sup>۲</sup> )	a <sub>x</sub>
جرم مجموعه تير و جرم متمركز (kg)	M	عرض تير (m)	b
توان الکتریکی (watt)	Pe	ضريب پسا	c <sub>D</sub>
بار الکتریکی (c)	Q	ضریب اینرسی تیر	$c_{M}$
پاسخ زمانی	q	ضريب اينرسي جرم افزوده	c <sub>m</sub>
سرعت افقی ذرات آب (m/s)	u <sub>x</sub>	ظرفیت الکتریکی وصله (nF)	c <sub>v</sub>
ولتاژ الکتریکی (v)	V	عمق دریا (m)	d
شکل مود	W	مدول الاستيسيته (GPa)	E
جابەجايى افقى تير (m)	W	ثابت پیزو (c/m <sup>۲</sup> )	$e_{r_1}$
	علائم يوناني	فركانس غالب موج (Hz)	$\mathbf{f}_{\mathbf{p}}$
چگالی تیر (kg/m <sup>۳</sup> )	ρ	شتاب گرانشی (m/s <sup>۲</sup> )	g
چگالی آب دریا (kg/m <sup>°</sup> )	$\rho_{\rm W}$	ضخامت تیر (m)	h
فرکانس طبیعی سیستم (rad/s)	ω	ارتفاع مؤثر موج (m)	H <sub>s</sub>
فرکانس زاویهای موج (rad/s)	$\omega_{i}$	ضخامت وصله (m)	h,

فه ست علائم

#### ۱– مقدمه

امروزه کاربرد حسگرهای الکترونیکی کممصرف و وسایل ارتباطی بیسیم در صنایع مختلف از جمله صنعت دریانوردی، پایش سلامت سازهها و وسایل هشدار دهنده، حائز اهمیت است. از مهمترین کابردهای این حسگرها در صنعت دریانوردی میتوان به رادارهای شناور روی سطح آب و حسگرهای زیردریاییها اشاره کرد. تأمین انرژی این حسگرها بهصورت مستقیم، با منبعی جداگانه مشکلاتی نظیر تعمیر و

نگهداری سیستمها را به همراه دارد. از طرفی دیگر استفاده از باتریها هم با توجه به وزن زیاد، عمر محدودشان و همچنین مشکل تعویض آنها در جاهای غیرقابل دسترس، مثل رادارهای شناور امکانپذیر نیست. به همین دلیل یکی از روشهای تأمین انرژی این سیستمها استفاده از انرژی ناشی از ارتعاشات است. در میان مکانیزمهای مختلفی که برای تبدیل انرژی ارتعاشات به الکتریسیته وجود دارد، از قبیل الکترومغناطیس، پیزوالکتریک و الکترواستاتیک، مکانیزم

پیزوالکتریک بهدلیل راحتی استفاده از آن و دارا بودن خاصیت ذاتی کوپلینگ، بیشترین توجه را بهخود اختصاص داده است [۱ و ۲]. تاکنون مطالعات وسیعی در مورد برداشت انرژی با استفاده از مبدل پیزوالکتریک انجام شده است که از آن جمله می توان به موارد زیر اشاره کرد:

اسمیت و چوی [۳] معادلات اساسی را برای یک برداشت کننده پيزوالکتريک، که شامل يک لايـه پيزوالکتريـک و يک لایه از جنس غیرپیزوالکتریک تشکیل شده بود، ارائه کردنـد و تحت شرایط مرزی مختلف، شامل اعمال گشتاور متمرکز به سر آزاد تیر، اعمال نیروی متمرکز و همچنین اعمال نیروی گسترده در طول تیر، رفتـار الکترومکـانیکی تیـر را بـهدسـت آوردند. ارتورک [۴] سیستم پل- خودرو را بهوسیله یک تیـر با بار متمرکز متحـرک مـدل کـرد و سـپس بـا حـل تحليلـي معادلات تیر، جابهجایی هر نقطـه از آن را اسـتخراج کـرد. در ادامه مقدار ولتاژ تولید شده با توجه به جابهجایی تیر بهوسیله مبدل پیزو را بررسی کـرد. کـیم و همکـاران [۵] بـه بررسـی تجربی امکان برداشت انرژی از ارتعاش پل و تبدیل آن به انرژی الکتریکی با استفاده از مواد پیزوالکترک پرداختند. آنها با اعمال بار با دامنه و فرکانس های مختلف روی تیر، مدل عبوری خودرو با وزن و سرعتهای مختلف را شبیهسازی کرده و مقدار ولتاژ خروجی را اندازهگیـری کردنـد. وو و لـی [۶] یک سیستم برداشت انرژی با مبدل پیزوالکتریک را طراحی کردند که از طریـق جریـان بـاد روی آسـیاب بـادی، انرژی الکتریکی تولید می کرد و با فرستادن سیگنال هشدار، آتش سوزی جنگلها را کنترل میکرد. آنها این سیستم را بهصورت مدل سهبعدی شبیهسازی و تستهای عملی انجام دادنید. ونیگ و زو [۷] اثیر خیواص سیطحی' بیر رفتیار الکترومکانیکی برداشت کننده انرژی را مطالعه کردند. آنان در مطالعات خود یک مدل برای آنالیز تجربی ارائے دادنے و با نتايج شبيهسازي المان محدود مقايسه كردند. تيلور و همكاران [۸] یک سیستم برداشت انرژی مارماهی بـا اسـتفاده از پلیمـر پيزوالكتريك پلى وينيليدين فلوريد براي تبديل انرژي

