

رسم منحنی‌های حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته با روش‌های مختلف آماری و مقایسه آن با روش سینوپتیکی برای ایران

مهدی خلجی پیربلوطی و علیرضا سپاسخواه^۱

چکیده

حداکثر بارش محتمل مقدار بارشی است که امکان وقوع آن در یک ایستگاه، یک منطقه یا یک حوزه آبخیز وجود دارد، یا حداکثر کردن منطقی عوامل هواشناسی به گونه‌ای که رگبار حداکثر تولید شود. حداکثر بارش‌های محتمل از این نظر حایز اهمیت‌اند که تأسیسات هیدرولیک، همچون سرریزهای اضطراری سدها، پل‌ها، آب‌روها، نهرها و شبکه‌های زه‌کشی شهری بر پایه آن طراحی می‌شوند. محتمل‌ترین بارش روزانه به دو روش کلی تخمین زده می‌شود: در روش اول از عواملی مانند دمای نقطه شبنم، سرعت باد و فشار هوا در ایستگاه‌های هواشناسی استفاده می‌شود. روش دوم روشی آماری است که در آن از بسط و تحلیل آمار بارندگی حداکثر روزانه استفاده می‌گردد. در این پژوهش با استفاده از حداکثر بارش ۲۴ ساعته جمع‌آوری شده از گزارش‌های ایستگاه‌های سازمان هواشناسی و وزارت نیرو در یک دوره ۱۵ ساله یا بیشتر، حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته با روش‌های مختلف آماری، برای مناطقی از ایران که در آنها مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته با روش سینوپتیکی محاسبه شده بود، برآورد گردید.

بررسی‌ها نشان داد که مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته محاسبه شده با روش سینوپتیکی دارای اختلاف می‌باشند، ولی نتایج روش بت‌لاهمی نسبت به دیگر روش‌های آماری، در قیاس با روش سینوپتیکی، دارای اختلاف کمتری است. برای به حداقل رساندن این اختلاف، با اعمال ضریب رطوبتی، روش بت‌لاهمی واسنجی گردید. سپس مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته واسنجی شده برای کلیه ایستگاه‌های مورد بررسی ایران محاسبه، و منحنی‌های حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته رسم گردید. نتایج نشان داد که کمترین مقدار حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته ایران در مناطق مرکزی برابر ۱۱۰ میلی‌متر اتفاق افتاده، و بیشترین مقدار آن در نقاط شمالی و جنوبی ایران برابر با ۲۶۰ میلی‌متر می‌باشد.

واژه‌های کلیدی: حداکثر بارش محتمل، روش‌های آماری، روش سینوپتیکی، روش بت‌لاهمی واسنجی شده، حداکثر بارش ۲۴ ساعته

۱. به ترتیب دانشجوی سابق کارشناسی ارشد و استاد آبیاری، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شیراز

مقدمه

هیدرولوژی با توجه به ویژگی‌های جغرافیایی منطقه به وقوع پیوندند (۱۶). هنگامی که داده کافی برای محاسبه رگبار استاندارد پروژه در منطقه طرح وجود نداشته باشد، درصدی منطقی از بارش حداکثر محتمل جانشین رگبار استاندارد پروژه می‌شود (۱۹). بنابراین، برای طراحی سازه‌های آبی، در مرحله اول باید حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته محاسبه گردد. تا کنون برای چندین منطقه از ایران محاسبات حداکثر بارش‌های محتمل ۲۴ ساعته انجام شده است، که از آن جمله بررسی‌های حوزه طالقان (۶) و حوزه‌های کرخه، مارون، شفارود و سد ۱۵ خرداد (۱، ۲، ۳ و ۴) را می‌توان نام برد.

مواد و روش‌ها

حداکثر بارش‌های محتمل را می‌توان به دو روش آماری و سینوپتیکی برآورد نمود. ذیلاً به شرح مختصر روش‌های آماری مورد استفاده در این پژوهش و روش سینوپتیکی پرداخته می‌شود.

روش‌های آماری

روش هرشفیلد (۱۴)

در این روش حداکثر بارش محتمل با توجه به معادله عمومی فرکانس، ارائه شده توسط چاو (۱۰) به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$X = \bar{X} + K S \quad [1]$$

که در آن:

$$\bar{X} = \text{میانگین تعدیل شده داده‌ها}$$

$$S = \text{انحراف معیار تعدیل شده داده‌ها}$$

$$K = \text{ضریب فرکانس}$$

این مقادیر بر پایه منحنی‌های مربوط به دست می‌آید (۲۱).