مكانيكي موجود در جريان رودخانه به توان الكتريكي طراحي کردند. زورکیندن و همکاران [۹] چندین وسیله مبدل پیزوالکتریک مشابه، تحت تحریک موج با فرکانس مشخص برای برداشت انرژی از امواج سطحی اقیانوس طراحی کردنـد و با مدل کردن این سیستم با یک مدار الکتریکی معادل، تـأثیر پارامترهای مختلف مانند سطح آزاد موج، اندرکنش سیال-سازه، انرژی مکانیکی ورودی به ماده پیزوالکتریک و انـرژی الکتریکی خروجی را با شبیهسازی چند مرحلهای بررسی کردند. موری و رستگار [۱۰] دسته تازهای از ژنراتورهای الکتریکی دو مرحلهای برای سازههای شناور طراحی کردنـد. سیستم آنها قادر است فرکانس کم و حرکت شناوری متغیر را به فرکانس ارتعاشی ثابت و بسیار بالا تبدیل کند. ونگ و همکاران [۱۱] مدل جدیدی از برداشت کننده انـرژی را ارائـه کردند که در مدل آنها دو صفحه افقی دارای وصلههای پیزوالکتریک بهصورت گیردار به دو طرف یک تیر وصل شده بودند. أنها نشان دادند با افزایش ارتفاع موج، افزایش طول صفحات و کاهش فاصله سطح آزاد دریا تا صفحات، انرژی الکتریکی تولیدی افرایش مییابد. یکی از جدیدترین تحقیقات در مورد برداشت انرژی از امواج دریا با استفاده از مبدل پیزو توسط ونگ و همکاران [۱۲] انجام گرفته است. آنها با درنظر گرفتن مدل موج ایری به بررسی تأثیر پارامترهای مختلف بر توان تولیدی یک تیر قائم با وصلههای پیزوالکتریک پرداختند. آنها نشان دادند با افزایش ارتفاع مـوج و افزایش نسبت عرض به ضخامت تیر برداشت کننده، انرژی الكتريكي توليدي افزايش مييابد.

با مرور تحقیقات پیشین مشخص است که پژوهشی در زمینه برداشت انرژی با درنظر گرفتن مدل دقیقتری از موج که خواص نامنظم و تصادفی موج را شامل شود، مانند مدل موج جانسواپ، انجام نگرفته است. بههمین منظور در این مقاله یک تیر قائم متصل به کف دریا که مجهز به وصله پیزوالکتریک است، بهعنوان برداشت کنندهٔ انرژی درنظر گرفته شده و تحریک این سیستم با مدل موج اتفاقی جانسواپ صورت می گیرد. لازم به



$$f_{H}(t,z) = \frac{1}{r} c_{D} \rho_{w} b \left( u_{x} - \frac{\partial w}{\partial t} \right) \left| u_{x} - \frac{\partial w}{\partial t} \right| + c_{M} \rho_{w} b h a_{x} - c_{m} \rho_{w} b h \frac{\partial^{Y} w}{\partial t^{Y}}$$
(Y)

که در آن  $a_x$ ،  $a_x$ ،  $p_w$ ،  $p_w$ ،  $c_m$ ،  $c_M$ ،  $c_D$  و  $x_x$  به ترتیب ضریب پسای تیر، ضریب اینرسی تیر، ضریب اینرسی جرم افزوده، چگالی آب دریا، عرض تیر، ضخامت تیر، سرعت افقی و شتاب افقی ذرات آب هستند. در واقع نیروی موریسون شامل دو مؤلفه نیروی پسای و اینرسی است که مؤلفه سوم موجود در رابطه (۲) مربوط به اثر جرم افزوده است. نیروی پسای نتیجه جدایی جریان ناشی از سرعت نسبی سیال نسبت به سازه و نیروی اینرسی ناشی از تغییرات فشار مربوط به شتاب سیال است. دلیل درنظر گرفتن اثر جرم افزوده این است که علاوه بر خود سازه، جرمی از سیال اطراف سازه نیز با حرکت آن، در اثر فشار وارده، شتاب می گیرد.

۲-۲- تئوری موج تصادفی جانسواپ

امواج واقعی دریا ناشی از باد، منظم نیستند و ماهیتی تصادفی و نامنظم دارند. در واقع تئوریهای موج منظم شرایط واقعی امواج را به شکل تقریبی مدلسازی میکنند. ولی تئوریهای موج نامنظم با دقت بیشتری شرایط امواج دریا را مدل میکنند. یکی از

روش های عددی در مهندسی، سال ۳۶، شمارهٔ ۲، زمستان ۱۳۹۶



ذکر است که پدیده های تصادفی در سیستم ها به علت عدم وجود نظم مشخص به وجود می آید که می تواند ناشی از عدم قطعیت در ویژگی های داخلی سیستم و یا کنش های خارجی باشد که در این پژوهش علاوه بر ماهیت اتفاقی تحریک سیستم، در قسمت تولید توان الکتریکی سیستم نیز عدم قطعیت و نامعینی وجود دارد. پس از مدل سازی و شبیه سازی این سیستم در نرم افزار متلب، با روش عددی پاسخ ارتعاشی تیر به دست آورده می شود. با در دست داشتن جابه جایی تیر، توان تولیدی محاسبه شده و تأثیر نامعینی های موجود در وصله های پیزوالکتریک بر توان تولیدی مطالعه شده و درنهایت احتمال

۲- مدلسازی سیستم برداشت کننده انرژی با درنظر
 گرفتن تئوری موج جانسواپ
 ۲-۱- معادله ارتعاشی تیر تحت امواج دریا
 همان طور که در شکل (۱) نشان داده شده است تیر یکسر
 گیردار به طول ابا وصلههای پیزوالکتریک به عنوان استحصال
 کننده انرژی درنظر گرفته شده است. در این روش با اتصال پایه

این تئوریهای موج نامنظم، تئوری جانسواپ است. در ایس تئوري، طيف توزيع امواج طبق رابطه (٣) بيان مي شود [١۴]:

$$S(f) = \alpha H_{s}^{\gamma} f_{p}^{\gamma} f^{-\alpha} \gamma^{\beta} \exp\left(-\frac{\delta}{\epsilon} \left(\frac{f_{p}}{f}\right)^{\epsilon}\right)$$
(7)

که در آن  $f_p$ ،  $\gamma$ ،  $H_s$  و f بهترتیب ارتفاع مؤثر موج، ضریب افزایشی نقطه بیشینه، فرکانس غالب موج و فرکانس موج هستند. همچنین α و β طبق روابط (۴) و (۵) بهدست میآیند: ./.974

$$x = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}}} \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}}}$$
(4)

$$\beta = exp\left(-\frac{\left(f - f_{p}\right)^{\mathsf{T}}}{{}^{\mathsf{T}}\sigma^{\mathsf{T}}f_{p}^{\;\mathsf{T}}}\right) \tag{(a)}$$

کے در آن 
$$f < f_p = \frac{1/708}{7\pi\sqrt{H_s}} \sigma = \sigma = \sigma = \frac{1}{2} \eta r_p = f_p r_p$$
 است.  
شکل موج نامنظم نیز از رابطه (۶) بهدست می آید و سرعت و شتاب افقی ذرات آب در طیف موج جانسواپ با استفاده از بسط فوریه و بر پایه تئوری ایری طبق روبط (۷) و (۸) قابل حصول است [۵۵–۱۹]:

$$\eta(t) = \sum_{i=1}^{N} a_i \omega_i \cos(\omega_i t + \phi_i)$$
(9)

$$u_{x}(z,t) = \sum_{i=1}^{N} a_{i} \omega_{i} \frac{\cosh(k_{i}(z+d))}{\sinh(k_{i}d)}$$

$$\cos(\omega_{i}t + \phi_{i})$$
(V)

$$a_{x}(z,t) = \sum_{i=1}^{N} -a_{i}\omega_{i}^{\gamma} \frac{\cosh(k_{i}(z+d))}{\sinh(k_{i}d)}$$

$$\sin(\omega_{i}t + \phi_{i}) \qquad (A)$$

 $f_i$  ، دامنه موج تصادفی که با تعریف  $\Delta f$  بازه فرکانسی  $a_i$ فرکانس موج و <sub>i</sub> فرکانس زاویه ای موج به صورت روابط (۹) قابل حصول است:

$$\mathbf{a}_{i} = \sqrt{\mathbf{1}S(\mathbf{f}_{i})\Delta \mathbf{f}} \tag{(4)}$$

$$\Delta f = \frac{f_{stop} - f_{start}}{N} \qquad (-9)$$

$$f_i = f_{start} + i\Delta f - \frac{\Delta f}{\gamma}$$
 (-9)

$$ω_i = Υπf_i$$
 (2-9)

روش های عددی در مهندسی، سال ۳۶، شمارهٔ ۲، زمستان ۱۳۹۶

لازم بهذکر است در روابط فوق N تعداد نمونه فرکانسی، f<sub>start</sub> فرکانس شروع طیف، f<sub>stop</sub> فرکانس پایان طیف، k<sub>i</sub> عدد موج متناظر فرکانس زاویهای موج حاصل شده از طریـق رابطـه (۶) و φ<sub>i</sub> زاویه فاز تصادفی بین صفر و ۲π است.

۲-۳- استخراج پاسخ ارتعاشی ۲–۳–۱– فرکانس،های طبیعی و مودهای ارتعاشی با معلوم بودن مقدار نیروی وارد بر برداشت کننده، می توان

پاسخ معادلات استخراج شده (۱) را با استفاده از روش جمعزنی مودها بر پایه جداسازی متغیرها بهصورت رابطه (۱۰) بەدست آورد:

$$w(z,t) = \sum_{i=1}^{N} W_i(z) q_i(t) \qquad (1 \circ)$$

$$W(z) = c_1 \cosh s_1 z + c_{\gamma} \sinh s_1 z + c_{\gamma} \cosh s_{\gamma} z + c_{\gamma} \cosh s_{\gamma} z$$
(11)

که در آن <sub>st</sub> و st به صورت رابطه (۱۲) است. با توجه به شرایط مرزی تیر که بهصورت روابط (۱۳) نشان داده شـده اسـت (در سـر گیردار تیر، خیز و شیب صفر است و در انتهای آزاد تیر نیز ممان خمشی تیر صفر و نیـروی برشـی تیـر برابـر نیـروی اینرسـی جـرم متمركز است):

$$s_{1,\gamma} = \sqrt{\pm \frac{M'g}{\gamma EI} + \sqrt{\frac{(M'g)^{\gamma}}{\tau (EI)^{\gamma}} + \frac{\omega^{\gamma}(k_{\gamma} + \rho A)}{EI}}}$$

$$(17)$$

$$z = -d \rightarrow \begin{cases} W(z) = \circ \\ \frac{dW(z)}{dz} = \circ \end{cases}$$

B.C: 
$$\left\{ z = \circ \rightarrow \begin{cases} EI \frac{d^{\mathsf{v}} W(z)}{dz^{\mathsf{v}}} = \circ \\ EI \frac{d^{\mathsf{v}} W(z)}{dz^{\mathsf{v}}} = -M_{\mathsf{v}} \omega^{\mathsf{v}} W(z) \end{cases} \right.$$
(17)

ثابتهای ۲۱ تا ۲۶ با اعمال شرایط مرزی اخیر توسط رابطه (۱۴) قابل حصول است:

$$\begin{bmatrix} S \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c_1 \\ c_7 \\ c_7 \\ c_7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \circ \\ \circ \\ \circ \end{bmatrix}$$
(ie) (14)

۲۵

DOR: 20.1001.1.22287698.1396.36.2.2.1 ]

که در آن

 $[S] = \begin{bmatrix} \cosh s_1 d & -\sinh s_1 d & \cos s_r d & -\sin s_r d \\ -s_1 \sinh s_1 d & s_1 \cosh s_1 d & s_r \sin s_r d & s_r \cos r d \\ s_1^{\ r} & \circ & -s_r^{\ r} & \circ \\ M_1 \omega^{\ r} & EIs_1^{\ r} & M_1 \omega^{\ r} & -EIs_r^{\ r} \end{bmatrix}$   $(-1)^{r}$ 

است. برای حل غیربدیهی (جواب غیر صفر) معادلـه اخیـر، بایستی دترمینان ماتریس ضرایب مساوی صفر شود. با بسط دترمینان مذکور، معادله مشخصه سیستم بهدست میآیـد کـه ریشههای آن فرکانسهای طبیعی سیستم هستند.