روش بت‌لاهمی (۹)

بت‌لاهمی برای کاستن مشکل کمبود آمار و کم کردن تأثیر زیاد

هنگام بررسی رویدادهای نادر هیدرولوژی، ممکن است این پرسش مطرح شود که PMF یا حداکثر سیلاب محتمل (Probable Maximum Flood) چه شدتی خواهد داشت؟ بررسی‌های احتمالی گویای بی‌نهایت بودن مقدار حداکثر سیلاب محتمل است، زیرا با کاهش احتمال وقوع، بر شدت واقعه افزوده می‌شود، و هنگامی که احتمال وقوع سیلاب به سمت صفر میل نماید، شدت آن به بی‌نهایت میل خواهد کرد. ولی چون سیلاب محصول مستقیم بارش است، می‌توان پذیرفت که محدودیت‌های فیزیکی سبب تثبیت شدت بارش، و در نتیجه سیلاب خواهد شد. به سخن دیگر، می‌توان ادعا کرد که شدت بارش دارای یک حد نهایی منطقی است، که به PMP یا حداکثر بارش محتمل (Probable Maximum Precipitation) معروف می‌باشد (۱۳). چاو و همکاران (۱۱) سقف بارشی را که به لحاظ فیزیکی و منطقی در یک دوام معین از سال در محدوده‌ای مشخص قابل وقوع باشد، به عنوان حداکثر بارش محتمل تعریف نموده‌اند. کاریگان و همکاران (۱۲) در سال ۱۹۹۸ شرایط جغرافیایی را نیز به تعریف فوق افزودند.

حداکثر بارندگی محتمل از این نظر حایز اهمیت است که تأسیسات هیدرولیک بر اساس آن طراحی می‌شود. بنابراین، چنین تأسیساتی نباید هیچ‌گاه از نظر بارندگی و سیل در معرض خطر قرار گیرند. از جمله این تأسیسات و ابنیه می‌توان سرریزهای اضطراری سدها را نام برد (۷). به خاطر شکست و خراب شدن شماری از سدهای ساخته شده، مانند سد ماچو II در ایالت گجرات هندوستان (۱۵) و سد جانستون در ایالت پنسیلوانیا آمریکا (۲۰)، و هم‌چنین دیگر ابنیه هیدرولیک، توجه بیشتری به استانداردهای طراحی برای شدت‌های باران به عمل آمده است.

شاخص‌های مورد نیاز در طراحی سدهای بزرگ عبارتند از بارش حداکثر محتمل و رگبار استاندارد پروژه (Standard Project Storm). رگبار استاندارد پروژه به رگباری گفته می‌شود که در مناسب‌ترین شرایط هواشناسی و

در صورتی که حد n_T برابر با یک خواهد بود، که مقدار q نظیر آن به سمت بی‌نهایت میل خواهد کرد، که غیر واقعی است. بنابراین، باید مقدار حداقلی برای n_T و یا نسبت n_T/n_1 در نظر گرفته شود. بدین منظور، برای گسترش اطلاعات، معادله زیر به جای معادلات ۴ و ۵ پیشنهاد شده است (۹):

$$n_T / n_1 = \exp[-1/\pi(T-N)/(T+N)] \quad [6]$$

در معادله فوق، چنانچه نسبت T/N به سمت بی‌نهایت میل کند، مقدار n_T/n_1 به طور مجانب به سمت $\exp(-1/\pi)$ میل خواهد کرد. از این نسبت می‌توان مقدار حداکثر سیل محتمل و یا حداکثر بارش محتمل را محاسبه نمود (۸).

روش بت لاهمی اصلاح شده

قهرمان و سپاسخواه (۸) با انجام بررسی‌هایی در روابط ارائه شده توسط بت لاهمی، پیشنهاد نمودند که برای یافتن نسبت n_T/n_1 به منظور گسترش داده‌های مشاهده شده، به جای به کار بردن معادله ۶، از معادله زیر استفاده شود:

$$n_T / n_1 = \exp[-(T-N)/(T+N)] \quad [7]$$

معادله فوق، در مقایسه با معادله ۶، به ازای یک دوره برگشت مشخص T مقدار کوچک‌تری را برای n ، و در پی آن مقدار بزرگ‌تری را برای Q_T به دست می‌دهد. پس از محاسبه مقدار n_T ، بقیه مراحل محاسبه مشابه روش بت لاهمی خواهد بود.