۲-۳-۲ پاسخ در حوزه زمانی

با بسط پاسخ تیر براساس رابط (۱۰) و همچنین استفاده از شرایط تعامد مودها، معادلات پاسخ زمانی به دست می آید. با حل عددی این معادلات بهازای نیروی وارد از طرف امواج، پاسخ ارتعاشی برداشت کننده به صورت زیر استخراج می شود. با جای گذاری رابطه (۱۰) در معادله ارتعاشی تیر (۱)، رابط ه (۱۵) حاصل می شود:

$$\begin{split} \text{EI} & \sum_{i=1}^{N} W_{i}^{(\dagger)}(z) q_{i}\left(t\right) + M_{\flat} g \sum_{i=1}^{N} W_{i}^{"}(z) q_{i}\left(t\right) + \\ & (k_{\tau} + \rho A) \sum_{i=1}^{N} W_{i}\left(z\right) \ddot{q}_{i}\left(t\right) = f_{H}\left(t,z\right) \end{split} \tag{12}$$

با ضرب (W<sub>j</sub>(z در طرفین رابطه (۱۵) و با انتگرالگیری در طول تیر از b- تا • و با توجه این نکته که ترتیب عمل جمعزنی سیگما و انتگرالگیری میتواند عوض شود، رابطه (۱۶) حاصل میشود:

$$\begin{split} \mathrm{EI} &\sum_{i=1}^{N} \int_{-d}^{\circ} \mathrm{W}_{i}^{(\mathsf{f})}(z) \mathrm{W}_{j}(z) \mathrm{d}z \, q_{i}\left(t\right) + \\ &M_{\mathsf{h}} g \sum_{i=1}^{N} \int_{-d}^{\circ} \mathrm{W}_{i}^{"}\left(z\right) \mathrm{W}_{j}(z) \mathrm{d}z q_{i}\left(t\right) + \\ &\left(k_{\mathsf{r}} + \rho A\right) \sum_{i=1}^{N} \int_{-d}^{\circ} \mathrm{W}_{i}\left(z\right) \mathrm{W}_{j}\left(z\right) \mathrm{d}z \ddot{q}_{i}\left(t\right) = \\ &\int_{-d}^{\circ} \mathrm{f}_{\mathrm{H}}\left(t, z\right) \mathrm{W}_{j}(z) \mathrm{d}z \end{split}$$

$$[\mathbf{M}]\{\ddot{\mathbf{q}}(t)\} + [\mathbf{K}]\{\mathbf{q}(t)\} = \{\mathbf{Q}\}$$
(1V)

که در آن [M] ماتریس جرمی، [K] ماتریس سفتی، {Q}

نیروی تعمیم یافته، {q(t)} مختصات تعمیم یافته و {q(t)} مشتق دوم مختصات تعمیم یافته است که عناصر این ماتریسها بهترتیب در روابط (۱۸) تا (۲۰) نشان داده شده است:

$$M_{ij} = (k_{\tau} + \rho A) \int_{-d}^{\circ} W_i(z) W_j(z) dz \qquad (1A)$$

$$K_{ij} = EI \int_{-d}^{\circ} W_{j}^{(\dagger)}(z) W_{i}(z) dz + M_{i}g \int_{-d}^{\circ} W_{j}^{"}(z) W_{i}(z) dz$$
(14)

$$Q_{i} = \int_{-d}^{\circ} f_{H}\left(t,z\right) W_{i}\left(z\right) dz \qquad (\Upsilon \circ)$$

برای حل معادله دیفرانسیل (۱۷)، با استفاده از فضای حالت، میتوان رابطه (۲۱) را نوشت:

$$\begin{cases} \{y_{1}\} = \{\dot{q}\} \\ \{y_{Y}\} = \{q\} \end{cases} \rightarrow \{\dot{y}_{Y}\} = \{y_{1}\} \tag{(1)}$$

با جایگذاری رابطه (۲۱) در معادله (۱۷) و با تبدیل روابط به فرم ماتریسی، رابطه (۲۲) حاصل می شود و با تغییراتی، به فـرم استاندارد (۲۳) تبدیل می شود:

$$\begin{bmatrix} [\mathbf{M}][\circ] \\ [\circ] & [\mathbf{I}] \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \{\dot{\mathbf{y}}_{1}\} \\ \{\dot{\mathbf{y}}_{7}\} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} [\circ] & [\mathbf{K}] \\ -[\mathbf{I}] & [\circ] \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \{\mathbf{y}_{1}\} \\ \{\mathbf{y}_{7}\} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \{\mathbf{Q}\} \\ \{\circ\} \end{bmatrix}$$
(YY)
$$\begin{bmatrix} \{\dot{\mathbf{y}}_{1}\} \\ \{\dot{\mathbf{y}}_{7}\} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} [\mathbf{M}][\circ] \\ [\circ] & [\mathbf{I}] \end{bmatrix}^{-1} \left\{ - \begin{bmatrix} [\circ] & [\mathbf{K}] \\ -[\mathbf{I}] & [\circ] \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \{\mathbf{y}_{1}\} \\ \{\mathbf{y}_{7}\} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \{\mathbf{Q}\} \\ \{\circ\} \end{bmatrix} \right\}$$
(YY')

در این پژوهش از روش رانگ- کوتا برای حل عـددی معادلـه بالا استفاده شده است.