روش سینوپتیکی

این روش بر اساس مطالعه رگبارهای شدید پایه‌گذاری شده است. پس از اعمال ضریب‌هایی به منظور حداکثر نمودن مقادیر رگبارها، اقدام به برآورد حداکثر بارش محتمل می‌گردد. این برآورد به حالت‌های غیر کوهستانی و کوهستانی، به شرح زیر تقسیم می‌شود:

روش غیر کوهستانی

در این روش، رگبارهای مشاهده شده به عنوان یک شاخص مورد بررسی قرار می‌گیرد، و پس از تخمین رطوبت اتمسفر و

مشاهدات استثنایی، روشی ترسیمی-تحلیلی برای تعیین یک واقعه هیدرولوژی، با دوره برگشتی به مراتب بیشتر از تعداد سال‌های آماری پیشنهاد کرده است. در این روش، برای مقابله با مشکلات کمبود آمار و چولگی ارقام، می‌توان از مقدار میانه آمار موجود که توصیف خوبی از تراکم مرکزی جمعیت‌های نرمال و جمعیت‌های دارای چولگی ارائه می‌دهد، بهره گرفت. در این روش، مرتبه و شمار مشاهدات به شرح زیر، به صورت بدون بعد تعریف می‌شود:

$$M = \frac{(N+1)}{2} \quad [2]$$

$$q_i = (Q_i)^{1/2} / (Q_i + Q_M)^{1/2} \quad [3]$$

$$n_i = (N_i)^{1/2} / (N_i + N_M)^{1/2} \quad [4]$$

که در آنها:

M = شماره میانه داده‌ها

N = شمار کلیه داده‌های موجود

n_i = مقدار تغییر یافته N_i ، هنگامی که مقادیر N به شکل افزایشی مرتب شده باشد.

Q_i = مقادیر آمار

q_i = مقدار تغییر یافته Q_i ، هنگامی که مقادیر Q به ترتیب کاهشی مرتب شده باشند.

از روابط فوق می‌توان مقدار واقعه هیدرولوژی را که مرتبه نظیر آن در داخل سری داده‌ها وجود دارد، محاسبه کرد. برای محاسبه مقدار واقعه با دوره برگشت T بیشتر از شمار مشاهدات، با توجه به این که مقدار واقعه‌ای که محاسبه می‌شود از مقدار حداکثر شده Q_i بیشتر خواهد بود، معادله ۴ بایستی به شکل زیر نوشته شود:

$$n_T = 1 / [1 + ((T+1)/2)] \quad [5]$$

که در آن:

n_T = مقدار بسط داده شده N برای دوره برگشت T سال

T = شمار سال آماری گسترش داده شده

ولی با توجه به این که نسبت T/n و نتیجتاً نسبت n_T/n_1 ثابت باقی می‌ماند، به طور منطقی، می‌توان انتظار داشت که با افزایش بدون حد T/n ، نسبت n_T/n_1 نیز به حد معینی میل کند،

استفاده در محاسبه حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته، به روش سینوپتیکی در حوزه‌های کرخه، مارون، سفارود و سد ۱۵ خرداد (۱، ۲، ۳ و ۴) شناسایی، و برای هر کدام از حوزه‌ها با استفاده از نرم‌افزار کامپیوتری سورفر (Surfer)، مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته به روش‌های هرشفیلد، بت‌لاهمی و بت‌لاهمی اصلاح شده ترسیم گردید. نمونه‌ای از نقشه‌های رسم شده برای حوزه مارون به روش هرشفیلد در شکل ۲ ارائه شده است (۵).

با محاسبه مساحت بین منحنی‌های حداکثر بارش محتمل و مقادیر منحنی‌های میزان، حجم تجمعی بارش محاسبه و با تقسیم بر کل سطح، میانگین حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته در کل حوزه به دست آمد، تا با مقادیر نظیر به روش سینوپتیکی مقایسه گردد. نمونه‌ای از محاسبات برای حوزه مارون به روش هرشفیلد در جدول ۱ ارائه شده است.

نتایج و بحث

مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته به روش سینوپتیکی و روش‌های مختلف آماری برای حوزه‌های مطالعاتی در جدول ۲ ارائه شده است. نتایج نشان می‌دهد که:

- هیچ کدام از مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته در روش‌های مختلف آماری و سینوپتیکی با هم هم‌خوانی ندارند، که غیر معقول نیز به نظر نمی‌رسد. زیرا، اولاً: ایستگاه‌های انتخاب شده در روش‌های آماری، دقیقاً همان ایستگاه‌های استفاده شده در روش سینوپتیکی برای تحلیل نمی‌باشند، و طول دوره آماری نیز دقیقاً برابر نیست. ثانیاً: عواملی که در روش سینوپتیکی برای حدکثر نمودن بارش از آنها استفاده می‌شود، به صورت مستقیم در روش آماری نقش ایفا نمی‌نمایند.
- مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته محاسبه شده روش بت‌لاهمی نسبت به روش‌های آماری دیگر به مقادیر نظیر روش سینوپتیکی نزدیک‌تر است.

حداکثر نمودن آن، و در صورت لزوم پس از حداکثر نمودن سرعت باد و اعمال دو ضریب مربوطه، مقدار حداکثر بارش محتمل برآورد می‌گردد (۲۱).