۲-۴- محاسبه توان الکتریکی تولیدی

با در دست داشتن تابع جابهجایی تیـر تحـت تحریـک نیـروی مـوج، بـار الکتریکی و ولتـاژ الکتریکی تولیـد شـده توسـط وصلههای پیزوالکتریک در زمـان t بـهصـورت روابـط (۲۴) و (۲۵) بیان میشوند [۲۰]:

$$Q_{g}^{pp}(t) = -e_{r} b \left( \frac{h+h_{i}}{r} \right) \times \left( \frac{\partial w(z,t)}{\partial z} \Big|_{z=-d+(pp,a)} - \frac{\partial w(z,t)}{\partial z} \Big|_{z=-d+((pp-i),a)} \right)$$
(74)

$$V_{g}^{pp}(t) = \frac{Q_{g}^{pp}(t)}{c_{v}} = -e_{v}\left(\frac{h+h_{1}}{vc_{v}}\right) \times \left(\frac{\partial w(z,t)}{\partial z}\Big|_{z=-d+(pp.a)} - \frac{\partial w(z,t)}{\partial z}\Big|_{z=-d+((pp-1).a)}\right)$$
(Ya)

که در آنها e<sub>۳۱</sub> ثابت پیزو، h<sub>۱</sub> ضخامت، c'<sub>v</sub> ظرفیت الکتریکی بـر واحد عرض، a طول و N' تعداد وصلهها است. توان الکتریکی تولید شده در زمان t بهصورت رابطه (۲۶) بیان می شود:

$$Pe(t) = \sum_{pp=1}^{N'} \frac{dQ_g^{pp}(t)}{dt} V_g^{pp}(t)$$
(79)

$$Pe^{rms} = \sqrt{\frac{1}{Tot}} \int_{\circ}^{Tot} \left[ Pe(t) \right]^{Y} dt$$
 (YV)

۳– بررسی آماری ۳–۱– برآورد به وسیلهٔ فاصلههای اطمینان

فاصله اطمینان عبارت است از فاصله ای از مقادیری که انتظار می رود مقدار واقعی پارامتر در آن فاصله باشد [۲۱]. برای این منظور فرض می شود،  $X_1 , X_7 , ..., X_q$  نمونه ای تصادفی و یک پارامتر نامعلوم جامعه باشد. هر فاصله اطمینان برای  $\theta$ ، فاصله ای به صورت (L,U) است که از روی مشاهدات نمونه ای  $X_1 , X_7 , ..., X_q$  محاسبه می شود، به طوری که، این فاصله شامل مقدار واقعی نامعلوم  $\theta$  با احتمال مشخصی است. این احتمال که با  $\alpha - 1$  نشان داده می شود؛ به عبارت دیگر با ۹/۰، ۵۹/۰ یا ۹۹/۰ در نظر گرفته می شود؛ به عبارت دیگر فرض می شود که  $\alpha - 1$  مشخص باشد و (L,U) توابعی از  $X_7 , X_7 , ... , q$ 

$$P[L < \theta < U] = 1 - \alpha \tag{7A}$$

آنگاه فاصلهٔ (L,U) یک فاصلهٔ اطمینان (α–۱)۱۰۰٪ برای پارامتر است، و (α–۱) سطح اطمینان مربوط به فاصله نامیده میشود. برای روشن شدن این مفاهیم، فاصلهٔ اطمینانی برای میانگین μ جامعه، وقتی که حجم نمونه بزرگ است و انحراف

معیار  $\sigma$  معلوم است، فرض می شود. در قسمت بعد  $\sigma$  نامعلوم فرض می شود که منجر به فرمول بندی واقع بینانه تری از مسئله خواهد شد. حکم احتمالی دربارهٔ میانگین نمونه بر مبنای توزیع نرمال، پایه ای برای شرح و بسط فاصله های اطمینان فراهم می کند. بر طبق قضیهٔ حد مرکزی، توزیع  $\overline{X}$  را می توان با تقریب خوبی برابر با توزیع نرمال ( $(\mu, \sigma / \sqrt{q_n})$  گرفت که در آن  $-\sigma / \sqrt{q_n}$  عددی معلوم است. این توزیع تقریب خوبی برای نمونه گیری بزرگ از جامعه های غیرنرمال است، ولی وقتی که مقادیر نمونهٔ تصادفی، م<sup>n</sup>، برقرار است. در نتیجه احکام احتمالی مقادیر نمونهٔ تصادفی، م<sup>n</sup>، برقرار است. در نتیجه احکام احتمالی برای جامعه های نرمال به طور دقیق و برای جامعه های غیرنرمال به طور تقریبی، در حالی که نمونه بزرگ باشد، برقرار است. به طور کلی وقتی که م<sup>n</sup> بزرگ و  $\sigma$  معلوم است، فاصله اطمینان مود: ( $(-\alpha)$ )

$$(\overline{X} - Z_{\alpha/\gamma} \frac{\sigma}{\sqrt{q}_n}, \overline{X} + Z_{\alpha/\gamma} \frac{\sigma}{\sqrt{q}_n})$$
 (Y4)

که اصطلاحاً Ζ<sub>α/۲</sub> نقطهٔ ۲/ α بالای توزیع نرمال استاندارد را نشان میدهد یعنی مساحت سمت راست Ζ<sub>α/۲</sub> برابر با ۲/ α است. مقادیر مذکور را می توان از جداول آماری پیوستی در مرجع [۲۱] بهدست آورد.