روش کوهستانی

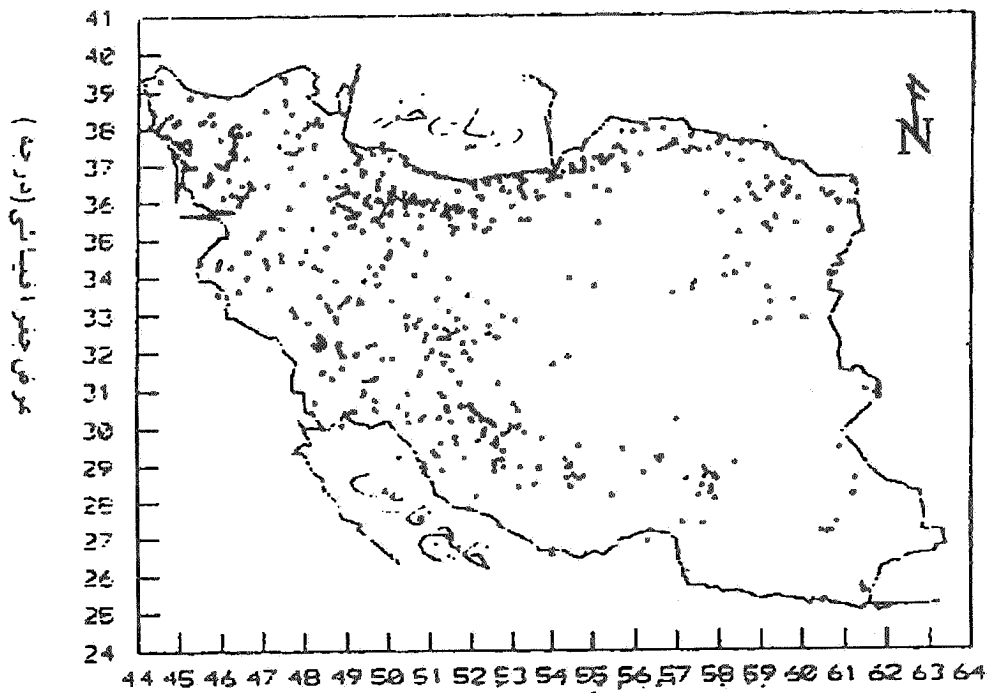
مقدار بارش با توجه به جهت و سرعت جریان هوای مرطوب، ارتفاع و چگونگی قرار گرفتن کوهستان تغییر می‌پذیرد. برآورد حداکثر بارش محتمل در نواحی کوهستانی به ترکیبی از دو عامل زیر بستگی دارد (۱۷ و ۱۸):

- باران‌های کوهستانی، که تحت تأثیر کوهستان می‌باشد.
 - باران‌های هم‌گرایی ناشی از جریان اتمسفر، که مستقل از تأثیر کوهستان است.
- هر دو مورد فوق باید در تخمین حداکثر بارش محتمل در این نواحی مورد استفاده قرار گیرد.