**۳–۲– فاصلهٔ اطمینان مبتنی بر نمونه بزرگ برای μ با σ نامعلوم** حال که مفاهیم اساسی مربوط به فاصلههای اطمینان بیان شد، به حالت واقع بینانهتری روی آورده می شود که در آن انحراف معیار جامعه نامعلوم است. اگر حجم نمونه بزرگ باشد، رابطهٔ (۲۹) همچنان صحیح است، ولی چون σ نامعلوم است، ایس فاصله را نمی توان از روی دادههای نمونه محاسبه کرد و ناصله را نمی توان از روی دادههای نمونه محاسبه کرد و بنابراین به عنوان یک فاصلهٔ اطمینان قابل استفاده نیست. در نتیجه چون np بزرگ است، جایگزینی σ به وسیلهٔ برآورد نخواهد داشت. به طور خلاصه وقتی که np بزرگ است و σ جامعه نامعلوم است، فاصلهٔ اطمینان ((-1))۰۰٪ برای μ

$$(\overline{X} - Z_{\alpha/\gamma} \frac{d_e}{\sqrt{q_n}}, \overline{X} + Z_{\alpha/\gamma} \frac{d_e}{\sqrt{q_n}})$$
 (r°)

که در آن d<sub>e</sub>، انحراف معیار نمونه است و در مورد نوع توزیع جامعه، هیچ فرضی غیر از متناهی بودن σ لازم نیست.

#### ۳–۳– قابلیت اطمینان و معیار تخطی

در این بخش به بررسی قابلیت اطمینان سیستم مورد نظر پرداخته می شود. قابلیت اطمینان، احتمال خرابی سیستم را براساس معيار تابع حد حالت "بررسي ميكند. لازم به ذكر است كه بررسي قابليت اطمينان به محاسبة احتمال شكست محدود نمی شود و منظور از خرابی، شکست سازه نیست. بررسی خواص مختلف آماری، مانند توابع توزيع احتمال و فاصلهٔ اطمینان از پاسخ سیستم نیز در بررسی قابلیت اطمینان حائز اهمیت است. هنگامی که یک سازه بیش از حد تعیین شده کـار میکند، سازه مورد نظر عملکرد مطلوب مورد نیاز خود را از دست میدهد. این حد تعیین شده همان تابع حد حالت است. بنابراین سیستم زمانی در حالت عدم اطمینان قرار دارد که احتمال خرابي و تخطى از حد حالت موجود باشد. بـ معبارتي تجاوز از یک حد مشخص برای سیستم برابر با خرابی سیستم تلقی می شود. برای بسیاری از سازهها، حد حالت را می توان به دو دسته تقسيم کرد [۲۲]: ۱- خراب شدن سازه ۲- اختلال در عملکر د عادی بهطور کلی حد حالت، حاشیه ایمنی بین مقاومت و بار وارد بر سازه را نشان میدهد. روابط (۳۱) و (۳۲) مربوط به تـابع حـد حالت و احتمال خرابي هستند:  $M = R - F_e$ (٣١)

متغیر R نشاندهندهٔ مقاومت سازه و متغیر F<sub>e</sub> نشانگر بار خاجی وارد بر سیستم است. برای حالت خاصی که در آن مقاومت، R، و بارگذاری، F<sub>e</sub>، دارای توزیع نرمال بوده و ناهمبسته باشند:

$$P_{\rm f} = P(R \le F_{\rm e})$$
 (۳۲)  
تابع حد حالت نیز دارای توزیع نرمال است. در ایـن حالـت



احتمال خرابی به طور مستقیم با درنظر گرفتن متغیر تصادفی M نیز به عنوان حاشیه ایمنی نیز درنظر گرفته می شود. حال احتمال خرابی از رابطهٔ (۳۳) قابل محاسبه است:

$$\begin{split} P(R-F_e\leq \circ) &= P(M\leq \circ) \qquad (\mbox{rm}) \\ \text{Solution} \\ \text{Solution} \\ \text{Solution} \\ \text{Solution} \\ \text{Solution} \\ P(R-F_e\leq \circ) \\ \text{Solution} \\ \text$$

$$P_{f}(\frac{-\mu_{M}}{\sigma_{M}}) = \Phi(-\beta) \tag{(44)}$$

که در آن  $\frac{\mu_M}{\sigma_M} = \frac{\beta}{\sigma_M}$  شاخص ایمنی و  $\Phi$  تابع توزیع تجمعی عادی استاندارد است. تفسیر هندسی از شاخص ایمنی در شکل (۲) نشان داده شده است. ناحیهٔ سایهدار از این شکل احتمال خرابی را نشان میدهد.

# ۴- شبیهسازی و استخراج نتایج

خصوصیات تیر برداشت کننده انرژی و خواص موج که در شبیه سازی به کار رفته است به ترتیب در جدول های (۱) و (۲) آورده شده است. با درنظر گرفتن این مقادیر، معادلات سیستم برداشت انرژی به کمک نرم افزار متلب حل شده و با یافتن پاسخ ارتعاشی و به تبع آن، توان الکتریکی تولیدی محاسبه شده است. در شکل (۳) یک نمونه از شکل موج جانسواپ تولیدی از اجرای برنامه شیه سازی شده توسط روش مونت - کارلو به ازای برنامه شده است. همچنین  $H_s = rm$  و mz

جدول ۱– خصوصیات برداشت کننده انرژی					
مقدار	علامت اختصاري پارامتر	نام پارامتر			
۰/V۵	c <sub>v</sub> (nF)	ظرفيت الكتريكي وصلهها			
$-\Upsilon/\Lambda$	$e_{r_1}(c/m^r)$	ثابت پيزو			
٣	l(m)	طول تير			
\/V	c <sub>M</sub>	ضریب اینرسی تیر			
۰/٨	c <sub>D</sub>	ضریب پسای تیر			
١	c <sub>m</sub>	ضريب اينرسي جرم افزوده			
۷۵۰۰	$\rho(kg/m^{r})$	چگالى تىر			
٧A	E(GPa)	مدول الاستيسيته تير			

جدول ۲ – خواص دریا					
مقدار	علامت اختصاري پارامتر	نام پارامتر			
٣	d(m)	عمق دريا			
۱۰۲۵	$\rho_{\rm w}({\rm kg/m}^{\rm r})$	چگالی آب دریا			



 1
 1

 0.5
 0

 -0.5
 -0.5

 -1
 -1.5

 0
 5

 10
 15

 20
 25

 30

 T(S)