داده‌های بررسی

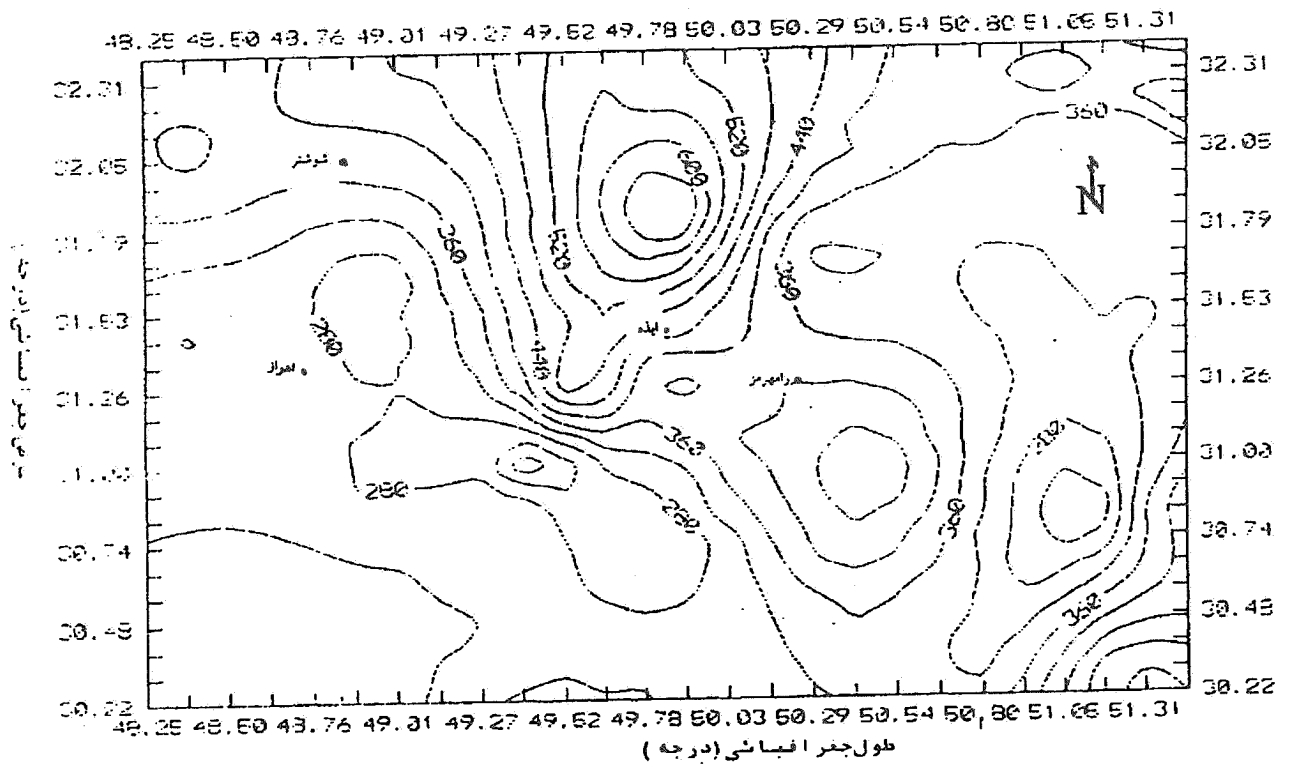
در این پژوهش، آمار لازم در مورد حداکثر بارش ۲۴ ساعته ایستگاه‌های سازمان هواشناسی و باران‌سنجی وزارت نیرو از سال ۱۳۳۷ تا جدیدترین آمار در آغاز تحلیل اطلاعات (۱۳۷۰) تهیه گردید. سپس ایستگاه‌های دارای خلأ آماری مشخص، و با توجه به موقعیت جغرافیایی ایستگاه‌های مجاور آنها، و از طریق رگرسیون‌گیری، عمل بازسازی آمار انجام، و انتخاب ایستگاه‌های نهایی با آمار حداقل ۱۵ سال یا بیشتر صورت پذیرفت.

پس از بررسی‌های لازم، ۶۵۴ ایستگاه، ۲۳۸ ایستگاه هواشناسی و ۴۱۶ ایستگاه وزارت نیرو انتخاب شده و در تحلیل‌ها مورد استفاده قرار گرفتند. موقعیت این ایستگاه‌ها در شکل ۱ ارائه شده است. مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته با روش‌های مختلف آماری هرشفیلد، بت‌لاهمی و بت‌لاهمی اصلاح شده برای این ایستگاه‌ها، به صورت نقطه‌ای، با استفاده از برنامه‌های کامپیوتری که به زبان فاکس‌پرو (Fox Pro) تهیه شده بود، محاسبه گردید (۵). سپس کلیه ایستگاه‌های مورد



طول جغرافیایی (درجه)

شکل ۱. ایستگاه‌های باران‌سنجی وزارت نیرو و سازمان هواشناسی مورد استفاده در پژوهش



شکل ۲. منحنی‌های هم‌مقدار حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته به روش هرشفیلد، برای حوزه مارون (میلی‌متر)

جدول ۱. مساحت و حجم بارش با توجه به شکل ۲ برای حوزه مارون به روش هرشفیلد

مقدار بارش (میلی‌متر)	میانگین بارش (میلی‌متر)	سطح تجمعی (کیلومتر مربع)	سطح جزئی (کیلومتر مربع)	حجم بارش (متر مکعب × ۱۰۰۰)
< ۲۸۰	۲۸۰	۱۵۷۷/۹۰	۱۵۷۷/۹۰	۴۴۱۸۱۲
۲۸۰-۳۲۰	۳۰۰	۲۳۶۶/۸۵	۲۳۶۶/۸۵	۷۱۰۰۵۵
۳۲۰-۳۶۰	۳۴۰	۲۰۵۱/۲۷	۲۰۵۱/۲۷	۶۹۷۴۳۱/۸۰
۳۶۰-۴۰۰	۳۸۰	۴۸۴۴/۱۵	۳۲۶۶/۲۵	۱۳۸۳۱۸۷/۱۴
۴۰۰-۴۴۰	۴۲۰	۱۵۷۷/۹۰	۵۸۳/۸۲	۲۴۵۲۰۵/۶۶
۴۴۰-۵۲۰	۴۸۰	۹۹۴/۰۸	۷۵۷/۳۹	۳۶۳۵۴۸/۱۶
> ۵۲۰	۵۲۰	۲۳۶/۶۸	۲۳۶/۶۸	۱۲۳۰۷۶/۲۰
جمع		۱۰۸۴۰/۱۷		۳۸۲۲۳۰۴/۹۶

جدول ۲. میانگین حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته به روش‌های مختلف آماری و سینوپتیکی برای حوزه‌های مورد بررسی

روش سینوپتیکی	میانگین حداکثر بارش محتمل (میلی‌متر)			مساحت (کیلومتر مربع)	حوزه
	هرشفیلد	بت‌لاهمی اصلاح شده	بت‌لاهمی		
۱۹۰	۳۰۰	۳۱۵	۱۱۵	۴۲۶۴۴	کرخه تا پای پل
۱۱۵	۲۴۵	۲۳۰	۱۱۵	۱۰۴۱	سد ۱۵ خرداد
۲۳۰	۳۲۰	۳۳۰	۱۳۰	۳۵۰	شفارود
۲۶۰	۳۰۰	۲۷۰	۱۳۰	۱۰۸۴۰	مارون

۱۳۴۷-۱۳۶۶) از سالنامه‌های هواشناسی استخراج و نسبت میانگین حداکثر درصد رطوبت نسبی به میانگین سالیانه محاسبه شده، و نسبت این دو برای حوزه‌های بررسی شده به روش سینوپتیکی محاسبه گردید. نتایج این محاسبات در جدول ۳ ارائه شده است.

سپس بررسی‌هایی در مورد رابطه میان نتایج مقادیر میانگین حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته روش‌های مختلف آماری با مقادیر نسبت میانگین حداکثر رطوبت نسبی به متوسط رطوبت و حداکثر بارش‌های محتمل به دست آمده از روش سینوپتیکی برای حوزه‌های مورد مطالعه به عمل آمد. بررسی‌ها نشان داد که اگر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته به روش بت‌لاهمی ایستگاه‌های هر حوزه در نسبت میانگین حداکثر رطوبت نسبی

۳. مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته روش‌های بت‌لاهمی اصلاح شده و هرشفیلد به هم نزدیک می‌باشند. پس از بررسی اقلیم منطقه‌ای و وضعیت جبهه‌های مرطوب ورودی به مناطق مورد مطالعه، تنها عاملی که به نظر می‌رسید می‌تواند بر بیشینه‌سازی مقادیر حداکثر بارش محتمل به روش سینوپتیکی دخالت نموده و احتمالاً اثر آن در محاسبه با روش‌های آماری حذف شده، یا شدت اثر آن برابر با شدت اثر روش سینوپتیکی نبوده باشد، عامل رطوبت هوا است. به همین دلیل، مقادیر میانگین حداکثر درصد رطوبت نسبی سالیانه و میانگین درصد رطوبت نسبی سالیانه در ایستگاه‌های معرف برای هر حوزه و مربوط به سازمان هواشناسی، که در محاسبات حداکثر بارش محتمل نقش داشته‌اند، برای دوره پایه ۲۰ ساله

جدول ۴. حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته برای حوزه‌های مورد بررسی به روش‌های مختلف آماری

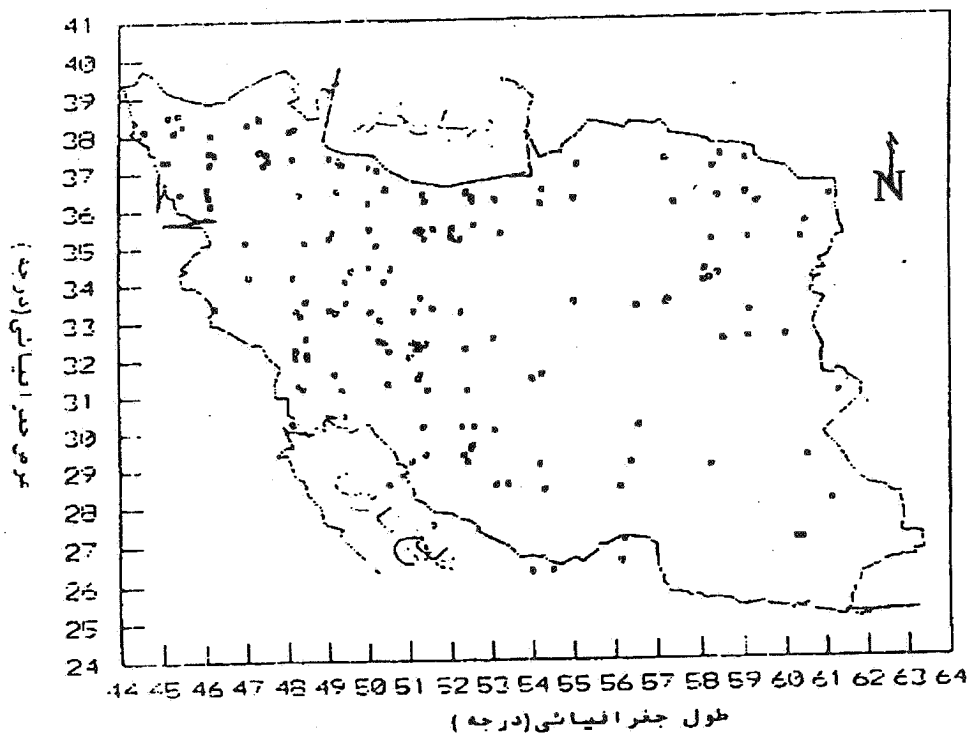
حوزه	سینوپتیکی	بت لاهمی	هرشفیلد	بت لاهمی اصلاح شده	بت لاهمی واسنجی شده
کرخه تا پای پل	۱۹۰	۱۱۵	۳۰۰	۳۱۵	۱۹۰
مارون	۲۶۰	۱۳۰	۳۰۰	۲۷۰	۲۵۰
سد ۱۵ خرداد	۱۱۵	۱۱۵	۲۴۵	۲۳۰	۱۵۵
شفارود	۲۳۰	۱۳۰	۳۲۰	۳۳۰	۱۹۰