 شكل ۳- شكل موج تصادفی جانسواپ

جانسواپ تاکنون توسط محققین دیگر بررسی نشده است، برای اعتبار سنجی شبیهسازی، ابتدا با درنظر گرفتن N = 7 و  $H_s = 7$  میآید. همچنین پاسخ ارتعاشی تیر در حوزه زمانی و به تبع آن در حوزه فرکانسی استخراج می شود که به ترتیب در شکل های (۵) و (۶) نشان داده شده است. همان طور که از شکل (۶) در شکل (۴) طیف موج جانسواپ با تبدیل فوریه شکل موج جانسواپ مقایسه شده است. مشاهده می شود که فرکانس غالب موج ( $\frac{1/Y08A}{r\pi\sqrt{H_s}} = f$ ) با فرض ارتفاع مؤثر موج m = R، در هر دو نمایان است که نشانگر صحت مدل موج است. بهدلیل اینکه سیستم برداشت انرژی با درنظر گرفتن مدل موج



مشاهده می شود فرکانس های ظاهر شده، نشانگر فرکانس طبیعی سیستم برداشت کننده و فرکانس غالب موج است که این نشان دهنده این موضوع است که شبیه سازی سیستم برداشت کننده انرژی با درنظر گرفتن مدل موج جانسواپ بهدرستی انجام شده است. لازم به ذکر است که فرکانس های طبیعی سیستم که ریشه های دترمینان ماتریس ضرایب رابطه (۱۹) است به ترتیب ۲۰۳۳، ۲۰۳۵ و ۶۳/۵۲

بعد از اطمینان از صحت مدل، حال نامعینیهایی در طول و ضخامت وصلههای پیزوالکتریک که مقدار نامی آنها بهترتیب ۱۰ و ۲۰۰۱ متر است، درنظر گرفته می شود. کران بالا و پایین این دو پارامتر نامعین ۵± درصد مقدار نامی درنظر گرفته شده و با توزیع یکنواخت، تولید می شوند. سپس مقدار RMS توان الکتریکی تولیدی بر حسب ارتفاع مؤثر موج، عرض به ضخامت تیر و عمق دریا با درنظر گرفتن تئوری موج جانسواپ استخراج می شود. همچنین برای بررسی تأثیر نامعینیها در توان تولیدی برداشت کننده انرژی، حد بالا و پایین توان با استفاده از روش های آماری توضیح داده شده در سه حالت نامعینی همزمان در طول و ضخامت وصلهها، نامعینی فقط در طول وصلهها و نامعینی در ضخامت وصلهها استخراج و در شکلهای (۷) تا (۱۵) نشان داده شده اند.

در شکلهای (۷) تا (۹) توان الکتریکی تولیدی برحسب



ارتفاع مؤثر موج جانسواپ با درنظر گرفتن نامعینی در طول و ضخامت وصله ها، نامعینی در طول وصله ها و نامعینی در ضخامت وصله ها نشان داده شده اند. همان طور که از این شکل ها مشاهده می شود به ازای افزایش ارتفاع موج، توان الکتریکی تولیدی طبق انتظار افزایش می یابد ولی با توجه به افزایش فاصله حد بالا از حد پایین قابلیت اطمینان سیستم کم می شود.

در شکلهای (۱۰) تا (۱۲) توان الکتریکی تولیدی برحسب نسبت عرض به ضخامت تیر بهازای سه حالت مذکور رسم شدهاند. همانطور که از این شکلها مشاهده می شود بهازای افزایش عرض تیر به ضخامت، توان الکتریکی تولیدی افزایش می یابد. همچنین در شکلهای (۱۳) تا (۱۵) توان الکتریکی تولیدی برحسب عمق دریا نشان داده شده است. همانطور که در شکلها ملاحظه می شود با افزایش عمق دریا که طبق فرض مسئله برابر با طول تیر است، توان الکتریکی تولیدی افزایش می یابد. دلیل این امر این است که با افزایش طول تیر به تبع آن نیروی خمش ناشی از امواج دریا بیشتر شده و توان تولیدی افزایش می یابد.

برای بررسی تأثیر نامعینیها در توان تولیدی، در جدول (۳) مقدار میانگین فاصله حد بالا و پایین هر یک حالت های مذکور نشان داده شده است.





جانسواپ با درنظر گرفتن نامعینی در طول و ضخامت وصلهها



جانسواپ با درنظر گرفتن نامعینی در ضخامت وصلهها





شکل ۱۵– توان الکتریکی تولیدی برحسب عمق دریا برای موج موج جانسواپ با درنظر گرفتن نامعینی در ضخامت وصلهها

نامعینی در ضخامت	نامعینی در طول	نامعینی در طول و ضخامت	
وصلهها	وصلهها	وصلهها	
۰/۰۱۹۰	١/٧٠٨٢	1/8301	توان برحسب ارتفاع مؤثر موج
•/••VY	۰/V۳۱۳	۰/۷۱۴۳	توان برحسب عرض به ضخامت تير
৽/৽৽۶۲	•/۵٩۶V	۰/۶۰۵۲	توان برحسب عمق دريا

جدول ۳- میانگین فاصله حدود بالا و پایین

نتایج حاصل از بررسی احتمال خرابی سیستم برداشت کنده براساس معیار تخطی استخراج و در شکل های (۱۶) تا (۱۸) نشان داده شده است. همچنین لازم به ذکر است با توجه به ارتباط مستقیم توان تولیدی با ولتاژ تولیدی توسط وصله های پیزوالکتریک، معیار تخطی به این صورت درنظر گرفته می شود که چنانچه همان طور که از جدول (۳) مشاهده می شود نامعینی در طول وصله ها تأثیر گذارتر از نامعینی در ضخامت وصله ها بر توان تولیدی است. پس توان تولیدی برداشت کننده نسبت به طول وصله ها حساس تر است.