جدول ۵. معادله‌های به دست آمده بین مقادیر حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته حاصل از روش بت لاهمی واسنجی شده و روش‌های دیگر آماری محاسبه حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته

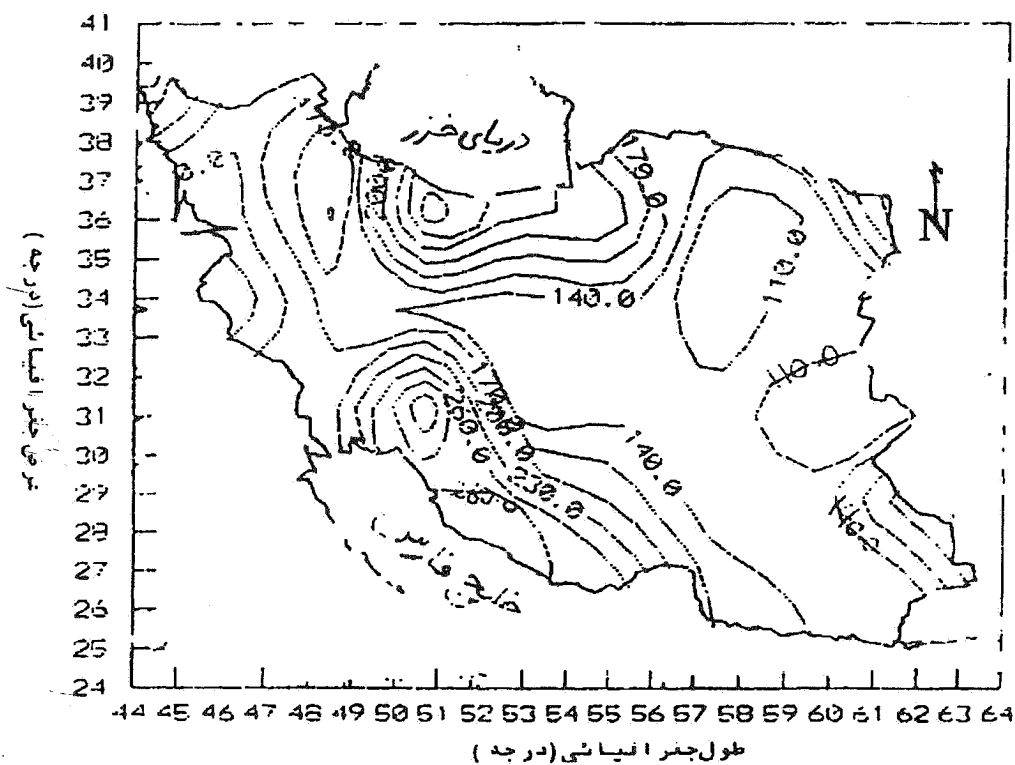
شمار مشاهدات	معیار خطا	سطح معنی‌دار	ضریب تعیین	معادله به دست آمده ^۱
N	SE	Sig-level	R ²	
۱۷۱	۳۶/۲۳	۰/۰۰۰۰۱	۰/۸۵	$P_m = 1/9P_b$
۱۷۱	۳۰/۹۹	۰/۰۰۰۰۱	۰/۸۹	$P_m = 36/1 + 1/0.93P_b$
۱۷۱	۳۰/۵۲	۰/۰۰۰۰۱	۰/۹۰	$P_m = 41/4 + 0/426P_s$
۱۷۱	۵۴/۶۰	۰/۰۰۰۰۱	۰/۶۷	$P_m = 20/0 + 0/49P_h$

۱. P_m = مقدار PMP روش واسنجی شده P_h = مقدار PMP روش هرشفیلد

P_b = مقدار PMP روش بت لاهمی P_s = مقدار PMP روش بت لاهمی اصلاح شده



شکل ۳. ایستگاه‌های سازمان هواشناسی با آمار رطوبت نسبی ده سال یا بیشتر



شکل ۴. منحنی‌های حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته واسنجی شده (میلی‌متر)، با استفاده از آمار رطوبت ایستگاه‌های سازمان هواشناسی

روش میانگین وزنی و با توجه به مساحت سطوح محصور بین
منحنی‌های هم‌مقدار، مقادیر میانگین منطقه‌ای محاسبه شود.
برای تخمین حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته برای مناطق
دوردست و فاقد ایستگاه اندازه‌گیری در ایران، شکل ۴ کاربرد
دارد.

منابع مورد استفاده

۱. بی‌نام. ۱۳۶۴. بررسی حداکثر بارندگی محتمل (PMP) رودخانه‌های مارون-الله و جراحی. شرکت مهندسی مشاور مه‌اب قدس، وزارت نیرو، سازمان آب و برق خوزستان.
۲. بی‌نام. ۱۳۶۴. بررسی حداکثر بارندگی محتمل (PMP) رودخانه شفارود. شرکت مهندسی مشاور مه‌اب قدس، وزارت نیرو، سازمان آب و برق مازندران.
۳. بی‌نام. ۱۳۶۴. بررسی حداکثر بارندگی محتمل (PMP) سد ۱۵ خرداد. شرکت مهندسی مشاور مه‌اب قدس، وزارت نیرو، سازمان آب و برق اصفهان.
۴. بی‌نام. ۱۳۶۴. بررسی حداکثر بارندگی محتمل (PMP) رودخانه کرخه. شرکت مهندسی مشاور مه‌اب قدس، وزارت نیرو، سازمان آب و برق خوزستان.
۵. خلجی پیربلوطی. م. ۱۳۷۴. تخمین حداکثر بارش محتمل ۲۴ ساعته برای ایستگاه‌های باران‌سنجی ایران با روش‌های آماری و مقایسه با روش سینوپتیکی. پایان‌نامه کارشناسی ارشد، دانشکده کشاورزی، دانشگاه شیراز.

۶. علیزاده، ا. ۱۳۶۸. اصول هیدرولوژی کاربردی. انتشارات بنیاد فرهنگی رضوی، مشهد.
۷. رشتچی، ژ. ۱۳۷۱. برآورد حداکثر بارش محتمل به روش‌های مختلف. مطالعه موردی برای حوضه آبریز طالقان. پایان‌نامه کارشناسی ارشد، دانشکده کشاورزی، دانشگاه تهران.
۸. قهرمان، ب. و ع. ر. سپاسخواه. ۱۳۶۹. تعیین مقادیر حدی بارندگی (PMP) در نقاط جنوبی ایران. اولین سمینار مهندسی رودخانه، اهواز، ۵ - ۸ آبان ۱۳۶۹.
9. Bethlahmy, N. 1984. Long-term hydrologic events from short-term records. *J. Hydrol.* 68: 141-148.
10. Chow, V. T. 1954. The log-probability law and its engineering applications. *Proc. ASCE* 80: 1-25.
11. Chow, V. T., D. Maidment and L. W. Mays. 1988. *Applied Hydrology*. McGraw Hill International, London.
12. . Corrigan, P., D. D. Fen, D. R. Kluck and J. L. Vogel. 1998. Probable Maximum Precipitation for California: Calculation procedure. Hydrometeorological Report No. 58, US Dept. of Commerce, Washington DC.
13. Gerger, R. 1965. *The Climate Near the Ground*. Harvard Univ. Press, Cambridge, Mass.
14. Hershfield, D. M. 1961b. Estimating the probable maximum precipitation. *J. Hydraul. Div. ASCE* 87(HY5): 99-116.
15. Mistry, J. F. 1984. Review of design floods spillway capacities and freeboards for embankment in Gujarat. *Proc. Int. Conf. on Safety of Dams, Coimbra, Portugal*.
16. U. S. Army Corps of Engineers. 1965. Standard project flood determination. *Civil Engineer Bulletin* No. 52-8, Engineering Manual EM 1110-2-1411.
17. USBR. 1961. Interim Report-Probable Maximum Precipitation in California. Hydrometeorological Report No. 36, US Dept. of Commerce, Washington DC.
18. USBR. 1966. Probable Maximum Precipitation, Northwest States. Hydrometeorological Report No. 43, US Dept. of Commerce, Washington DC.
19. USBR. 1973. *Designs of Small Dams*. US Dept. of the Interior, Washington, DC.
20. Viessman, W. J., J. W. Knapp, G. L. Lewis and T. E. Harbaugh. 1977. *Introduction to Hydrology*. Harper and Row Publication, New York.
21. World Meteorological Organization. 1973. Manual of estimation of probable maximum precipitation. *Operational Hydrology Report* No. 1., W. M. O. No. 332, Geneva.