در ادامه با استفاده از روش توضیح داده شده در بخش ۳-۳



شکل ۱۸- احتمال خرابی براساس معیار تخطی در مقابل عمق دریا

متوسط توان الکتریکی میانگین از نصف تـوان بیشـینه در هـر اجرا بیشتر شود خرابی رخ میدهد. در شکلهای (۱۶) تا (۱۸) درصد احتمال خرابی سیستم در اثر عبور ولتاژ غیر مجاز بهازای ارتفاع موج، عرض به ضخامت تیر و عمق دریا بهترتیب نشان داده شدهاند. همانطور که از این شکلها مشاهده می شود با افزایش سه پارامتر مذکور احتمال شکست نيز افزايش مييابد.

### ۵- نتیجه گیری

در این مقاله سیستم برداشت انرژی از امواج دریا بهازای مـدل موج جانسواپ که مدل واقع بینانهتری از موج است مدلسازی شده است. در ادامه بعد از مدلسازی سیستم و استخراج

معادلات، مقدار توان تولیدی بهازای پارامترهای مختلف تیر و

دریا بررسی شده است. همچنین تأثیر نامعینی ها در طول و

1. interfacial

3. limit-state function

مراجع

- 1. Hamilton, M. C., "Recent Advances in Energy Harvesting Technology and Techniques", *Annual Conference on IEEE Industrial Electronics Society*, pp. 6297-6304, 2012.
- Kim, H. S., Kim, J.-H., and Kim, J., "A Review of Piezoelectric Energy Harvesting Based on Vibration", *International Journal of Precision Engineering and Manufacturing*, Vol. 12, No. 6, pp. 1129-1141, 2011.
- Smits, J. G., and Choi, W., "The Constituent Equations of Piezoelectric Heterogeneous Bimorphs", *IEEE Transactions on Ultrasonics*, *Ferroelectrics, and Frequency Control*, Vol. 38, No. 3, pp. 256-270, 1991.
- Erturk, A., "Piezoelectric Energy Harvesting for Civil Infrastructure System Applications: Moving Loads and Surface Strain Fluctuations", *Journal of Intelligent Material Systems and Structures*, Vol. 22, No. 17, pp. 1959-1973, 2011.
- Kim, S.-H., Ahn, J.-H., Chung, H.-M., and Kang, H.-W., "Analysis of Piezoelectric Effects on Various Loading Conditions for Energy Harvesting in a Bridge System", *Sensors and Actuators A: Physical*, Vol. 167, No. 2, pp. 468-483, 2011.
- Wu, X., and Lee, D.-W., "An Electromagnetic Energy Harvesting Device Based on High Efficiency Windmill Structure for Wireless Forest Fire Monitoring Application", *Sensors and Actuators A: Physical*, Vol. 219, pp. 73-79, 2014.
- Wang, H., and Zou, L., "Interfacial Effect on the Electromechanical Behaviors of Piezoelectric/Elastic Composite Smart Beams", *Journal of Intelligent Material Systems and Structures*, Vol. 24, No. 4, pp. 421-430, 2013.
- Taylor, G. W., Burns, J. R., Kammann, S. M., Powers, W. B., and Wel, T. R., "The Energy Harvesting Eel: A Small Subsurface Ocean/River Power Generator", *Oceanic Engineering, IEEE Journal*, Vol. 26, No. 4, pp. 539-547, 2001.
- 9. Zurkinden, A., Campanile, F., and Martinelli, L., "Wave Energy Converter Through Piezoelectric Polymers", *Proceeding of the COMSOL Users Conference*, Grenoble, 2007.
- Murray, R., and Rastegar, J., "Novel Two-Stage Piezoelectric-Based Ocean Wave Energy Harvesters for Moored or Unmoored Buoys", *Proceeding of International Society for Optics and Photonics*, pp.

72880E-72880E-12, 2009.

- 11. Xie, X., Wang, Q., and Wu, N., "Energy Harvesting from Transverse Ocean Waves by a Piezoelectric Plate", *International Journal of Engineering Science*, Vol. 81, pp. 41-48, 2014.
- Xie, X., Wang, Q., Wu, N., "Potential of a Piezoelectric Energy Harvester from Sea Waves", *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 333, No. 5, pp. 1421-1429, 2014.
- Morison, J., Johnson, J., and Schaaf, S., "The Force Exerted by Surface Waves on Piles", *Journal of Petroleum Technology*, Vol. 2, No. 5, pp. 149-154, 1950.
- Liu, Z., and Frigaard, P., Generation and Analysis of Random Waves, Aalborg University Press, Denmark, 2001.
- Han, S., and Benaroya, H., "Non-Linear Coupled Transverse and Axial Vibration of a Compliant Structure, Part 2: Forced Vibration", *Journal of Sound and Vibration*, Vol. 237, No. 5, pp. 875-900, 2000.
- Haritos, N., "Introduction to the Analysis and Design of Offshore Structures-an Overview", *Electronic Journal of Structural Engineering*, Vol. 7, pp. 55-65, 2007.
- Adrezin, R., and Benaroya, H., "Response of a Tension Leg Platform to Stochastic Wave Forces", *Probabilistic Engineering Mechanics*, Vol. 14, No. 1, pp. 3-17, 1999.
- Son, S., "Design of Ocean platforms Against Ringing Response", M.S Thesis, Department of Mechanical Engineering, Texas Techniversity, Lubbock, TX, USA, 2006.
- Carter, D., "Prediction of Wave Height and Period for a Constant Wind Velocity using the JONSWAP Results", *Ocean Engineering*, Vol. 9, No. 1, pp. 17-33, 1982.
- Lee, C.-K., and Moon, F. C., "Modal Sensors/Actuators", *Journal of Applied Mechanics*, Vol. 57, No. 2, pp. 434-441, 1990.
- Johnson, R., and Bhattacharyya, G., *Statistical Concepts and Methods*, Wiley series in probality and mathematical statistics, 1977.
- 22. Choi, S.-K., Grandhi, R., and Canfield, R. A., *Reliability-based Structural Design*, Springer Science & Business Media, 2006.

[DOI: 10.29252/jcme.36.2.21]